

<i>Lycée de KORBA</i>	<i>DEVOIR DE SYNTHESE N°1</i>	<i>Le 10-12-2010</i>
<i>1<sup>ère</sup> Année S.11 + 12</i>	<i>mathématiques</i>	<i>Durée : 1H30 Prof : M<sup>er</sup> BANIL.</i>

**Exercice n°1 : ( 4points )**

*Soient :*

$$A = \sqrt{50} - \sqrt{18}$$

$$B = \sqrt{75} - 2\sqrt{48}$$

1) Simplifier A puis B.

2) Montrer que  $B^2 - A^2 = 19$

**Exercice n°2 : ( 6 points )**

*Soit  $A(x) = x^2 + 4x - 5$*

1) calculer  $A(x)$  pour  $x = \frac{1}{2}$  puis pour  $x = 1 + \sqrt{2}$

2) a- Vérifier que  $A(x) = (x + 2)^2 - 9$

b- Factoriser alors  $A(x)$

3) Soit  $B(x) = x^3 - 1$  et  $C(x) = x^2 - 1 + (x - 1)(x + 2)$

a- Factoriser  $B(x)$  et  $C(x)$

b- Factoriser alors  $A(x) + B(x)$

c- En déduire une factorisation de :  $A(x) + B(x) - C(x)$

**Exercice n°3 : ( 6 points )**

*Soit  $\zeta$  un cercle de diamètre  $AB = 4$  ; I un point de  $[AB]$  tel  $AI = 3$  et E un point de  $\zeta$  tel que  $AE = 3$*

1) La perpendiculaire à  $(AE)$  passant par I coupe  $(AE)$  en J

a- Montrer que le triangle  $AEB$  est rectangle en E

b- En déduire que  $(IJ) \parallel (EB)$

c- Calculer  $AJ$

2) La droite  $(EI)$  recoupe  $\zeta$  en F. La perpendiculaire à  $(AF)$  passant par I coupe  $(AF)$  en K

a- Montrer que le triangle  $ABF$  est rectangle en F

b- En déduire que  $(IK) \parallel (BF)$

c- Calculer  $\frac{AK}{AF}$

d- En déduire que  $(EF) \parallel (JK)$

**Exercice n°4 : (4 points)**

**Choisir la bonne réponse pour chacune des questions suivantes :**

**(1) pour  $x = 1 - \sqrt{2}$  l'expression  $B = (x + \sqrt{2})^3 + (x + \sqrt{2})^2 + x + \sqrt{2}$  est égale à :**

- a) 0                      b) 2                      c) 3

**(2) En factorisant  $x^2 - 4 + (x + 2)(2x - 3)$  on trouve :**

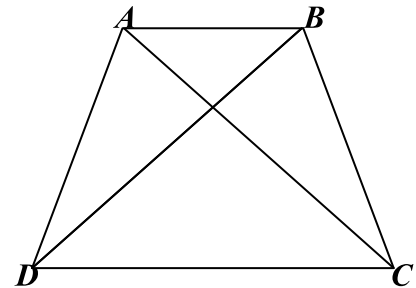
- a)  $(x - 2)(2x - 3)$     b)  $(x + 2)(3x - 5)$     c)  $(x - 1)(x^2 + x + 2)$

**(3) a et b étant deux réels :  $a^6 - b^6 =$**

- a)  $(a^3 - b^3)^2$             b)  $(a^3 - b^3)(a^3 + b^3)$     c)  $(a - b)^6$

**(4) Dans la figure suivante  $(AB) // (CD)$  alors  $AB =$   
 $DC = 10$   $OD = 6$   $OB = 3$**

- a) 5                      b) 6                      c) 7



**BON COURAGE**