

التمرين الأول: (4 نقاط)

لكل سؤال، واحدة من بين الإجابات الأربع صحيحة. أوجد الإجابة المناسبة.

| د | ج | ب | أ | |
|---|--|---|---|--|
| $ x > 6,7$ | $ x \leq 6,7$ | $ x \geq 6,7$ | $ x < 6,7$ | في حالة العدد الحقيقي x يتحقق $6,7 < x < 6,7$ ، فإن ... |
| الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,143$ | الحصر $3,1414 \leq \pi \leq 3,1416$ | الحصر $3,1415 \leq \pi \leq 3,1416$ | الحصر $3,141 \leq \pi \leq 3,142$ | علمًا أن $\pi = 3,141592 \dots$ ، فإن القيمة 4×10^2 هي مدى ... |
| من نفس المستوى أوليسا من نفس المستوى | ليسا متوازيين وليسا متقاطعين | متوازيان أو متقاطعان | من نفس المستوى | مستقيمان من الفضاء ، هما مستقيمان ... |
| إذن Δ قاطع لكل مستقيمات P | إذا عاد Δ مستقيما P موازيًا لـ | إذن Δ يعاد كل مستقيمات الماردة من M | إذا عاد Δ مستقيما من P ماردة من M | ليكن Δ مستقيما و P مستويًا من الفضاء . إذا عاد P في نقطة M ، Δ يعاد P في نقطة M |

التمرين الثاني: (4 نقاط ونصف)

لاحظ الرسم البياني على الملحق، حيث:

(1) ليكن S قيس مساحة الرباعي $AMND$ و S' قيس مساحة الرباعي $MNCB$ بحساب الصنتمتر مربع.

$$x > \sqrt{3} \text{ حيث } AB = \sqrt{3} \text{ cm} \text{ و } MB = BC$$

أ- بيّن أن: $S' = (x - \sqrt{3})^2$ و $S = x(x - \sqrt{3})$

ب- أوجد القيمة العددية الممكنة لـ x ، إذا علمت أن قيس مساحة الرباعي $MNCB$ مساو لثلاث قيس مساحة الرباعي $AMND$.

(2) ليكن x عدداً حقيقياً والعبارتين الجبريتين: $Q = x^2 - 2\sqrt{3}x + 8$ و $P = (x - \sqrt{3})^2$

أ- أوجد القيمة العددية لـ Q في كل حالة من الحالات التالية:

$$x = 2 + \sqrt{3} \quad (*) \quad ; \quad x = \sqrt{5} \quad (*) \quad ; \quad x = 3 \quad (*)$$

ب- بيّن أن $Q = 5 + p$ ، ثم استنتج أن:

(3) حل، في المجموعة \mathbb{R} ، ما يلي:

$$5 + (x - \sqrt{3})^2 > 5 \quad ; \quad x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 \leq x^2 + 3 \quad ; \quad x^2 - 2\sqrt{3}x + 8 = 8$$

التمرين الثالث: (3 نقاط ونصف)

لاحظ الرسم البياني على الملحق، حيث المجسم $ABCDEFGH$ مكعباً قيس طول حرفه مساو لـ 5cm ،

(1) (أ) بيّن أن: $N \in [AB]$ و $M \in [AD]$ حيث $MA = 2\text{cm}$

ب- بتطبيق مبرهنة طالس في المثلث ABD ،

$$\frac{NB}{MN} = \frac{BD}{AD} \quad \text{بين أن: } NB = 3\text{cm} \text{ و } MN = 2\sqrt{2}\text{cm}$$

(2) (أ) بيّن أن المستقيم (MA) يعادل المستوى (ABE) .

ب- بيّن أن المثلث MAF قائم الزاوية في النقطة A .

$$MF = 3\sqrt{6}\text{cm}$$

(3) هل أن المثلث MNF قائم الزاوية في النقطة N ? علل الإجابة.

