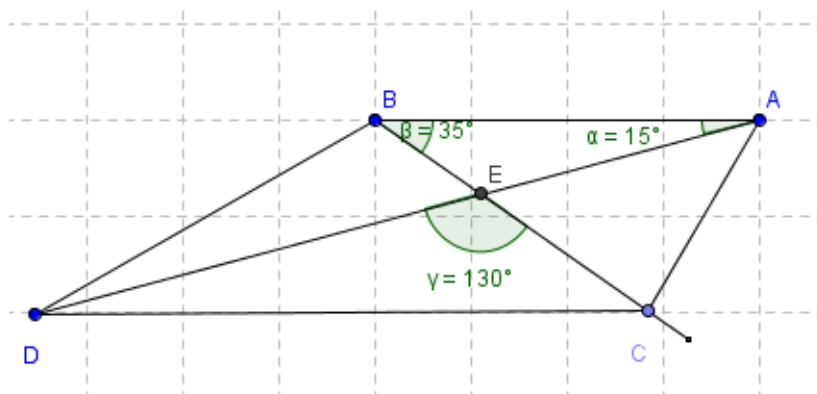


Exercice 1 : (8 points)

- A- Déterminer un nombre x appartenant aux ensembles \mathbb{Z} et \mathbb{Q} et n'appartenant pas à \mathbb{N} .
- B- Compléter par **Vrai** ou **Faux** et sans justification aux questions suivantes:
- 3 est un nombre rationnel
 - Un nombre peut être à la fois entier naturel et entier relatif
 - Un nombre décimal peut s'écrire comme quotient de deux entiers
 - Deux angles alternes internes sont isométriques
 - Si deux droites sont parallèles alors elles déterminent avec une sécante deux angles intérieurs d'un même côté correspondants
 - Si l'entier a est un diviseur de l'entier b alors il existe un réel k tel que $b = k \cdot a$
 - Dans une fraction, si le numérateur est supérieur au dénominateur alors la fraction est supérieure à 1

Exercice 2 : (12 points)

- Donner l'écriture scientifique de chacun des nombres : $A = 10^{-3} + 10^{-5}$ et $B = 253 \cdot 10^2$.
- Ecrire sous forme irréductible $C = \frac{108}{72}$.
- Donner la valeur approchée par défaut à 10^{-2} près de $D = \frac{164}{80} + \frac{\sqrt{10}}{3}$.
- Déterminer à l'aide de l'algorithme d'Euclide le PGCD des nombres 72 et 270.
- Montrer que la somme de trois entiers consécutifs est un multiple de 3.
-



Soit ABCD un trapèze tel que $\widehat{DBA} = 35^\circ$ et $\widehat{CID} = 130^\circ$.
Calculer \widehat{BAI} et \widehat{ACD} .

Exercice 1:

A. Prenons $x = -2$: $-2 \in \mathbb{Z}$, $-2 \in \mathbb{Q}$ et $-2 \notin \mathbb{N}$.

B. 1. **Vrai** ; 2. **Vrai** ; 3. **Vrai** ; 4. **Faux** ; 5. **Faux** ; 6. **Vrai** ; 7. **Vrai** .

Exercice 2:

1. $A = 10^{-3} + 10^{-5} = 0,00101 = 1,01 \cdot 10^{-3}$; $B = 253 \cdot 10^2 = 2,53 \cdot 10^4$.

2. On a : $72 = 2^3 \times 3^2$ et $108 = 2^2 \times 3^3$ donc $\text{PGCD}(108, 72) = 2^2 \times 3^2 = 36$.

Comme $108 = 36 \times 3$ et $72 = 36 \times 2$ alors $\frac{108}{72} = \frac{3}{2}$.

3. On a : $\frac{164}{80} = 2,05$ et $\frac{\sqrt{10}}{3} \approx 1,045$ donc $\frac{164}{80} + \frac{\sqrt{10}}{3} \approx 3,10$.

4. $270 = 3 \times 72 + 54$

$72 = 1 \times 54 + 18$

donc $\text{PGCD}(270, 72) = 18$

$54 = 3 \times 18 + 0$

5. Si a , b et c sont trois entiers consécutifs alors on peut écrire : $b = a + 1$ et $c = b + 1 = a + 2$.

D'où $a + b + c = a + (a + 1) + (a + 2) = 3a + 3 = 3(a + 1)$ donc $a + b + c$ est un multiple de 3.

6. Les angles \widehat{CID} et \widehat{AIB} sont opposés par le sommet I donc $\widehat{AIB} = \widehat{CID} = 130^\circ$.

La somme des angles aux du triangle ABI est égale à : $\widehat{BAI} + \widehat{AIB} + \widehat{ABI} = 180^\circ$

D'où $\widehat{BAI} = 180^\circ - \widehat{AIB} - \widehat{ABI} = 180^\circ - 130^\circ - 35^\circ = 15^\circ$.

7. Les droites (AB) et (CD) sont parallèles donc les angles \widehat{ACD} et \widehat{BAC} sont alternes

internes d'où $\widehat{ACD} = \widehat{BAC} = \widehat{BAI} = 15^\circ$.