

### التمرين رقم 1

- نعتبر دائرة  $\Gamma$  مركزها O و شعاعها 5cm و [AB] قطر لها و I نقطة من  $\Gamma$  بحيث BI=6
- (1) حدد نوع المثلث ABI معللا جوابك
  - (2) لتكن C منظرية B بالنسبة إلى I و G نقطة تقاطع المستقيمين (AI) و (OC)  
أ) ما هو مركز ثقل المثلث ABC ؟ علل جوابك  
ب) أحسب IG و OC
  - (3) (AC) يقطع (BG) في J و يقطع القوس [AC] في M , لتكن H نقطة تقاطع (BH) و (AI) بين أن OIJA متوازي أضلاع
  - (4) بين أن (CH) و (IJ) متعامدان
  - (5) (CH) و (AB) يتقاطعان في Q , لتكن P المسقط العمودي لـ I على (AB) , أحسب CQ و IP

### التمرين رقم 2

- ABCD متوازي أضلاع مركزه O و I منتصف [AB] . (ID) يقطع (BC) في M
- (1) بين أن  $AM = \frac{1}{3}AC$
  - (2) ليكن P مسقط M على (AD) وفقا لمنحى (BD) . بين أن  $3MP=BD$
  - (3) المستقيم المار من M و الموازي لـ (AD) يقطع [CD] في Q . أحسب  $\frac{DQ}{DC}$
  - (4) لتكن F منظرية A بالنسبة إلى I . بين أن O و F و Q على استقامة واحدة

### التمرين رقم 3

- نعتبر قطعة مستقيم [AB] بحيث AB=9cm .
- (1) أ) ابن النقاط O و M من [AB] بحيث  $\frac{AO}{3} = \frac{OM}{1} = \frac{MB}{2}$   
ب) بين أن O هي منتصف [AB]  
ج) أحسب AM
  - (2) أ) ابن الدائرة  $\Gamma$  التي قطرها [AB] و عين عليها نقطة K بحيث AK=6cm  
ب) ارسم المستقيم المار من M و العمودي على (AB) حيث يقطع (AK) في P و (BK) في Q  
3) بين أن (PB)  $\perp$  (AQ)  
4) لتكن I نقطة تقاطع (AQ) و (BP) , بين أن I نقطة من  $\Gamma$   
5) لتكن J منظرية I بالنسبة إلى B . (MJ) يقطع [AI] في S . بين أن (AJ) // (BS)
  - (6) المستقيم المماس للدائرة  $\Gamma$  في B يقطع (AI) في L . بين أن  $\frac{MQ}{BL} = \frac{2}{3}$

### التمرين رقم 4

- $\Gamma$  دائرة مركزها O و [AC] قطر لها بحيث AC=10cm و B نقطة من  $\Gamma$  بحيث AB=cm
- (1) لتكن M المسقط العمودي لـ O على (BC)  
أ) بين أن (OM) // (AB)  
ب) أحسب OM
  - (2) [AM] و [BO] يتقاطعان في K , بين أن AC=3BK
  - (3) (AM) يقطع  $\Gamma$  في I , (IC) يقطع (AB) في H . ماذا تمثل M بالنسبة للمثلث ACH

(4) المستقيم العمودي على (BC) و (BC) يمر من K يقطع (BC) في R و (AC) في S. أحسب RS

### التمرين رقم 5

ABC مثلث قائم في A بحيث  $AC=2AB$

$$(1) \text{ ابن النقطة } D \text{ من } [BC] \text{ بحيث } \frac{DB}{DC} = \frac{2}{3}$$

(2) أرسم المستقيم  $\Delta$  العمودي على (BC) و (BC) يمر من D.  $\Delta$  يقطع (AC) في M و يقطع

(AB) في E. بين أن  $(CE) \perp (BM)$

(3) حدد المركز القائم للمثلث MBE معللا جوابك

(4) ليكن I منتصف [BC].

$$(أ) \text{ عين النقطة } H \text{ من } [AI] \text{ بحيث } \frac{AH}{2} = \frac{HI}{1}$$

(ب) ماذا تمثل H بالنسبة للمثلث ABC

$$(ت) \text{ بين أن } AG = \frac{1}{3}BC \text{ ثم احسب } \frac{AG}{BD}$$

(5) المستقيم المار من I و الموازي لـ (AC) يقطع (AB) في F. بين أن C و G و F على استقامة واحدة

### التمرين رقم 6

O مركزها و قطرها [AB] بحيث  $AB=8\text{cm}$  و M نقطة من O بحيث  $BM=7$

(1) حدد المركز القائم للمثلث ABM معللا جوابك

(2) عين النقطة I منتصف [MB]. المستقيم  $\Delta$  المار من B و الموازي لـ (AI) يقطع (AM)

في N. المستقيم (ON) يقطع (BM) في K

(أ) ماذا يمثل K بالنسبة للمثلث ANB؟ علل جوابك.

