

### التمرين رقم 1

- نعبر دائرة  $\Gamma$  مركزها O و شعاعها 5cm و [AB] قطر لها و I نقطة من  $\Gamma$  بحيث  $BI=6$
- (1) حدد نوع المثلث ABI معللا جوابك
  - (2) لتكن C مناظرة B بالنسبة إلى I و G نقطة تقاطع المستقيمين (AI) و (OC) ما هو مركز ثقل المثلث ABC ؟ علل جوابك
  - (3) (AC) يقطع (BG) في J و يقطع القوس [AC] في M , لتكن H نقطة تقاطع (BH) و (AI) بين أن OIJA متوازي أضلاع
  - (4) بين أن (CH) و (IJ) متعامدان
  - (5) (CH) و (AB) يتقاطعان في Q , لتكن P المسقط العمودي لـ I على (AB) , أحسب

$$\frac{IP}{CQ}$$

### التمرين رقم 2

- ABCD متوازي أضلاع مركزه O و I منتصف [AB] . (ID) يقطع (AC) في M
- (1) بين أن  $AM = \frac{1}{3}AC$
  - (2) ليكن P مسقط M على (AD) وفقا لمنحى (BD) . بين أن  $3MP=BD$
  - (3) المستقيم المار من M و الموازي لـ (AD) يقطع [CD] في Q . أحسب  $\frac{DQ}{DC}$

### التمرين رقم 3

- نعبر قطعة مستقيم [AB] بحيث  $AB=9cm$  .
- (1) أ) ابن النقاط O و M من [AB] بحيث  $\frac{AO}{3} = \frac{OM}{1} = \frac{MB}{2}$
  - (ب) بين أن O هي منتصف [AB]
  - (ج) أحسب AM
  - (2) أ) ابن الدائرة  $\Gamma$  التي قطرها [AB] و عين عليها نقطة K بحيث  $AK=6cm$
  - (ب) ارسم المستقيم المار من M و العمودي على (AB) حيث يقطع (AK) في P و (BK) في Q
  - (3) بين أن  $(PB) \perp (AQ)$
  - (4) لتكن I نقطة تقاطع (AQ) و (BP) , بين أن I نقطة من  $\Gamma$
  - (5) لتكن J مناظرة I بالنسبة إلى B . (MJ) يقطع [AI] في S . بين أن  $(AJ) \parallel (BS)$
  - (6) المستقيم المماس للدائرة  $\Gamma$  في B يقطع (AI) في L . بين أن  $\frac{MQ}{BL} = \frac{2}{3}$

### التمرين رقم 4

- $\Gamma$  دائرة مركزها O و [AC] قطر لها بحيث  $AC=10cm$  و B نقطة من  $\Gamma$  بحيث  $AB=6cm$
- (1) لتكن M المسقط العمودي لـ O على (BC)
  - أ) بين أن  $(OM) \parallel (AB)$
  - ب) أحسب OM
  - (2) [AM] و [BO] يتقاطعان في K , بين أن  $AC=3BK$
  - (3) (AM) يقطع  $\Gamma$  في I , (IC) يقطع (AB) في H . ماذا تمثل M بالنسبة للمثلث ACH
  - (4) المستقيم العمودي على (BC) و المار من K يقطع (BC) في R و (AC) في S . أحسب RS

### الآمرين رقم 5

ABC مآثلآ قائم في A بحيث  $AC=2AB$

$$(1) \text{ ابن النقطة } D \text{ من } [BC] \text{ بحيث } \frac{DB}{DC} = \frac{2}{3}$$

(2) أرسم المسآقيم  $\Delta$  العمودي على (BC) و المار من D .  $\Delta$  يقآع (AC) في M و يقآع

(AB) في E . بين أن  $(CE) \perp (BM)$

(3) حدد المركز القائم للمآثلآ MBE معللا آوابك

(4) ليكن I منتصف [BC] .

$$(أ) \text{ عين النقطة } H \text{ من } [AI] \text{ بحيث } \frac{AH}{2} = \frac{HI}{1}$$

