

EXERCICE N°1

Résoudre dans IR les équations suivantes :

$$1) 4x^2 - 9x + 2 = 0 \quad , \quad 2) 2x^2 - 3x + 7 = 0 \quad , \quad 3) 3x^2 + x\sqrt{3} + \frac{1}{4} = 0$$

$$4) 4x^2 - 5 = 0 \quad , \quad 5) x^2 - 2x - 11 = 0 \quad , \quad 6) x^2 - (2 + \sqrt{3})x + 2\sqrt{3} = 0$$

$$7) \sqrt{2x^2 + 1} = 3(x - 1) \quad , \quad 8) 17x^2 - 20x + 3 = 0 \quad , \quad 9) 61x^2 + 95x + 34 = 0$$

$$10) 3x^2 - 2|\xi|, \quad 0 = 5 -)3 + \xi(9 - ")3 + \xi(2)11 \quad , \quad 0 = 1 -$$

$$12) (2x^2 - 4x + 1)^2 = (x^2 + 2x - 2)^2 \quad , \quad 13) \frac{x-1}{2x-5} = \frac{3x+1}{x-1} \quad ,$$

$$14) \quad .$$

$$|32 + \xi 5 - " \xi | + |32 - \xi + \xi |$$

EXERCICE N°2

Soit l'équation (E) : $ax^2 - 5x - 14 = 0$, (a un réel non nul).

Déterminer a pour que le réel 2 soit racine de l'équation (E) ; calculer l'autre racine de l'équation (E).

EXERCICE N°3

Résoudre dans IR les inéquations suivantes :

EXERCICE N°4

Soit l'équation (E) : $x^2 - 2x\sqrt{5} - 8 = 0$

1) Sans calculer le discriminant, montrer que l'équation (E) admet deux racines

distinctes.

2) Sans calculer les racines x' et x'' de l'équation (E), calculer les expressions suivantes:

$$A = (2x' + 1)(2x'' + 1) ; B = x'^2 + x''^2.$$

EXERCICE N°5

Trouver deux réels x et y tels que :

$$\begin{cases} x + y = -2 \\ xy = -3 \end{cases} ; \begin{cases} x + y = -2 \\ x^2 + y^2 = 10 \end{cases} ; \begin{cases} x + y = -1 \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{12} \end{cases}$$
$$\begin{cases} xy = 4 \\ x^2 + y^2 = 15 \end{cases}$$

EXERCICE N°6

Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

$$x^4 - 3x^2 - 4 = 0 \quad , \quad 9x^4 - 22x^2 + 8 = 0 .$$

EXERCICE N°7

Soit l'équation (E) : $2x^3 - 9x^2 + 7x + 6 = 0$.

1) Vérifier que 3 est une racine de l'équation (E).

2) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation (E).

EXERCICE N°8

Un rectangle a pour périmètre 22m et pour aire 26,25m². Calculer sa longueur et sa largeur.

EXERCICE N°9

On considère un segment [AB] de longueur 9cm et un point M de ce segment distinct de A et B.

On construit deux triangles équilatéraux AMC et BMD et on pose $AM = x$. Déterminer x pour que l'aire du triangle BMD soit le quart de l'aire du triangle AMC.

EXERCICE N°10

1) Factoriser les trinômes :

$$2x^2 - 11x + 15 \text{ et } 2x^2 - 5x - 3.$$

2) Résoudre dans IR l'équation : $\frac{2x^2 - 11x + 15}{2x^2 - 5x - 3} = x - 2$

EXERCICE N°10

1) Factoriser $(x^3 - 8)$ puis $(x^3 + 3x^2 - 6x - 8)$

2) Résoudre dans IR l'équation : $\frac{x^3 + 3x^2 - 6x - 8}{3x^2 + 11x - 4} = -\frac{18}{13}$

EXERCICE N°11:

Etudier le signe de chacun des trinômes :

$$3x^2 + 4x - 4, \quad 5x^2 + 2x + 3, \quad x^2 + x\sqrt{3} + \frac{1}{4}, \quad 7 - 6x - x^2.$$

EXERCICE N°12:

Résoudre dans IR les inéquations suivantes :

1) $(2x - 1)^2 + 6 \leq 0$, 2) $x^2 - 2x - 3 < 0$, 3) $(x - 5)^2 \geq 2$, 4) $x^2 - 2x - 3 < 0$, 5) $(x - 9)^3 \geq 512$, 6) $x^2 + 4x + 2 < 0$

4) $\frac{3x - 4}{x} + \frac{8 - 2x}{x + 2} \geq 2$, 5) $\frac{x^2 - 2x + 3}{2x^2 - 3x + 1} \leq 1$, 6) $\sqrt{x + 3} < x + 1$,

7) $|x + 4| \geq -x^2 - x + 12$.

EXERCICE N°13:

Déterminer l'ensemble des réels x tels que : $2x \leq -\frac{4}{x + 3} \leq 2x + 3$

EXERCICE N°14:

Soit $P(x) = 2x^3 - 9x^2 + 7x + 6$.

1) Calculer $P(3)$.

2) Résoudre dans IR l'inéquation : $P(x) \leq 0$

EXERCICE N°15:

Montrer que pour tout réel x , l'expression $(\sqrt{2x^2 + x + 1} - x)$ est définie et positive.

EXERCICE N°16:

On considère un segment $[AB]$ de longueur 6cm et un point M de ce segment distinct de A et B .

On construit deux carrés $AMCD$ et $BMEF$. On pose $AM = x$.

- 1) Calculer en fonction de x , la somme $S(x)$ des aires des deux carrés.
- 2) déterminer x pour que $S(x)$ soit minimum.

EXERCICE N°17:

On considère la figure ci-dessous. (l'unité de longueur est le centimètre).

- 1) Calculer en fonction de x la mesure $A(x)$ de l'aire de la partie non hachurée.
- 2) Pour quelles valeurs de x a-t-on $A(x) \leq .006$