

**Exercice N .01(04 points)**

1) a) Soit  $n \in \mathbb{N}^*$ . Vérifier que  $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+2} = \frac{2}{n(n+2)}$ .

b) En déduire la valeur de la somme suivante :

$$S = \frac{2}{1 \times 3} + \frac{2}{3 \times 5} + \frac{2}{5 \times 7} + \frac{2}{7 \times 9} + \dots + \frac{2}{2011 \times 2013}$$

2) Calculer

$$A = \left(2 - \frac{1}{3}\right) \left(2 - \frac{2}{3}\right) \left(2 - \frac{3}{3}\right) \left(2 - \frac{4}{3}\right) \dots \times \left(2 - \frac{10}{3}\right)$$

$$B = \left(1 - \frac{1}{2}\right) \left(1 - \frac{1}{3}\right) \left(1 - \frac{1}{4}\right) \dots \times \left(1 - \frac{1}{10}\right)$$

**Exercice.02(08points)**

On donne les réels  $x$  et  $y$  suivants :  $x = 3 - 2\sqrt{2}$  et  $y = 3 + 2\sqrt{2}$ .

- 1) Calculez  $(x \times y)$ .
- 2) Déduisez que  $x$  et  $y$  sont des inverses.
- 3) Calculez alors le réel :  $M = x^2 y^3 - x^3 y^2$ .
- 4) Développez  $(1 - \sqrt{2})^2$  et  $(1 + \sqrt{2})^2$ .
- 5) Déduisez alors  $\sqrt{x}$  et  $\sqrt{y}$ .
- 6) Montrez que  $\frac{\sqrt{x} + \sqrt{y}}{\sqrt{2}}$  est un entier naturel.

**Exercice.03 (08 points)(L'unité est le cm)**

Soit ABC un triangle tels que  $AB=4$  , $AC=6$  et  $BC=8$ .soit M un point de  $[AB]$  telque  $AM=1$ .

1)a- Construire le point N de  $[AC]$  telque  $AN = \frac{1}{4} AC$ .

b- Montrer que les droites (MN) et (BC) sont parallèles .

c- Montrer que  $MN=2$ .

2) Les droites (MC) et( BN) se coupent en I ,et la parallèle a (BC) passant par I coupe (AB) en J.

a- Montrer que  $\frac{IJ}{MN} = \frac{BJ}{BM}$  puis  $\frac{IJ}{BC} = \frac{MJ}{MB}$

b- En deduire que  $\frac{IJ}{MN} + \frac{IJ}{BC} = 1$

c- Calculer IJ puis MJ .



On considère deux réels  $x$  et  $y$  tels que :  $-4 \leq x \leq -\frac{5}{2}$  et  $\frac{1}{3} \leq y \leq 2$

1) Donner un encadrement de  $x^2$ ,  $-2y^2+1$ ,  $-2xy+3$  et  $\frac{-4}{x-y}$

2) On pose  $A = \frac{2x+7}{x+6}$

a) Vérifier que  $x+6 \neq 0$

b) Montrer que  $A = 2 - \frac{5}{x+6}$

c) En déduire un encadrement de  $A$ .

On donne ci-contre la représentation graphique (C) d'une fonction  $f$  définie sur  $]-\infty, 4]$ . La droite  $\Delta : y = -1$  est une asymptote à (C) au voisinage de  $-\infty$ . La tangente (T) à (C) au point d'abscisse 0 passe par le point A(-1, -1).

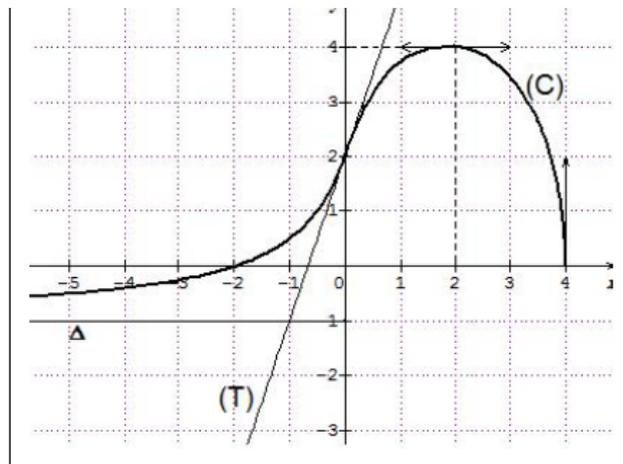
Répondre en utilisant le graphique.

