

2ème Sciences: Sc7 Durée: 1heures

Date: le 17 / 11 / 2008

Coefficient: 4

Devoir de contrôle N°2 Mathématiques

Sujet A

Exercice N°1: (4,5 points)

I – Compléter le tableau suivant :

Inégalité(s)	Intervalle(s)
a)	$x \in \left[\frac{-5}{6}, 2 \right]$
$x \ge \frac{3}{4}$	b)
$x < -\sqrt{2}$	c)
x > 5 ou $x < -3$	d)
e)	$x \in \left] -\infty, \frac{7}{8} \right] \cap \left[\frac{3}{4}, \frac{8}{9} \right[$
$ x+1 \ge 3$	f)

II – Répondre par Vrai ou Faux :

1) $\sqrt{3}$ est une solution de l'équation : $-x^2 - \sqrt{3}x + 2 = 4$.

2) Une équation de seconde degré à une inconnue admet exactement deux solutions.

3) Si a+c=-b alors les solutions de $ax^2+bx+c=0$ sont -1 et $\frac{-c}{a}$

Exercice N°2: (3,5 points)

1) Résoudre dans IR les équations suivantes :

b)
$$x^2 + 5x + \frac{25}{4} = 0$$

a)
$$-2x^2 + 5x - 3 = 0$$
 ; b) $x^2 + 5x + \frac{25}{4} = 0$; c) $(\sqrt{t} + 2)^2 - (\sqrt{t} + 2) - 6 = 0$;

2) a – Soit a et b deux réels. Quelle est la bonne réponse :

|a|+|b|=0 signifie: a=-b ou bien a=0 et b=0 ou bien a=0 ou b=0

b – Résoudre dans *IR* l'équation : $|x^2 - 4| + |x^2 - 3x + 2| = 0$

Exercice N°3: (4 points)

- 1) Soit les intervalles $I = \left[-\infty, \frac{3}{2} \right]$; $J = \left[-6, +\infty \right[\text{ et } K = \left[-3, 2 \right]$. Déterminer $I \cap J$; $I \cap K$; $I \cup J$ et $I \cup K$
- 2) Résoudre dans IR les équations suivantes :
 - $\bullet \quad \sqrt{3-2x} = x+6$
 - $\bullet \quad \frac{2}{\sqrt{x+3}} = \sqrt{2-x}$

Exercice N°4: (1,5 points)

Soit l'équation (E): $\sqrt{3}x^2 - (1 + 2\sqrt{3})x + 2 = 0$

- 1) Montrer que l'équation (E) admet deux racines distinctes x_1 et x_2
- 2) Vérifier que $x_1 = 2$ est une solution de (E)
- 3) Trouver alors l'autre solution x_2 .

Exercice N°5: (6,5 points)

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, i, j). Soient les points A(4,-2); B(-3,2) et C(3,6).

- 1) a Déterminer les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} .
 - b Les points A, B et C sont ils alignés ? Justifier.
 - c Montrer que ABC est un triangle isocèle en A.
- 2) Soit *E* le point du plan vérifiant : $\overrightarrow{AC} = 2\overrightarrow{BE} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$

Montrer que les coordonnées du point E est (-5,5)

3) a – Montrer que $(\overrightarrow{BE}, \overrightarrow{BC})$ est une base orthogonale.

b – Déterminer les coordonnées des points E, C et A dans le repère $(B, \overrightarrow{BE}, \overrightarrow{BC})$.