



### EXERCICE 1 : 3 POINTS

Choisir la seule réponse exacte pour chaque question

1- A, B et C trois points du plan qui vérifient  $\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{AC} = \vec{0}$ , alors :

a.  $h_{(A,3)}(B) = C$

b.  $h_{(A,-3)}(C) = B$

c.  $h_{(A,-3)}(B) = C$

2- la suite  $V_n$  définie par  $V_n = 3^{2n+1}$  est une suite géométrique de raison :

a.  $q = 3$

b.  $q = 9$

c.  $q = 2$

3- l'image d'un carré d'aire  $4 \text{ cm}^2$  par une homothétie de rapport  $k = \frac{1}{2}$  est un carré d'aire :

a.  $4 \text{ cm}^2$

b.  $2 \text{ cm}^2$

c.  $1 \text{ cm}^2$

### EXERCICE 2 : 7 POINTS les deux questions sont indépendantes

1- soit  $U_n$  une suite géométrique de premier terme  $U_0 = 3$  et de raison  $q = \frac{1}{2}$

a - calculer  $U_1$  et  $U_5$

b - exprimer  $U_n$  en fonction de  $n$

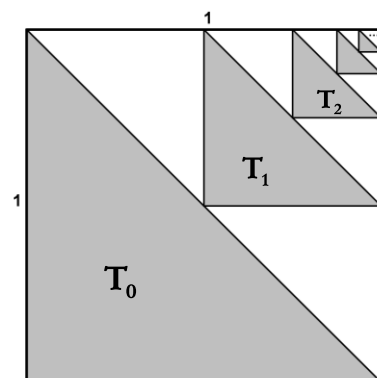
2- la figure 1 ci contre représente un carré de côté 1

$T_0, T_1, T_2, \dots$  et  $T_n$  se sont les aires des triangles rectangles et isocèles

a- Calculer  $T_0, T_1$  et  $T_2$

b- vérifier que  $T_n$  est une suite géométrique dont on précisera la raison

c- Calculer la somme suivante en fonction de  $n$  :  $S_n = T_0 + T_1 + \dots + T_n$



- figure 1-

### EXERCICE 3 : 10 POINTS

On considère les trois fonctions  $f, g$  et  $h$  telles que  $D_f = [-1, 2]$  ;  $D_g = [-4, 2]$  et  $D_h = \mathbb{R}$

La figure 2 ci contre représente les trois courbes  $\mathcal{C}_f$  ;  $\mathcal{C}_g$  et  $\mathcal{C}_h$  dans un repère orthonormé

**PREMIERE PARTIE :** on utilisant le graphique, répondre aux questions suivantes :

1- étudier la parité des fonctions  $f, g$  et  $h$

2- Donner les coordonnées des points A, B, C et D

3- Donner le minimum et le maximum de  $f$  sur  $[-1, 2]$

4- Donner le tableau de variation de  $g$  sur  $[-4, 2]$

5- Résoudre dans  $[-1, 2]$  :  $f(x) = 0$  ;  $f(x) = h(x)$  ;  $f(x) \leq 0$

#### DEUXIEME PARTIE

La courbe  $\mathcal{C}_g$  est l'image de  $\mathcal{C}_f$  par une homothétie  $h$  de centre  $O$  et de rapport  $k$

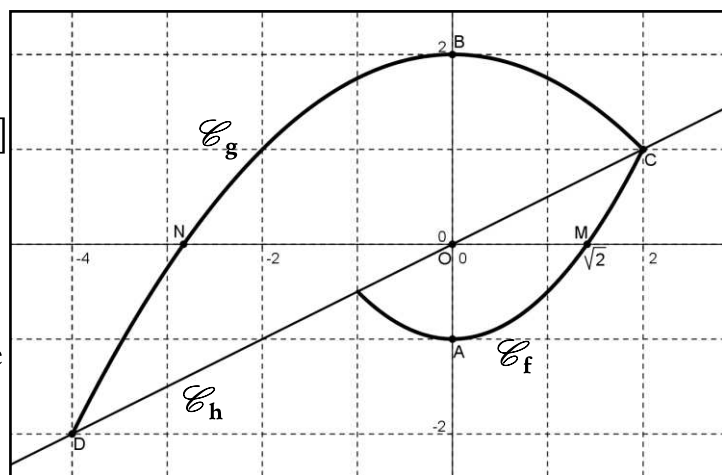
1- Montrer que  $h(A) = B$

2- On déduit le rapport  $k$  de l'homothétie  $h$

3- Vérifier que  $h(M) = N$ . on déduit les coordonnées du point  $N$

4- On désigne par  $\mathcal{A}_1$  l'aire de la partie  $P_1$  du plan limitée par les deux courbes  $\mathcal{C}_f$  et  $\mathcal{C}_h$

Sachant que  $\mathcal{A}_1 = 2,25$ , calculer  $\mathcal{A}_2$  l'aire de la partie  $P_2$  du plan limitée par le



- figure 2-