التمرين الرابع: (4 نقاط)

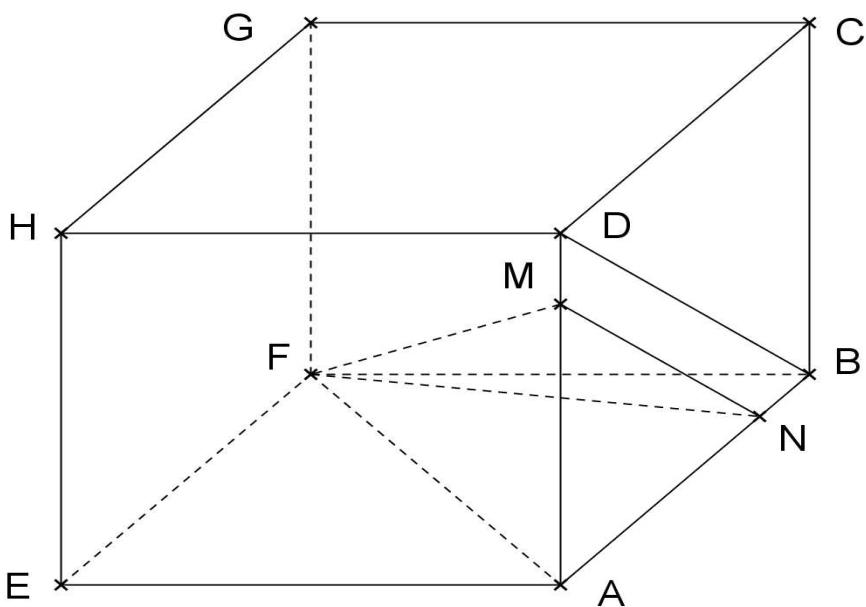
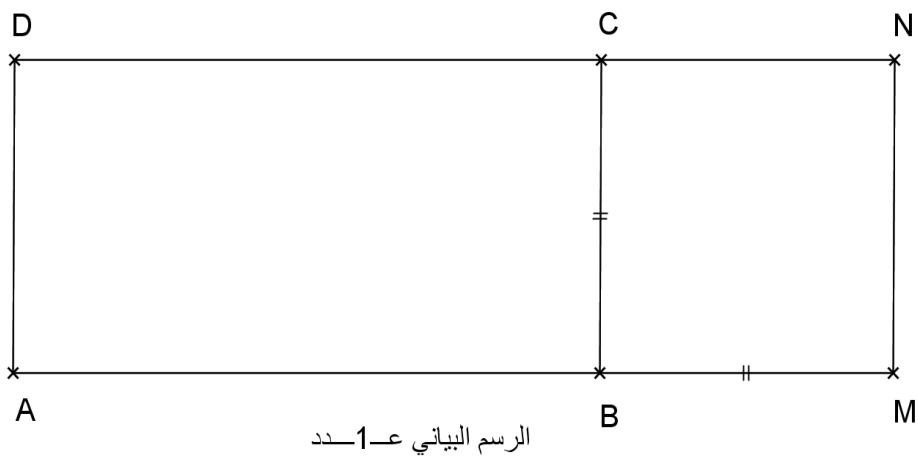
- توجّد بكيّس عازل للرؤيا خمس قريصات متشابهة ، يحملن الأعداد: 0 و 2 و -3 و $\sqrt{5}$ و $-\sqrt{5}$.
- نعتبر التجربة العشوائية التالية: سحب اثنين من القرصيات ثم الاهتمام بنتيجة جداء العددين المتحصل عليهما ، مع العلم أن القرصيات لهن نفس الاحتمال للسحب.
- لاحظ الرسم البياني ع3دد بالملحق ، الذي يحدّد كل النتائج الممكنة لهذه التجربة العشوائية.
- (1) بالاعتماد على المعلومات المقدمة، حدد عدد كل الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.
 - (2) مقدما الاحتمالات في شكل كتابة كسرية مختزلة إلى أقصى حد:
- أ- أوجد p احتمال تحقق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد حقيقي سالب فقط "
 - ب- أوجد q احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد حقيقي موجب "
 - ج- أوجد k احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد صحيح نسبي "
 - د- تحقق من المساواة التالية: $p + q + k = 1,6$
- (3) بإضافة قریص سادس يحمل العدد $\sqrt{5}$ إلى القرصيات السابقة ، وقع القيام بنفس التجربة العشوائية.
- أ- حدد عدد كل الحالات الممكنة للتجربة العشوائية.
 - ب- مقدما الاحتمال في شكل كتابة كسرية مختزلة إلى أقصى حد، أوجد e احتمال تتحقق الحدث التالي: " الحصول على جداء عدد صحيح طبيعي "