(ب) أحسب BK

(3) (BN) يقطع O في E. (AE) يقطع (BM) في H. بين أن  $(HN) \perp (AB)$

(4) المستقيم المار من N و الموازي لـ (AB) يقطع (BK) في S. عين النقطة T من [MS]

بحيث  $MT=MA$

(أ) بين أن المثلث ANT قائم الزاوية

بين أن M هي منتصف [BS]

### التمرين رقم 7

(1) ليكن ABC مثلثا حيث  $AB=2$  و  $AC=4\sqrt{2}$  و  $BC=6$

(أ) أنجز الرسم

(ب) بين أن المثلث ABC قائم الزاوية

(2) (أ) ارسم الدائرة O المحيطة بالمثلث ABC ثم عين النقطة E من نصف المستقيم [BA]

بحيث  $BE=6$  والنقطة D مناظرة E بالنسبة إلى B.

(ب) اثبت أن المثلث DEC قائم الزاوية في C

(3) المستقيم (DC) يقطع الدائرة O في نقطة ثانية I.

(أ) بين أن (EC) و (BI) متوازيان

(ب) اثبت أن I منتصف [DC] ثم احسب BI

(4) لتكن F نقطة تقاطع المستقيمين (BI) و (AC)

(أ) بين أن  $EC=2BF$

(ب) اثبت أن الرباعي EFDI متوازي أضلاع  
(ج) اثبت أن الرباعي EFIC مستطيل

### التمرين رقم 8

(وحدة القيس هي الصنتمتر)

ABCD متوازي أضلاع بحيث AC=12 BC=8 AB=10

ثم عين النقطتين E منتصف [AD] و F منتصف [BC] . المستقيم (BE) يقطع المستقيم (AC) (AC)

في I و المستقيم (DF) يقطع (AC) في J

(1) أثبت أن الرباعي BEDF متوازي أضلاع

(2) استنتج أن (IE) مواز لـ (DJ) و أن (IB) // (GF)

(3) أحسب  $\frac{IA}{IJ}$  و  $\frac{JC}{JI}$  . ماذا تستنتج بالنسبة إلى I و J

(4) لتكن O مركز متوازي الأضلاع ABCD

(أ) بين أن I هو مركز ثقل المثلث ABD

(ب) بين أن [ID] يقطع [AB] في منتصفه N

(5) أرسم المستقيم المار من A و العمودي على (BD) الذي يقطعه في H و المستقيم

المار من O و العمودي على (AB) الذي يقطعه في K . (AH) يقطع (OK) في L

(أ) ماذا تمثل L بالنسبة للمثلث OAB ؟ علل جوابك

(ب) بين أن (BL) ⊥ (AC) في نقطة M

(ج) بين أن النقاط A و H و M و B تنتمي إلى نفس الدائرة .

### التمرين رقم 9

(1) ابن مثلثا ABC و I منتصف [BC] بحيث AB=5 AI=6 BC=8 ثم عين النقطة G

من [AI] بحيث AG=4

(2) المستقيم المار من I و الموازي لـ (AB) يقطع (AC) في J .

(أ) بين أن J منتصف [AC]

(ب) بين أن B و G و J على استقامة واحدة

(3) لتكن D مناظرة G بالنسبة إلى I .

(أ) بين أن  $DG = \frac{2}{3} AI$

(ب) استنتج أن G هي منتصف [AD]

(4) المستقيم (CD) يقطع (AB) في E

(أ) بين أن  $\frac{BJ}{EC} = \frac{AB}{AE}$  و  $\frac{BG}{ED} = \frac{AB}{AE}$

(ب) استنتج أن  $ED = \frac{2}{3} EC$

**التمرين رقم 1**

$$E = 2x^2 + 6\sqrt{2}x + 5 \quad F = (\sqrt{2}x - 3)(\sqrt{2}x + 1)$$

- (1) أ) أحسب القيمة العددية للعبارة E إذا كان  $x = -\sqrt{2}$   
 ب) أحسب القيمة العددية للعبارة F حيث  $x = -1$
- (2) أ) بين أن  $(\sqrt{2}x + 3)^2 - 4 = E$   
 ب) استنتج تفكيكا للعبارة E
- (3) بين أن  $E + F = 2 \times (\sqrt{2}x + 1)^2$
- (4) أ) أوجد العدد الحقيقي x حيث  $2x^2 + 6\sqrt{2}x + 5 = (\sqrt{2}x - 3)(\sqrt{2}x + 1)$   
 ب) أوجد العدد الحقيقي x حيث  $\sqrt{E + F} = 2\sqrt{2}$

**التمرين رقم 2**

$$\text{نعتبر العدد } a = \frac{\sqrt{5} + 1}{2} \text{ الذي يسمى العد الذهبي}$$

- (أ) بين أن  $a^2 = a + 1$  و أن  $a - 1 = \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$
- (ب) أحسب  $a(a - 1)$  واستنتج أن  $a - 1$  هو مقلوب  $a$
- (ت) بين أن  $\frac{1}{a - 1} + a - 1 = \sqrt{5}$
- (ث) رتب تصاعديا  $a^2$  و  $a$  و  $\frac{1}{a}$

