SERIE D' EXERCI Suites Arithmétiques

Mme :Yahmadi Selmi Sonia A. scolaire : 2010/2011

Exercice 1

Soit $(U_n)_{n \neq IN}$ une suite arithmétique telle que

$$U_0 = 1$$
 et $U_1 = 3$

1/ Calculer la raison r de cette suite .

2/ Calculer U_{20} .

3 / Calculer Un en fonction de n.

4 / Soit la somme $S = U_0 + U_1 + U_2 + ... + U_n$

a- Calculer S en fonction de n

b- Déterminer n sachant que S = 64.

Exercice 2

On considère la suite (V_n) définie sur IN par : $V_n = 3^n + 2$

a- Calculer V_0 , V_1 et V_2

b- La suite (V_n) est-elle arithmétique

Exercice 3

Soit U_0 , U_1 et U_2 trois termes consécutifs d'une suite arithmétique de raison 3.

Déterminer ces trois termes sachant que leur somme est égale à 24.

Exercice 4

Soit (U_n) une suite arithmétique de 1^{er} terme U_0 et de raison r.

a) Calculer U_{20} et $S = U_1 + U_2 + ... + U_{20}$ sachant que $U_0 = -25$ et r = 2.

b) Calculer U_0 et r sachant que $U_3 + U_{11} = 7$ et $U_0 + U_1 + ... + U_{28} = -203$

Exercice 5

Calculer en fonction de n les sommes suivantes :

1)
$$S_n = 1 + \frac{3}{2} + 2 + \frac{5}{2} + 3 + \frac{7}{2} + ... + n$$

2)
$$S'_n = -6 - 7 - 8 - 9 - ... - (1 - n)$$

3)
$$T_n = 5 + + 1 - 1 - 3 - ... - (2n + 1)$$

4)
$$T'_n = 14 + 17 + 20 + 23 + ... + (3n - 1)$$

5) $8_n = 1 + 3 + 5 + ... + (2n + 1)$ puis en déduire la valeur de A = 101 + 103 + ... + 501

Exercice6

La suite (U_n) est arithmétique. On sait que $:U_1 + U_7 = 36$ et $U_4 + U_5 = 41$

Déterminer le terme U_0 et la raison r de la suite (U_n) .

Exercice7

Soit $a \in IR$ montrer que $A = (a^2 - 2a - 1)^2$; $B(a^2 + 1)^2$ et $C = (a^2 + 2a - 1)^2$ sont 3 termes consécutifs d'une suite arithmétiques

Exercice 8:

On suppose que a, b et c sont, dans cet ordre, trois termes consécutifs d'une suite arithmétique.

Déterminer ces nombres sachant que : a + b + c = 120 et abc = 59160

Exercice 9:

La somme des sept premiers termes d'une suite arithmétique = 56 et le 2ème terme est 5. Calculer le 10^{ème} terme.

- $\begin{array}{ll} 6) & S_n = 1 + \frac{3}{2} + 2 + \frac{5}{2} + 3 + \frac{7}{2} + ... + n \\ \\ 7) & S'_n = -6 7 8 9 ... (1 n) \\ 8) & T_n = 5 + + 1 1 3 ... (2n + 1) \\ 9) & T'_n = 14 + 17 + 20 + 23 + ... + (3n 1) \\ 10) & 8_n = 1 + 3 + 5 + ... + (2n + 1) \ \text{puis en déduire la valeur de } A = 101 + 103 + ... + 501 \end{array}$