

Exercice n° 1 : (4 points)

Répondre par : Vrai ou Faux (Aucune justification n'est demandée)

1/ Si f et g sont deux polynômes non nuls alors $d^\circ(f + g) = d^\circ(f) + d^\circ(g)$.

2/ Si ABCD est un parallélogramme alors : $t_{AC}(B) = D$.

3/ Le polynôme $P(x) = x^6 - 4x^5 + 7x^3 + 2x^2 - 3x - 3$ est factorisable par $(x - 1)$.

4/ Soit A, B, C et D quatre points du plan . Si (AB) et (CD) sont parallèles alors $t_{AC}(B) = D$.

Exercice n° 2 : (8 points)

1/ Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $x^2 + x - 6 = 0$.

2/ a) Vérifier que $\frac{1}{2}$ est une racine du polynôme $P(x) = 2x^3 + x^2 - 13x + 6$.

b) En déduire une factorisation de P en produit de trois polynôme du premier degré .

3/ a) Donner le tableau du signe de $P(x) = 2x^3 + x^2 - 13x + 6 \leq 0$.

b) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $x^2 + x - 6 \geq 0$.

Exercice n° 3 : (8 points)

Soit ABO un triangle équilatéral et (ζ) le cercle de centre O et passant par B . Soit C le point de (ζ) diamétralement opposé de B .

1/ a) Faire une figure

b) Construire les point D et E tels que : $t_{AC}(A) = D$ et $t_{AB}(B) = E$.

c) Construire le cercle $(\zeta') = (\zeta)$. Quelle est la position relative de (ζ) et (ζ') ? Justifier la réponse .

d) Montrer que $OBEA$ est un losange et que $E \in (\zeta')$

2/ La droite (BE) recoupe le cercle (ζ') en F . Montrer que $OBEF$ est un parallélogramme .

3/ La droite (FD) recoupe le cercle (ζ') en G . Montrer que $G = t_{AB}(C)$.

Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie .