

<u>Lycée secondaire</u> : ALI BOURGUIBA KALAA KBIRA		<u>Année scolaire</u> : 2011 - 2012
<u>Prof</u> : MAATALLAH	<u>Devoir de contrôle n° 4</u>	<u>Classe</u> : 2 S 2
<u>Epreuve</u> : Mathématiques	<u>Date</u> : 24 - 02 - 2012	<u>Durée</u> : 1 heure

### Exercice n° 1 : (8 points)

Soit  $OEB$  un triangle quelconque et  $A \in [OB]$ . La parallèle à  $(AE)$  menée de  $B$  coupe  $(OE)$  en  $F$ , la parallèle à  $(EB)$  menée de  $F$  coupe  $(OB)$  en  $C$  et la parallèle à  $(AE)$  menée de  $C$  coupe  $(OE)$  en  $G$ .

Soit  $h$  l'homothétie de centre  $O$  telle que  $h(A) = B$ .

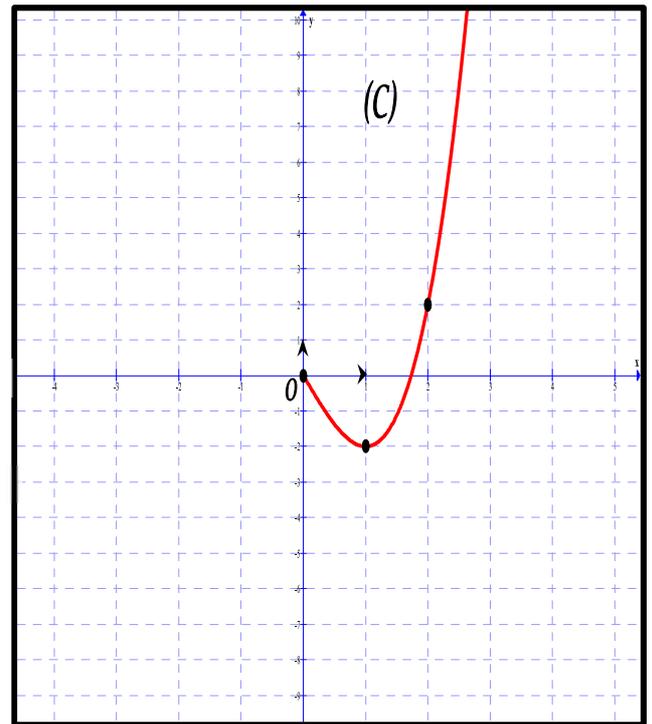
- 1) a) Déterminer  $h(AE)$ . En déduire que  $h(E) = F$ .  
b) Déterminer  $h(B)$  et  $h(F)$ .
- 2) a) Montrer que  $(AF)$  et  $(BG)$  sont parallèles.  
b) Les droites  $(EB)$  et  $(AF)$  se coupent en  $I$  et les droites  $(BG)$  et  $(FC)$  se coupent en  $J$ . Montrer que les points  $O, I$  et  $J$  sont alignés.

### Exercice n° 2 : (12 points)

Soit  $(C)$  la courbe d'une fonction  $f$  impaire, dont sa partie sur  $[0, +\infty[$  est représentée ci-dessous dans un repère orthogonal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) a) Reproduire la courbe  $(C)$  et la compléter.  
b) Donner, alors, le tableau de variation de  $f$ .  
c) Sachant que  $(\sqrt{3}) = 0$ , discuter le signe de  $f(x)$ .
- 2) Soit  $g(x) = -x^2 + x + 4$  et  $(\Gamma)$  sa courbe dans  $(O, \vec{i}, \vec{j})$   
a) Déterminer le sommet  $S$  et l'axe de symétrie  $\Delta$  de  $(\Gamma)$   
b) Construire  $(\Gamma)$ . Etudier le signe de  $[f(x) - g(x)]$ .
- 3) Soit  $h(x) = 2\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{5}{2}$  et  $(\Omega)$  sa courbe dans  $(O, \vec{i}, \vec{j})$   
a) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  :  $g(x) = h(x)$   
b) Construire  $(\Omega)$  et résoudre dans  $\mathbb{R}$  :

$$g(x) \leq f(x) \leq h(x).$$



*Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie.*