1°) Donner une équation de la tangente (T)

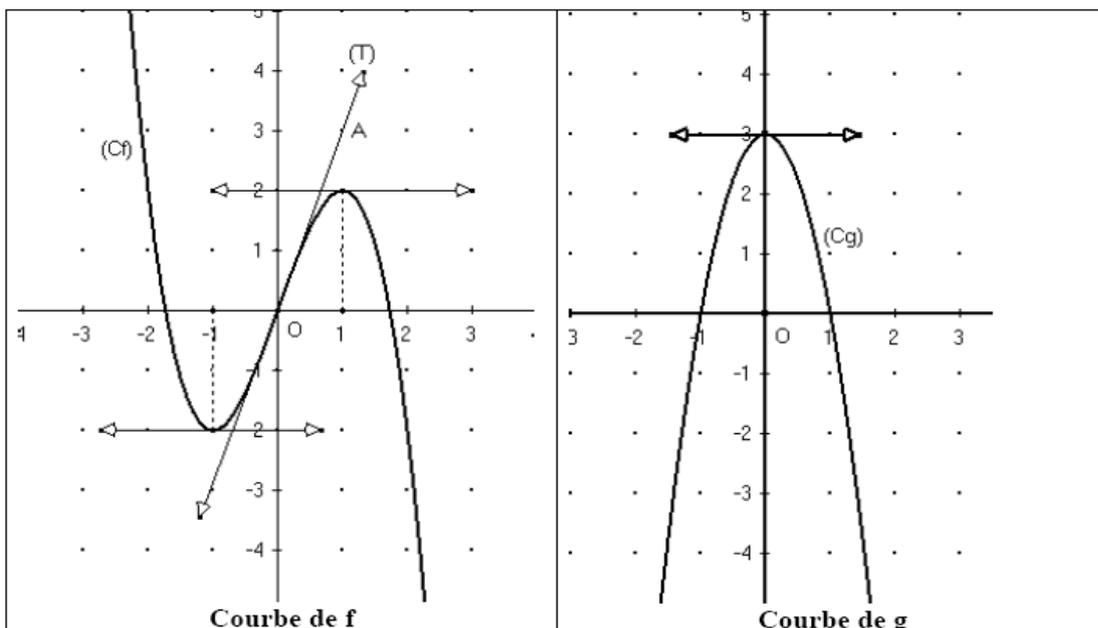
2°) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{f(x)}{x-4}$ .

3°) Déterminer  $(f \circ f)'(0)$ .

4°) Justifier l'existence d'un point de (C) d'abscisse comprise entre 0 et 2 où la tangente à (C) est parallèle à la droite d'équation  $y = x$ .



## Exercice.02



Les courbes (Cf) et (Cg) ci-dessus représentent deux fonctions f et g définies et dérivables sur  $\mathbb{R}$  et tel que l'une est la fonction dérivée de l'autre.

La tangente (T) à la courbe de f au point O(0,0) passe par le point A(1,3).

- 1) Déterminer en justifiant votre réponse quelle est la courbe de la fonction et laquelle de la fonction dérivée.
- 2) a) Calculer en justifiant votre réponse :  $f'(-1)$ ,  $f'(1)$  et  $f'(0)$ .  
b) Que représente le point O pour la courbe (Cf).  
c) Dresser le tableau de variation de f.
- 3) Soit la fonction h définie sur  $[0, \pi]$  par  $h(x) = f(\sin x)$ .  
a) Montrer que h est dérivable sur  $[0, \pi]$  et calculer  $h'(x)$ .  
b) Dresser le tableau de variation de h.

**Elassidi Nasr**

