

اللذدبار : الرياضيات
الشارب : 2
الحصة : ساعتان

الجمهورية التونسية
وزاراة التربية والتحكيم

امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي
• دورة 2008 •

التمرين الأول : (4 نقاط)

(1) نعتبر العبارة $A = 5(x-1) - 3(x-2)$ حيث x عدد حقيقي.

أ - يَبْيَنْ أَنَّ $A = 2x+1$

ب - أحسب القيمة العددية للعبارة A في كل من الحالتين التاليتين : $x = 0$ و $x = \frac{1}{2}$

ج - حل في \mathbb{R} المترابحة $2x+1 \geq 0$

(2) نتَكَوِّنُ العبارة $B = 4x^2 - 1$ حيث x عدد حقيقي.

أ - يَبْيَنْ أَنَّ $B = (2x+1)(2x-1)$

ب - فَكَّكْ إلى حِذاء عوامل العبارة $(2x+1)(2x-1) + (2x+1)$

ج - حل في \mathbb{R} المعادلة $2x(2x+1) = 0$

التمرين الثاني : (4 نقاط)

(1) نعتبر العدد الحقيقي $a = 2\sqrt{5}(\sqrt{5}-1) - 4$

أ - يَبْيَنْ أَنَّ $a = 6 - 2\sqrt{5}$

ب - قارن بين العددين 6 و $2\sqrt{5}$

ج - استنتج أن a عدد موجب.

(2) يَبْيَنْ أَنَّ $a = (\sqrt{5}-1)^2$

(3) ليَكُونَ العدد الحقيقي $b = \sqrt{245} - \sqrt{45}$

أ - يَبْيَنْ أَنَّ $b = 4\sqrt{5}$

ب - يَبْيَنْ أَنَّ $\frac{b-a}{\sqrt{5}-1}$ عدد صحيح طبيعي.

التمرين الثالث : (4 نقاط)

(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)

ليَكُونَ (O, I, J) معيناً في المستوى حيث $(OJ) \perp (OI)$ و $OI = OJ$

(1) أرسم النقاط $A(1, 3)$ و $B(-1, -3)$ و $C(-1, 3)$

ب - يَبْيَنْ أَنَّ النقطتين A و B متاظرتان بالنسبة إلى (OJ)

ج - يَبْيَنْ أَنَّ النقطتين A و C متاظرتان بالنسبة إلى النقطة O

(2) المستقيم (AB) يقطع (OJ) في نقطة H

أ - ما هي إحداثيات النقطة H ؟

ب - ابن النقطة K حيث $S_0(H) = K$

ج - حدد إحداثيات النقطة K

(3) بين أنَّ الرباعي AHCK متوازي الأضلاع

المُسَأْلَة : (8 نقاط)

(وحدة قيس الطول هي الصنتمر)

(1) أ - أرسم مربعاً ABCD قيس ضلعه 6 ثم عين مركزه O

ب - أحسب AC

(2) لنكن النقطة I متصرف [BC]

أ - بين أنَّ $DI = 3\sqrt{5}$

ب - المستقيمان (AC) و (DI) يتقاطعان في نقطة J

بين أنَّ النقطة J هي مركز تقل المثلث BCD

ج - يستنتج أنَّ $DJ = 2\sqrt{5}$

(3) الدائرة C التي قطعها [BI] تقطع المستقيم (BD) في نقطة ثانية K

أ - ما هي طبيعة المثلث KBI ؟

ب - بين أنَّ المستقيمين (IK) و (AC) متوازيان.

ج - يستنتج أنَّ K متصرف [BO]

(4) المستقيمان (IK) و (CD) يتقاطعان في نقطة H

أ - بين أنَّ $\frac{DH}{DC} = \frac{DI}{DJ}$

ب - يستنتج DH

ج - بين أنَّ H هي المركز القائم للمثلث DBI

(5) المستقيم (DI) يقطع الدائرة C في نقطة ثانية E

بين أنَّ النقاط B و E و H على استقامة واحدة.