ALGEBRE:

Exercice $n^{\circ}1$:

Résoudre dans IR les inéquations suivantes :

1)
$$\frac{7x^2 + 2x - 9}{4x^2 + 3x - 7} \le -1$$

1)
$$\frac{7x^2 + 2x - 9}{4x^2 + 3x - 7} \le -1$$
 2) $|3x^2 - 5x + 3| > |x^2 + 3x - 5|$

3)
$$\sqrt{2x-1} \le 2x-3$$

3)
$$\sqrt{2x-1} \le 2x-3$$
 4) $\sqrt{4x^2+5x+1} \ge 1-x$

Exercice n°2:

On pose $p(x) = x^3 + 2x^2 + 4x - 7$.

- 1) Vérifier que p(1) = 0 puis factoriser p(x).
- 2) Résoudre dans IR p(x) > 0.

GEOMETRIE:

Exercice n°1:

Soit (O,i, j) un repère orthonormé du plan. On considère les points A(2,0) B(5,2);

$$C(4, -2)$$
 et $\overrightarrow{U} = -\overrightarrow{i} - 4\overrightarrow{j}$.

- 1) Déterminer les coordonnées du point D image de A par la translation de vecteur \overrightarrow{U} . En déduire que ABCD est un parallélogramme.
- 2) On pose $\overrightarrow{V} = \overrightarrow{BA}$. Montrer que $(\overrightarrow{U}, \overrightarrow{V})$ est une base de \mathcal{V} .
- 3) Soit E l'image de C par l'homothétie $h_{(B,\frac{3}{2})}$ et F l'image de C par $h_{(D,\frac{2}{2})}$.
 - a) Déterminer les coordonnées de E et F dans le repère (O,i, j).
 - b) Montrer que les points A, E et F sont alignés.
- 4) Soit M(1,3) dans le repère (B,U,V)

Chercher les coordonnées du point M dans le repère (O,i, j).

Exercice n°2:

On considère un tétraèdre ABCD vérifiant AB = AD et le triangle BCD est à la fois rectangle et isocèle en C.

- 1) Déterminer le plan Q plan médiateur de [BD].
- 2) Montrer que les plans Q et (BCD) sont perpendiculaires.
- 3) On suppose aussi que ABCD vérifie AB= AC.
 - a) Déterminer Δ l'axe du cercle (BCD).
 - b) Sachant que BC = $\frac{a\sqrt{2}}{2}$ et AB = a .Calculer à l'aide a les distances BD, OC et OA..