

Exercice n°1 : (4 points)

Répondre par vrai ou faux et sans justification

- 1) Le reste de la division euclidienne de 657789 par 11 égal à 3.
- 2) Pour tout entier naturel n impair, l'entier naturel $X = n(2n+1)$ est impair.
- 3) Soit A, B et C trois points et tel que B est le barycentre des points pondérés (A,-4) et (C,1) alors $h_{(A,-3)}(B) = C$
- 4) Soit h l'homothétie de centre I et de rapport -1. On suppose que $h(A) = B$ alors $I = A*B$

Exercice n°2 : (8 points)

Les questions de cet exercice sont indépendantes.

- 1) Soit l'entier naturel qui s'écrit sous forme $X = 42b62a$.
Déterminer les chiffres a et b pour que X soit divisible par 5 et 11.
- 2) Soit n un entier naturel. On suppose que le reste de la division euclidienne de n par 5 égal à 2.
Montrer que $(n^2 + 3n)$ est divisible par 5.
- 3) Soit n un entier naturel. On considère les entiers naturels $A = 4n + 14$ et $B = n + 1$.
 - a) Calculer $A - 4B$.
 - b) Montrer que si un entier naturel non nul d divise A et B alors d divise 10.
 - c) En déduire les valeurs possibles de d.
 - d) Montrer que si le reste de la division euclidienne de n par 5 égal 4 alors A et B sont divisibles par 5.

Exercice n°3 : (8 points)

Construire un triangle ABC isocèle en A et tel que $AB = 6$ cm. Soit G le milieu du segment [BC]

Soit h l'homothétie de centre A et de rapport $\frac{2}{3}$.

- 1) a) Construire $E = h(B)$ et $F = h(C)$.
b) Montrer que AEF est isocèle en A.
- 2) La droite (AG) coupe le segment [EF] en G'.
 - a) Déterminer $h(AG)$ et $h(BC)$.
 - b) Déduire $h(G) = G'$ et que G' est le centre de gravité du triangle ABC.
- 3) Les droites (BF) et (CE) se coupent en J.
Soit h' l'homothétie tel que $h'(B) = F$ et $h'(C) = E$.
 - a) Montrer que J est le centre de h'.
 - b) Déterminer le rapport de h'.
 - c) Montrer que G, G' et J sont alignés.

Bon travail