

**Exercice N°1 (3points)**

Le tableau ci-dessous est celui de  $f(x) = ax^2 + bx + c$  ou  $a, b$  et  $c$  sont trois réels tel que  $a \neq 0$

|        |           |   |             |   |             |   |           |
|--------|-----------|---|-------------|---|-------------|---|-----------|
| $x$    | $-\infty$ |   | $-1$        |   | $1$         |   | $+\infty$ |
| $f(x)$ |           | + | $\emptyset$ | - | $\emptyset$ | + |           |

- Déterminer signe de  $a, c$  et  $\Delta$  discriminant de  $f(x)$
- Trouver les réels  $a, b$  et  $c$  sachant que  $f(2) = 3$

**Exercice n° 2 (4points)**

1- Résoudre dans  $\mathbb{R}$

1)  $5x^2 + 4x - 1 = 0$     2)  $x^2 - 2x + 1 < 0$     3)  $\frac{5x^2 + 4x - 1}{x^2 - 2x + 1} \geq 0$

2- Résoudre dans  $\mathbb{R}^2$

$$\begin{cases} x + y = -\frac{4}{5} \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 4 \end{cases}$$

**Exercice (4 points)**

Soit l'équation (E) :  $2x^2 + (3 - 2\sqrt{2})x - 3\sqrt{2} = 0$

- Sans calculer discriminant de (E) montrer que admet deux racines  $x'$  et  $x''$
- Calculer  $A = (2x' + 3)(2x'' + 3)$  et  $B = x'^2 + x''^2$

**Exercice (9points)**

Soit ABC un triangle. on désigne par  $A', B'$  et  $C'$  les milieux respectivement de  $[BC], [CA]$  et  $[AB]$ .

- Soit D tel que  $\vec{AD} = \frac{1}{3} \vec{AB}$ 
  - Construire D
  - Montrer que D est le barycentre de (A, 2) et (B, 1)
- Soit E le point définie par  $2\vec{EA} + \vec{EB} + \vec{EC} = \vec{0}$ 
  - Montre E est le barycentre de (D, 3) et (C, 1)
  - Montrer que E appartient à  $(A'A)$
  - Déduire une construction de E
  - Montrer que les droites  $(A'A), (B'B)$  et  $(CD)$  sont concourantes
- Déterminer l'ensemble des point M suivants
 

$E = \{ M \in P \text{ tel que } \|2\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MB} + \vec{MC}\|$

$F = \{ M \in P \text{ tel que } \|\vec{MB} + \vec{MC}\| = 3\|\vec{MB} - \vec{MC}\|$

