

Nom et prénom : ..... Numéro : .....

**Exercice n°1 : (4 points)**

Compléter par le reste de la division euclidienne de a par b.

b \ a	3	4	5	11
654377				
98760				
25672				
67543				

**Exercice n°2 : (7 points)**

Les questions de cet exercice sont indépendantes.

- 1) Soit l'entier naturel qui s'écrit sous forme  $X = 50b73a$ . Déterminer a et b pour que X soit divisible par 8 et 11.
- 2) Soit n un entier naturel. Montrer que si le reste de la division euclidienne de n par 9 égal à 5 alors  $(n^2 + 2)$  est divisible par 9.
- 3) Soit n un entier naturel. On considère les entiers naturels  $A = 3n + 10$  et  $B = n + 1$ .
  - a) Calculer  $A - 3B$ .
  - b) Montrer que si d divise A et B alors d divise 7.
  - c) En déduire les valeurs possibles de d.
  - d) Montrer que si le reste de la division euclidienne de n par 7 égal à 6 alors A et B sont divisible par 7.

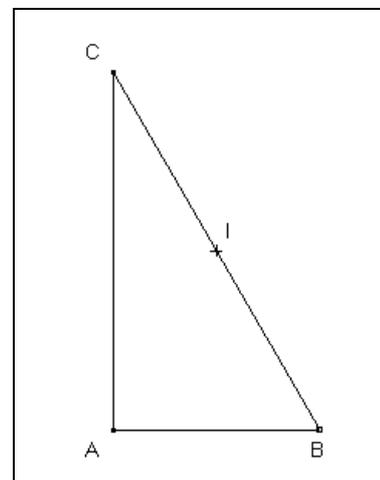
**Exercice n°3 : (9 points)**

Dans la figure ci contre on considère le triangle ABC rectangle en A et tel que  $\hat{A}BC = \frac{\pi}{3}$  et I le milieu de [BC].

Recopier le schéma et compléter la construction.

Soit R la rotation direct de centre A et d'angle  $\frac{\pi}{3}$ .

- 1) Montrer que ABI est un triangle équilatéral et déduire que  $R(B) = I$ .
- 2) La parallèle à (BC) passant par A et la parallèle à (AI) passant par C se coupe en D.
  - a) Montrer que  $\hat{I}AD = \frac{\pi}{3}$ .
  - b) En déduire que  $R(I) = D$
  - 3) La perpendiculaire à (AI) passant par A coupe (ID) en E.
    - a) Montrer que  $R((AC)) = (AE)$  puis déterminer  $R((BC))$ .
    - b) Montrer que  $R(C) = E$ .
    - c) En déduire que D est le milieu de [EI].
  - 4) Soit (C) le cercle circonscrit au triangle ABC. Déterminer le cercle (C') image du cercle (C) par R.



**Bon travail**