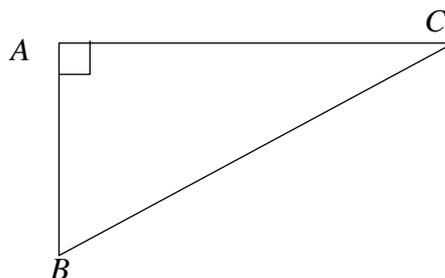


# Relations trigonométriques dans le triangle rectangle

## I - Rappel : cosinus d'un angle aigu

### 1) Vocabulaire :

Soit ABC un triangle rectangle en A.  
Le côté opposé (face) à l'angle droit  
est l'hypoténuse. Ici c'est ...



**Si on s'intéresse à l'angle  $\hat{B}$  :**

Le côté opposé à l'angle  $\hat{B}$  est ...

Le côté adjacent à l'angle  $\hat{B}$  est ...

**Si on s'intéresse à l'angle  $\hat{C}$  :**

Le côté opposé à l'angle  $\hat{C}$  est ...

Le côté adjacent à l'angle  $\hat{C}$  est ...

Remarque :  $\hat{B} + \hat{C} = 90^\circ$

### 2) Formule :

$$\cos \hat{B} = \frac{\text{côté adjacent à } \hat{B}}{\text{hypoténuse}} =$$

$$\cos \hat{C} = \frac{\text{côté adjacent à } \hat{C}}{\text{hypoténuse}} =$$

Remarque : Comme l'hypoténuse est le plus grand côté, le cosinus d'un angle est toujours plus petit que 1.

### 3) Exemples :

- Soit EFG rectangle en E tel que  $\hat{G} = 35^\circ$  et  $FG = 5$  cm. Calculer EG.
- Soit STU rectangle en S tel que  $\hat{U} = 65^\circ$  et  $US = 3$  cm. Calculer UT.
- Soit XYZ rectangle en X tel que  $XZ = 4$  cm et  $YZ = 6$  cm. Calculer  $\hat{Z}$ .

## II - Relations trigonométriques dans le triangle rectangle :

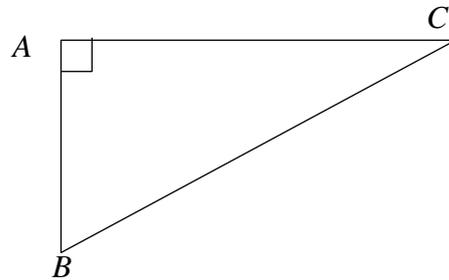
### 1) Formules :

Soit ABC un triangle rectangle en A.

$$\cos \hat{B} = \frac{\text{côté adjacent à } \hat{B}}{\text{hypoténuse}} =$$

$$\sin \hat{B} = \frac{\text{côté opposé à } \hat{B}}{\text{hypoténuse}} =$$

$$\tan \hat{B} = \frac{\text{côté opposé à } \hat{B}}{\text{côté adjacent à } \hat{B}} =$$



Remarque : Il y a un moyen pour se souvenir facilement de la formule :

$$\begin{array}{ccc} \text{S} & \text{O} & \text{H} \\ \sin = \frac{\text{opposé}}{\text{hypoténuse}} & \text{C} & \text{A} & \text{H} \\ \cos = \frac{\text{adjacent}}{\text{hypoténuse}} & \text{T} & \text{O} & \text{A} \\ \tan = \frac{\text{opposé}}{\text{adjacent}} \end{array}$$

### 2) Exemples (on donnera des valeurs approchées à 0,1 près) :

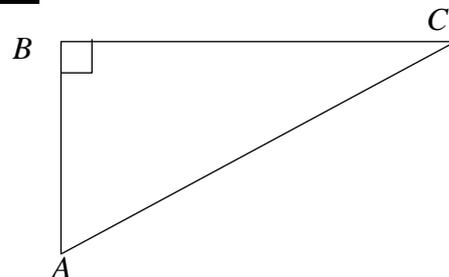
- Soit IJK rectangle en K tel que IJ = 8 cm et  $\hat{I} = 50^\circ$ . Calculer KJ.
- Soit LMN rectangle en N tel que LN = 6,5 cm et NM = 3 cm.  
Calculer  $\hat{M}$  puis  $\hat{L}$ .
- Soit OPQ rectangle en O tel que OP = 5 cm et QP = 7 cm. Calculer  $\hat{Q}$ .

## III - Formules et valeurs remarquables :

$$1) (\cos \hat{A})^2 =$$

$$(\sin \hat{A})^2 =$$

$$(\cos \hat{A})^2 + (\sin \hat{A})^2 =$$



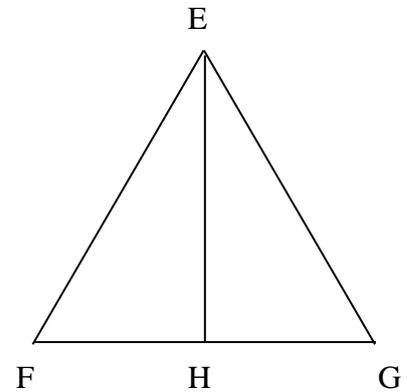
Conclusion, quel que soit le nombre  $x$  :

$$(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$$

2) Valeurs remarquables :

- a) Soit STU un triangle rectangle isocèle en S tel que  $ST = a$ .  
Quelle est la mesure de l'angle  $T\hat{U}S$  ?  
En utilisant le théorème de Pythagore, calculer TU en fonction de a.  
En déduire les valeurs exactes de  $\cos 45^\circ$  et  $\sin 45^\circ$ .

- b) Soit EFG un triangle équilatéral de côté a et H le pied de la hauteur issue de E.  
Quelles sont les mesures des angles  $E\hat{F}H$  et  $F\hat{E}H$  ?  
Exprime en fonction de a les longueurs FH et EH.  
Trouve les valeurs exactes de  $\cos 30^\circ$  ;  
 $\cos 60^\circ$  ;  $\sin 30^\circ$  et  $\sin 60^\circ$ .



Bilan :

| Angle   | $30^\circ$ | $45^\circ$ | $60^\circ$ |
|---------|------------|------------|------------|
| Cosinus |            |            |            |
| Sinus   |            |            |            |