التمرين الخامس: (4 نقاط)

- قامت إدارة إحدى المؤسسات الاقتصادية بسبل للأراء لمعرفة المدة الزمنية بالدقيقة ، المقضى من طرف موظفيها بين مقر الإقامة ومقر العمل.
- لاحظ الرسم البياني ع4دد بالملحق ، الذي يحدّد النتائج التي أفرزتها هذه الاستماراة.
- (1) ما هي المجموعة الإحصائية المدروسة؟
 - (2) ما هي الميزة الإحصائية المدروسة؟ ما هي طبيعتها؟ ما هي خاصيتها؟
 - (3) حدد c_i مدى هذه السلسلة الإحصائية، معللا الإجابة.
 - (4) حدد الفئة الزمنية الموافقة لأكبر عدد من الموظفين، معللا الإجابة.
 - (5) ما هو عدد الموظفين الذين يقضون أقل مدة زمنية؟ أكبر مدة زمنية؟
- أ- انقل ، ثم أكمل تعديل الجدول التالي:

| المدة الزمنية بالدقيقة (الفئة) | مركز الفئة c_i | عدد الموظفين (التكرار n_i) | التكرار التراكمي الصاعد |
|--------------------------------|------------------|-------------------------------|-------------------------|
| [35;40] | 30;35 | 25;30 | 20;25 |
| | | | |
| 5 | | | |
| 80 | | | |

- ب- احسب \bar{X} المعدل الحسابي التقريري للمدة الزمنية بالدقيقة الموافقة لكل موظف.
- ج- أوجد النسبة المئوية لعدد الموظفين، الذين يقضون مدة زمنية أكبر أو متساوية لعشرين دقيقة.
- (5) أ- مثل هذه السلسلة الإحصائية بمثلث التكرارات التراكمية الصاعدة، وفق السلم التالي:
- 5 وحدات من الفئة \rightarrow 1,5cm (على محور الفاصلات)
- و10 تكرارات تراكمية صاعدة \rightarrow 1cm (على محور الترتيبات)
- ب- استنتج قيمة تقريرية للموسط Me برقم واحد بعد الفاصل.



(الحالة)
 $\{-3; \sqrt{5}\}$
 هي مثال من نتائج
 التجربة العشوائية)

| | | | | | |
|---------------------------|--------------------|-------------|------------|---|------------|
| $-\sqrt{5}$ | $\sqrt{5}$ | -3 | 2 | 0 | |
| $\{0; -\sqrt{5}\}$ | $\{0; \sqrt{5}\}$ | $\{0; -3\}$ | $\{0; 2\}$ | | 0 |
| $\{2; -\sqrt{5}\}$ | $\{2; \sqrt{5}\}$ | $\{2; -3\}$ | | | 2 |
| $\{-3; -\sqrt{5}\}$ | $\{-3; \sqrt{5}\}$ | | | | -3 |
| $\{\sqrt{5}; -\sqrt{5}\}$ | | | | | $\sqrt{5}$ |

الرسم البياني عدد 3

انظر الصفحة المقابلة