(ب) ماذا تمآل H بالنسبة للمآثلآ ABC

$$(ت) \text{ بين أن } AG = \frac{1}{3}BC \text{ ثم احسب } \frac{AG}{BD}$$

(5) المسآقيم المار من I و الموازي لـ (AC) يقآع [AB] في F . بين أن C و G و F على استقامة واحدة

### الآمرين رقم 6

آ دائرة مركزها O و قطرها [AB] بحيث  $AB=8\text{cm}$  و M نقطة من آ بحيث  $BM=7$

(1) حدد المركز القائم للمآثلآ ABM معللا آوابك

(2) N مناظرة A بالنسبة إلى M . المسآقيم (ON) يقآع (BM) في K

(أ) ماذا يمثل K بالنسبة للمآثلآ ANB ؟ علل آوابك .

(ب) أحسب BK

(3) (BN) يقآع آ في E . (AE) يقآع (BM) في H . بين أن  $(HN) \perp (AB)$

(4) المسآقيم المار من N و الموازي لـ (AB) يقآع (BK) في S . عين النقطة T من [MS]

بحآث  $MT=MA$

(أ) بين أن المآثلآ ANT قائم الزاوية

بين أن M هي منتصف [BS]

### الآمرين رقم 7

(1) ابن ABC مآثلآ قائم الزاوية في A حيث  $AB = 2$  و  $AC = 4\sqrt{2}$  و  $BC = 6$

(2) ارسم الدائرة آ المحيطة بالمآثلآ ABC ثم عين النقطة E من نصف المسآقيم [BA]

بحآث  $BE=6$  والنقطة D مناظرة E بالنسبة إلى B .

(ب) اثبت أن المآثلآ DEC قائم الزاوية في C

(3) المسآقيم (DC) يقآع الدائرة آ في نقطة ثانية I .

(أ) بين أن (EC) و (BI) متوازيان

(ب) اثبت أن I منتصف [DC] ثم احسب BI

(4) لتكن F نقطة تقاطع المسآقيمين (BI) و (AC)

(أ) بين أن  $EC = 2BF$

(ب) اثبت أن الرباعي EFDI متوازي أضلاع

(آ) اثبت أن الرباعي EFIC مستطيل

### التمرين رقم 8

(وحدة القيس هي الصنتمتر)

ABCD متوازي أضلاع بحيث  $AC=12$   $BC=8$   $AB=10$

ثم عين النقطتين E منتصف [AD] و F منتصف [BC] . المستقيم (BE) يقطع المستقيم (AC) في I و المستقيم (DF) يقطع (AC) في J

(1) أثبت أن الرباعي BEDF متوازي أضلاع

(2) استنتج أن (IE) موازي لـ (DJ) و أن (IB) // (GF)

(3) أحسب  $\frac{JC}{JI}$  و  $\frac{IA}{IJ}$  . ماذا تستنتج بالنسبة إلى I و J

(4) لتكن O مركز متوازي الأضلاع ABCD

(أ) بين أن I هو مركز ثقل المثلث ABD

(ب) بين أن [ID] يقطع [AB] في منتصفه N

(5) أرسم المستقيم المار من A و العمودي على (BD) الذي يقطعه في H و المستقيم

المار من O و العمودي على (AB) الذي يقطعه في K . (AH) يقطع (OK) في L

(أ) ماذا تمثل L بالنسبة للمثلث OAB ؟ علل جوابك

(ب) بين أن  $(BL) \perp (AC)$  في نقطة M

(ج) بين أن النقاط A و H و M و B تنتمي إلى نفس الدائرة .

### التمرين رقم 9

(1) ابن مثلثا ABC و I منتصف [BC] بحيث  $AB=5$   $AI=6$   $BC=8$  ثم عين النقطة G

من [AI] بحيث  $AG=4$

(2) المستقيم المار من I و الموازي لـ (AB) يقطع (AC) في J .

(أ) بين أن J منتصف [AC]

(ب) بين أن B و G و J على استقامة واحدة

(3) لتكن D مناظرة G بالنسبة إلى I .

