

<u>Lycée secondaire</u> : ALI BOURGUIBA KALAA KBIRA		<u>Année scolaire</u> : 2011 - 2012
<u>Prof</u> : MAATALLAH	<u>Devoir de contrôle n° 4</u>	
<u>Epreuve</u> : Mathématiques		<u>Date</u> : 24 - 02 - 2012
<u>Durée</u> : 1 heure		

Exercice n° 1 : (8 points)

Soit OEB un triangle quelconque et $A \in [OB]$. La parallèle à (AE) menée de B coupe (OE) en F , la parallèle à (EB) menée de F coupe (OB) en C et la parallèle à (AE) menée de C coupe (OE) en G .

Soit h l'homothétie de centre O telle que $h(A) = B$.

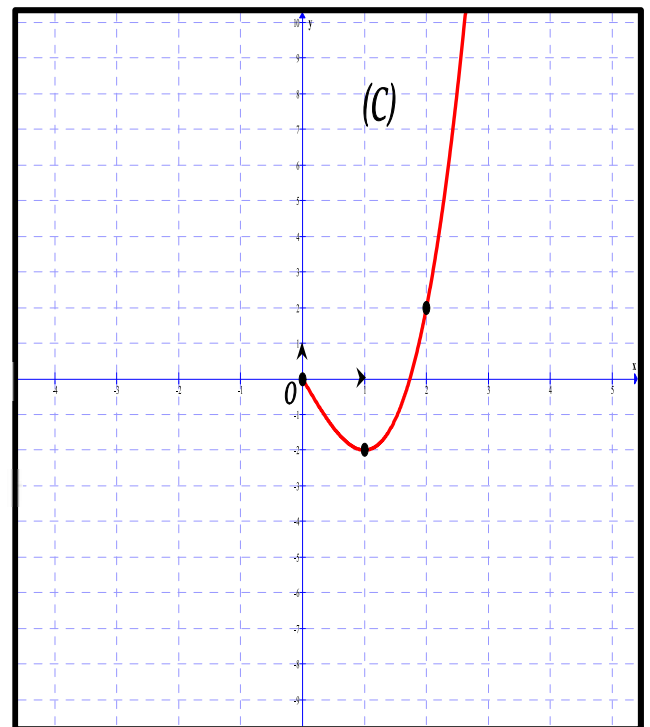
- 1) a) Déterminer $h(AE)$. En déduire que $h(E) = F$.
b) Déterminer $h(B)$ et $h(F)$.
- 2) a) Montrer que (AF) et (BG) sont parallèles.
b) Les droites (EB) et (AF) se coupent en I et les droites (BG) et (FC) se coupent en J . Montrer que les points O, I et J sont alignés.

Exercice n° 2 : (12 points)

Soit (C) la courbe d'une fonction f impaire, dont sa partie sur $[0, +\infty[$ est représentée ci-dessous dans un repère orthogonal (O, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1) a) Reproduire la courbe (C) et la compléter.
b) Donner, alors, le tableau de variation de f .
c) Sachant que $(\sqrt{3}) = 0$, discuter le signe de $f(x)$.
- 2) Soit $g(x) = -x^2 + x + 4$ et (Γ) sa courbe dans (O, \vec{i}, \vec{j})
 - a) Déterminer le sommet S et l'axe de symétrie Δ de (Γ)
 - b) Construire (Γ) . Etudier le signe de $[f(x) - g(x)]$.
- 3) Soit $h(x) = 2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{2}$ et (Ω) sa courbe dans (O, \vec{i}, \vec{j})
 - a) Résoudre dans \mathbb{R} : $g(x) = h(x)$
 - b) Construire (Ω) et résoudre dans \mathbb{R} :

$$g(x) \leq f(x) \leq h(x).$$



Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie.