



**Exercice N°1 :** ( 6 points)

Soit  $(U_n)$  la suite définie sur  $\mathbb{N}$  par : 
$$\begin{cases} U_0 = 2 \\ U_{n+1} = 2U_n + 2n - 1 \end{cases} \quad ; \text{ pour tout } n \in \mathbb{N}$$

1) Calculer  $U_1$  et  $U_2$ .

Justifier alors que la suite  $(U_n)$  n'est ni arithmétique ni géométrique.

2) On définit la suite  $(V_n)$  sur  $\mathbb{N}$  par :  $V_n = U_n + 2n + 1$ .

a – Montrer que  $(V_n)$  est une suite géométrique de raison 2.

Puis déterminer son premier terme  $V_0$ .

b – Calculer  $S = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_{15}$

c – Exprimer  $V_n$ , puis  $U_n$  en fonction de  $n$ .

3) On considère la suite arithmétique  $(W_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par :  $W_n = 2n + 1$

a – Calculer  $S' = W_0 + W_1 + W_2 + \dots + W_{15}$

b – En déduire la valeur de  $S'' = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_{15}$

**Exercice N°2 :** ( 3 points)

Soit  $(u_n)$  une suite arithmétique définie sur  $\mathbb{N}$  tel que :  $u_5 = 13$  et  $u_5 + u_6 + \dots + u_{24} = 830$

1) Déterminer  $u_{24}$  puis la raison  $r$  de  $(u_n)$ .

2) On prend  $r = 3$

a – Exprimer  $u_n$  puis  $u_{3n}$  en fonction de  $n$ .

b – Déterminer  $n$  sachant que  $u_n + u_{n+1} + \dots + u_{3n} = 50$ .

**Exercice N°3 :** ( 5 points)

1) Soit  $ABC$  un triangle rectangle en  $A$  et tels que :  $AB = 2AC$ .

Soit la rotation **indirecte**  $R$  de centre  $A$  et d'angle  $\frac{\pi}{2}$ .

a – Construire le point  $I$  image de  $C$  par  $R$ .

b – Montrer que  $I$  est le milieu de  $[AB]$

2) a – Construire le point  $B'$  image de  $B$  par  $R$ .

b – Montre que  $BC = B'I$  et que  $(BC) \perp (B'I)$ .

3) Soit  $J = A * B'$

Déterminer  $R(I)$ . ( Justifier votre réponse)



**II** – La courbe ci-contre, est une partie de la représentation graphique d'une fonction  $g$  définie sur  $[-3;3]$

Compléter cette représentation graphique sachant que :  $g$  est une fonction **paire**.