(أ) بين أن  $DG = \frac{2}{3}AI$

(ب) استنتج أن G هي منتصف [AD]

(4) المستقيم (CD) يقطع (AB) في E

(أ) بين أن  $\frac{BJ}{EC} = \frac{AB}{AE}$  و  $\frac{BG}{ED} = \frac{AB}{AE}$

(ب) استنتج أن  $ED = \frac{2}{3}EC$

### التمرين رقم 1

لتكن العبارتين  $E = 2x^2 + 6\sqrt{2}x + 5$  و  $F = (\sqrt{2}x - 3)(\sqrt{2}x + 1)$

- (1) أ) أحسب القيمة العددية للعبارة E إذا كان  $x = -\sqrt{2}$   
ب) أحسب القيمة العددية للعبارة F حيث  $x = -1$
- (2) أ) بين أن  $(\sqrt{2}x+3)^2 - 4 = E$   
ب) استنتج تفكيكا للعبارة E
- (3) بين أن  $E + F = 2 \times (\sqrt{2}x+1)^2$
- (4) أ) أوجد العدد الحقيقي x حيث  $2x^2 + 6\sqrt{2}x + 5 = (\sqrt{2}x-3)(\sqrt{2}x+1)$   
ب) أوجد العدد الحقيقي x حيث  $\sqrt{E+F} = 2\sqrt{2}$

### التمرين رقم 2

نعتبر العدد  $a = \frac{\sqrt{5}+1}{2}$  الذي يسمى العد الذهبي

- (أ) بين أن  $a^2 = a+1$  و أن  $a-1 = \frac{\sqrt{5}-1}{2}$
- (ب) أحسب  $a(a-1)$  واستنتج أن  $a-1$  هو مقلوب  $a$
- (ت) بين أن  $\frac{1}{a-1} + a-1 = \sqrt{5}$
- (ث) رتب تصاعديا  $a^2$  و  $a$  و  $\frac{1}{a}$

### التمرين رقم 3

- (1) بين أن  $(a+b)^2 - (a-b)^2 = 4ab$
- (2) استنتج حسابا للعدد  $1000.001^2 - 999.999^2$
- (3) أحسب العدد  $ab$  إذا علمت أن  $a+b=18$  و  $a-b=4$
- (4) بين أن  $(a+1)^2 - (a-1)^2 = 4a$
- (5) أحسب إذن  $1001^2 - 999^2$  ,  $10001^2 - 9999^2$

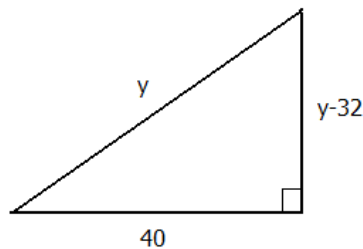
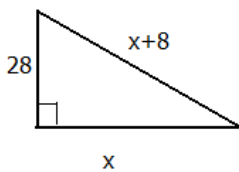
### التمرين رقم 4

نعتبر العبارتين  $A = (x\sqrt{3}+1)^2 - (x-\sqrt{3})^2$  ,  $B = (x\sqrt{2}+1)(x\sqrt{2}-1)$

- (1) أنشر واختصر العبارتين A و B
- (2) أكتب على شكل جذاء عوامل العبارة A
- (3) جد مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث  $A=0$
- (4) جد مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث A هو مقابل B

