

<u>Lycée secondaire</u> : ALI BOURGUIBA KALAA KBIRA		<u>Année scolaire</u> : 2011 - 2012
<u>Prof</u> : MAATALLAH	<u>Devoir de contrôle n° 4</u>	<u>Classe</u> : 2 S 1
<u>Epreuve</u> : Mathématiques	<u>Date</u> : 23 - 02 - 2012	<u>Durée</u> : 1 heure

### Exercice n° 1 : (12 points)

Soit  $g$  une fonction définie sur  $\mathbb{R}$ . Dans l'annexe une partie de  $(C_g)$ , la courbe de  $g$ , est représentée dans un repère orthogonal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Sachant que  $g$  est paire, Compléter la courbe  $(C_g)$ .
- 2) Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = ax^2 + bx + c$ .  $a, b$  et  $c$  étant des réels. La courbe  $(C_f)$  de  $f$  dans  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  est une parabole de sommet  $S(0, -4)$  et passe par  $(1, -1)$ .
  - a) Montrer que pour tout réel  $x$ ,  $f(x) = 3x^2 - 4$ .
  - b) Construire  $(C_f)$ . Etudier la position relative de  $(C_f)$  et  $(C_g)$  et discuter le signe de  $[f(x) - g(x)]$ .
- 3) Soit pour tout réel,  $h(x) = 3x^2 - 6|x| + 2$ .  $(C_h)$  est la courbe de  $h$  dans  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
  - a) Etudier la parité de  $h$ . Vérifier que pour tout  $x \geq 0$ ,  $h(x) = f(x - 1) + 3$
  - b) Construire, alors,  $(C_h)$ . Résoudre, sans calcul :  $f(x) \leq g(x) \leq h(x)$  puis  $h(x) \leq g(x) \leq f(x)$ .

### Exercice n° 2 : (8 points)

Soit  $(\zeta)$  un cercle de centre  $O$ . Soit  $B$  et  $D$  deux points distincts de ce cercle et  $h$  l'homothétie de centre  $A$  et de rapport 2.

- 1) a) Faire une figure. Construire  $B' = h(B)$ .  
b) Définir et construire, alors,  $(\zeta') = h((\zeta))$ .
- 2) La droite  $\Delta$  passant par  $B'$  et parallèle à  $(BD)$  coupe  $(AD)$  en  $E$ .  
a) Déterminer  $h((AD))$  et  $h((BD))$ . Dédire que  $h(D) = D'$ .  
b) Déterminer la nature du triangle  $AB'D'$ .
- 3) Soit  $I = B * D$ . La médiatrice de  $[BD]$  coupe  $[B'D']$  en  $J$ . Montrer que  $h(I) = J$ .

Bon travail

*Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie.*