

المستوى : التاسعة أساسى المدة: 60 دقيقة 2014 - 2013	فرض تأليفى عدد 2 <b>MATHÉMATIQUES</b>	الإعدادية النموذجية بالمنستير <i>Bon travail</i>
---	--	---

### التمرين الأول : 4 ن

أكتب رقم السؤال و الإجابة الصحيحة أمامه:

1- إذا كان  $x$  و  $y$  عددين حقيقيان حيث  $1 \leq x + y \leq 2$  و  $-1 \leq x - y \leq 0$  فإن :

$$-1 \leq x \leq 1 ; \quad -1 \leq x \leq 0 ; \quad 0 \leq x \leq 1$$

2- إذا كان  $a$  و  $b$  عددين حقيقيان مقلوبان حيث  $a^2 + b^2 = \frac{10}{3}$  فإن  $a + b$  يساوي :

$$\frac{6\sqrt{3}}{3} ; \quad \frac{4\sqrt{3}}{3} ; \quad \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

3- إذا كان  $ABC$  مثلثاً متقارن الצלعين قمته الرئيسية  $A$  حيث  $BC = 8$  و قيس محيطه  $18$  و  $G$  مركز ثقله فإن  $AG$  يساوي :

$$3 ; \quad 2 ; \quad 1$$

4- إذا كان  $ABC$  مثلثاً قائماً في  $A$  حيث  $AB = n$  و  $BC = n + 1$  و  $AC > 1$  فإن  $AC$  يساوي :

$$\sqrt{2n} ; \quad \sqrt{2n + 1} ; \quad \sqrt{2n - 1}$$

### التمرين الثاني : 4 ن

نعتبر العبارتين التاليتين  $F = x^2 + x - 6$  و  $E = (2x - 1)^2 + (2x + 1)^2 + (2x + 3)^2$  حيث  $x \in \mathbb{R}$

1- أ- بين أن :  $E = 12x^2 + 12x + 11$   
ب- أحسب  $E$  في حالة  $x = 3$

2- أ- بين أن  $F = \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$   
ب- إستنتج تفكيراً  $F$

3- أ- بين أن  $E - 83 = 12F$   
ب- إستنتاج 3 أعداد صحيحة طبيعية فردية متتالية مجموع مربعاتها 83

### التمرين الثالث : 4 ن

نعتبر العددين  $b = \sqrt{x+1} + \sqrt{x-1}$  و  $a = \sqrt{x+1} - \sqrt{x-1}$  حيث  $1 < x < 3$

1- أ- بين أن  $ab = 2$   
ب- إستنتاج أن  $0 < a < ab$   
2- نعتبر العدد  $c$  حيث  $c = \frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$   
أ- بين أن  $c = \frac{2ab}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x-1}}$  و إستنتاج أن  $1 < c < \sqrt{2}$

#### التمرين الرابع : 7      وحدة القياس هي الصنتمتر

ليكن  $ABC$  مثلث حيث  $AB = 4$  و  $AC = 8$  و  $BC = 4\sqrt{5}$

- أ- بين أن المثلث  $ABC$  قائم في  $A$
  - ب- أرسم إذن المثلث  $ABC$
  - 2- لتكن  $E$  منتصف  $[AC]$  [ أحسب  $BE$  ]
  - 3- المستقيم المار من  $E$  و الموازي لـ  $(AB)$  يقطع  $(BC)$  في  $F$  . بين أن  $F$  منتصف  $[BC]$
  - 4- المستقيمان  $(BE)$  و  $(AF)$  يتقاطعان في النقطة  $G$
  - أ- بين أن  $G$  مركز نقل المثلث  $CB$
  - ب- أحسب  $EG$
  - 5- لتكن  $M$  نقطة من  $[EB]$  حيث  $EM = x$  و  $x > 0$  . المستقيم المار من  $M$  و الموازي لـ  $(AB)$  يقطع  $(AC)$  في  $N$
  - 6- نعتبر  $a$  مساحة شبه المنحرف  $ABMN$
- بين ان  $EN = MN = \frac{\sqrt{2}}{2}x$
- أ- بين ان  $a = 8 - \frac{x^2}{4}$
- ب- أوجد  $x$  لتكون مساحة شبه المنحرف  $ABMN$  تساوي 4

#### التمرين الخامس : 1

$a$  و  $b$  عددان حقيقيان حيث  $1 < a < b$

نعتبر العددين  $y = \sqrt{ab} + 1$  و  $x = \sqrt{a} + \sqrt{b}$

قارن  $x^2$  و  $y^2$  و إستنتج مقارنة لـ  $x$  و  $y$

عملاء موقعة