### التمرين رقم 5 ( العدد المجهول )

أوجد x و y



**التمرين رقم 6**

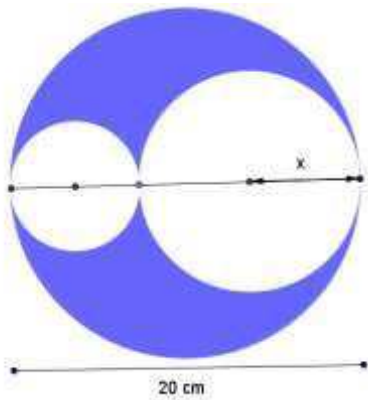
بين أن مسآحة الجزء الملون بالأحمر هو

$$A = \Pi(R + r)(R - r)$$



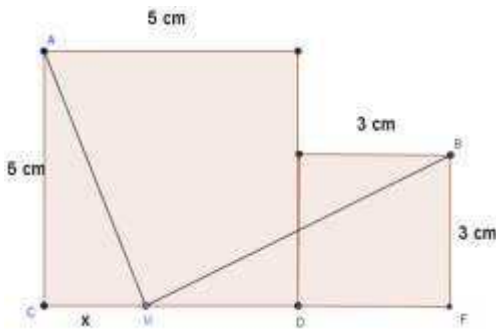
**التمرين رقم 7 ( داخل قرص )**

أؤد مسآحة الجزء الملون داخل القرص الكبير



**التمرين رقم 8**

نضع  $CM=x$  . أؤد  $x$  حتى يكون  $AM=MB$



**التمرين رقم 9 ( أنبؤبان )**

أنبؤبان أؤدهما شعاعه R و الثاني شعاعه r وضعا أرضا كما هو مبين بالرسم المصاحب.

(1) بين أن  $d^2 = 4R \times r$

(2) أؤسب d إذا علمت أن  $R=135$  mm و  $r=60$  mm

**التمرين رقم 10**

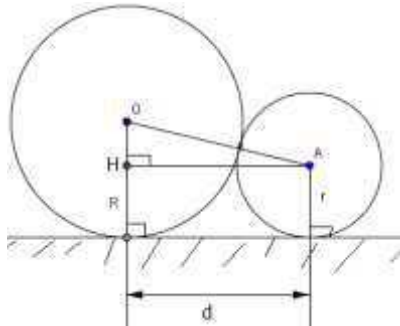
بين أن  $(x + y)^2 - (x - y)^2 = 4xy$

**التمرين رقم 11**

بين أن  $(x + y)^2 + (x - y)^2 = 2(x^2 + y^2)$

**التمرين رقم 12**

أؤب بصواب أو خطأ



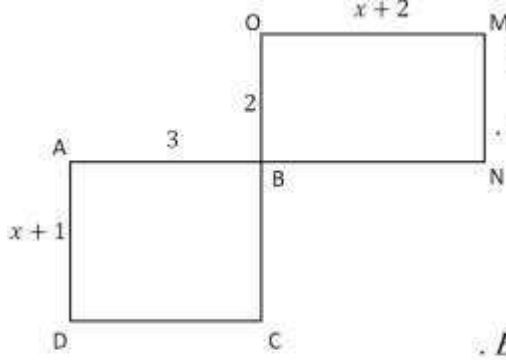
$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2 \text{ (أ)}$$

$$-x^2 + 2x - 1 = (1 - x)^2 \text{ (ب)}$$

$$x^2 + 12x + 9 = (-x - 3)^2 \text{ (ج)}$$

$$122237958 \times 122237960 = 122237959^2 - 1 \text{ (د)}$$

### التمرين رقم 13



تأمل الرسم المقابل حيث  $ABCD$  و  $BOMN$  مستطيلان

بحيث  $OM = x+2$  و  $MN = 2$  ,  $AD = x+1$  ,  $AB = 3$

(أ) أحسب بدلالة  $x$  مساحة المستطيل  $ABCD$  .

(ب) أحسب بدلالة  $x$  مساحة المستطيل  $BOMN$  .

(2) أوجد  $x$  لتكون مساحة  $ABCD$  ضعف مساحة  $BOMN$  .

(3) أوجد  $x$  ليكون الرباعي  $AONC$  معين .

ثم احسب محيطه .

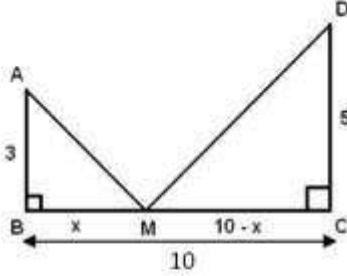
### التمرين رقم 14

في الرسم المقابل :  $(BC) \perp (AB)$  و  $(BC) \perp (AD)$  .

النقطة  $M$  موجودة على  $[BC]$  .

نريد تحديد موقع النقطة  $M$  بحيث تكون مساحة المثلثين متقايسين .

لتكن  $BM = x$  .



(1) أحسب بدلالة  $x$  مساحة المثلثان  $ABM$  و  $CDM$  .

(2) أكتب المعادلة التي تحقق المساواة بين مساحة المثلثين .

(3) استنتج أن مساحة المثلثان متقايسان في حالة  $x = \frac{25}{4}$  .