**التمرين رقم 3**

- (1) بين أن  $(a + b)^2 - (a - b)^2 = 4ab$
- (2) استنتج حسابا للعدد  $1000.001^2 - 999.999^2$
- (3) أحسب العدد  $ab$  إذا علمت أن  $a + b = 18$  و  $a - b = 4$
- (4) بين أن  $(a + 1)^2 - (a - 1)^2 = 4a$
- (5) أحسب إذن  $1001^2 - 999^2$  ,  $10001^2 - 9999^2$

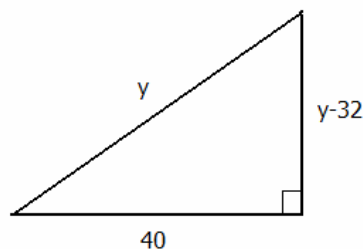
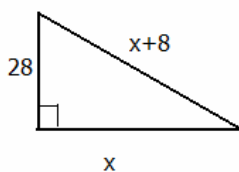
**التمرين رقم 4**

$$\text{نعتبر العبارتين } A = (x\sqrt{3} + 1)^2 - (x - \sqrt{3})^2 \text{ , } B = (x\sqrt{2} + 1)(x\sqrt{2} - 1)$$

- (1) أنشر واختصر العبارتين A و B
- (2) أكتب على شكل جداء عوامل العبارة A
- (3) جد مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث  $A = 0$
- (4) جد مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث A هو مقابل B

**التمرين رقم 5 (العدد المجهول)**

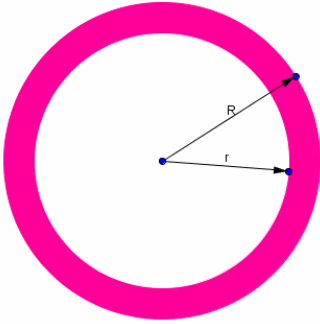
أوجد x و y



**التمرين رقم 6**

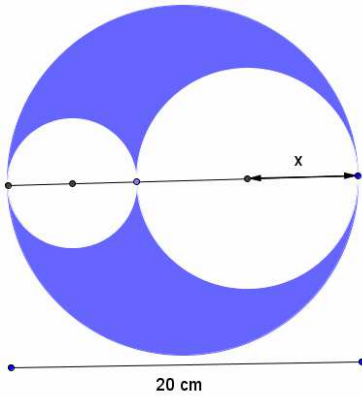
بين أن مساحة الجزء الملون بالأحمر هو

$$A = \Pi(R + r)(R - r)$$



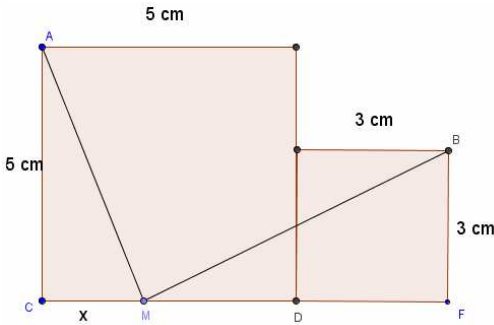
**التمرين رقم 7 ( داخل قرص )**

أوجد مساحة الجزء الملون داخل القرص الكبير



**التمرين رقم 8**

نضع  $CM=x$  . أوجد  $x$  حتى يكون  $AM=MB$



**التمرين رقم 9 ( أنبوبان )**

أنبوبان أحدهما شعاعه R و الثاني شعاعه r وضعا أرضا كما هو مبين بالرسم المصاحب.

(1) بين أن  $d^2 = 4R \times r$

(2) أحسب d إذا علمت أن  $R=135$  mm و  $r=60$  mm

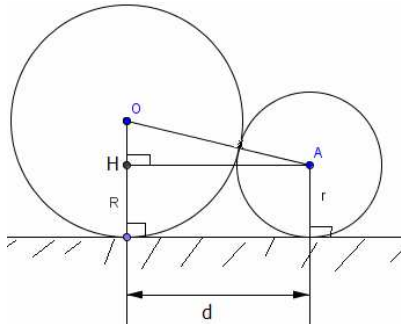
**التمرين رقم 10**

بين أن  $(x + y)^2 - (x - y)^2 = 4xy$

**التمرين رقم 11**

بين أن  $(x + y)^2 + (x - y)^2 = 2(x^2 + y^2)$

**التمرين رقم 12**



أآب بصواب او آطآ

$$x^2 - 2x + 1 = (x - 1)^2 \text{ (أ)}$$

$$-x^2 + 2x - 1 = (1 - x)^2 \text{ (ب)}$$

$$x^2 + 12x + 9 = (-x - 3)^2 \text{ (آ)}$$

$$122237958 \times 122237960 = 122237959^2 - 1 \text{ (د)}$$