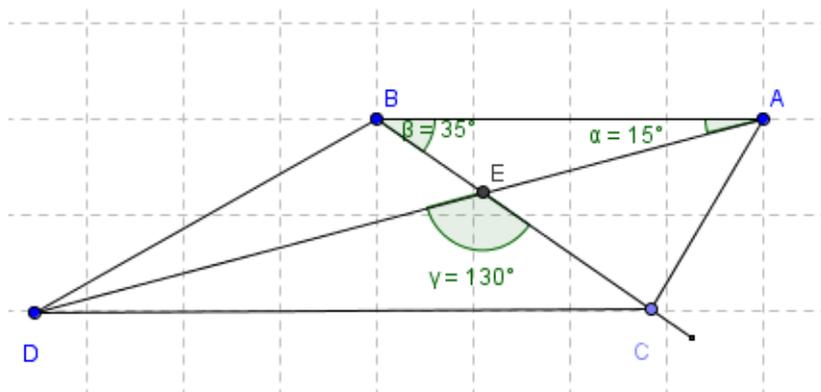


**Exercice 1 : ( 8 points)**

- A- Déterminer un nombre  $x$  appartenant aux ensembles  $\mathbb{Z}$  et  $\mathbb{Q}$  et n'appartenant pas à  $\mathbb{N}$ .
- B- Compléter par **Vrai** ou **Faux** et sans justification aux questions suivantes:
- 3 est un nombre rationnel .....
  - Un nombre peut être à la fois entier naturel et entier relatif .....
  - Un nombre décimal peut s'écrire comme quotient de deux entiers .....
  - Deux angles alternes internes sont isométriques .....
  - Si deux droites sont parallèles alors elles déterminent avec une sécante deux angles intérieurs d'un même côté correspondants .....
  - Si l'entier  $a$  est un diviseur de l'entier  $b$  alors il existe un réel  $k$  tel que  $b = k \cdot a$  .....
  - Dans une fraction, si le numérateur est supérieur au dénominateur alors la fraction est supérieure à 1 .....

**Exercice 2 : (12 points)**

- Donner l'écriture scientifique de chacun des nombres :  $A = 10^{-3} + 10^{-5}$  et  $B = 253 \cdot 10^2$ .
- Ecrire sous forme irréductible  $C = \frac{108}{72}$ .
- Donner la valeur approchée par défaut à  $10^{-2}$  près de  $D = \frac{164}{80} + \frac{\sqrt{10}}{3}$ .
- Déterminer à l'aide de l'algorithme d'Euclide le PGCD des nombres 72 et 270.
- Montrer que la somme de trois entiers consécutifs est un multiple de 3.
- 



Soit ABCD un trapèze tel que  $\widehat{DBA} = 35^\circ$  et  $\widehat{CID} = 130^\circ$ .  
Calculer  $\widehat{BAI}$  et  $\widehat{ACD}$ .

## Exercice 1:

A. Prenons  $x = -2$  :  $-2 \in \mathbb{Z}$  ,  $-2 \in \mathbb{Q}$  et  $-2 \notin \mathbb{N}$ .

B. 1. **Vrai** ; 2. **Vrai** ; 3. **Vrai** ; 4. **Faux** ; 5. **Faux** ; 6. **Vrai** ; 7. **Vrai** .

## Exercice 2:

1.  $A = 10^{-3} + 10^{-5} = 0,00101 = 1,01 \cdot 10^{-3}$  ;  $B = 253 \cdot 10^2 = 2,53 \cdot 10^4$ .

2. On a :  $72 = 2^3 \times 3^2$  et  $108 = 2^2 \times 3^3$  donc  $\text{PGCD}(108, 72) = 2^2 \times 3^2 = 36$ .

Comme  $108 = 36 \times 3$  et  $72 = 36 \times 2$  alors  $\frac{108}{72} = \frac{3}{2}$ .

3. On a :  $\frac{164}{80} = 2,05$  et  $\frac{\sqrt{10}}{3} \approx 1,045$  donc  $\frac{164}{80} + \frac{\sqrt{10}}{3} \approx 3,10$ .

4.  $270 = 3 \times 72 + 54$

$72 = 1 \times 54 + 18$

donc  $\text{PGCD}(270, 72) = 18$

$54 = 3 \times 18 + 0$

5. Si  $a$ ,  $b$  et  $c$  sont trois entiers consécutifs alors on peut écrire :  $b = a + 1$  et  $c = b + 1 = a + 2$ .

D'où  $a + b + c = a + (a + 1) + (a + 2) = 3a + 3 = 3(a + 1)$  donc  $a + b + c$  est un multiple de 3.

6. Les angles  $\widehat{CID}$  et  $\widehat{AIB}$  sont opposés par le sommet I donc  $\widehat{AIB} = \widehat{CID} = 130^\circ$ .

La somme des angles aux du triangle ABI est égale à :  $\widehat{BAI} + \widehat{AIB} + \widehat{ABI} = 180^\circ$

D'où  $\widehat{BAI} = 180^\circ - \widehat{AIB} - \widehat{ABI} = 180^\circ - 130^\circ - 35^\circ = 15^\circ$ .

7. Les droites (AB) et (CD) sont parallèles donc les angles  $\widehat{ACD}$  et  $\widehat{BAC}$  sont alternes

internes d'où  $\widehat{ACD} = \widehat{BAC} = \widehat{BAI} = 15^\circ$ .