

**Devoir de contrôle N3****Exercice 1 : (4 points)** Cocher les bonnes réponses

1) Soit  $P$  et  $Q$  deux polynômes de degré respectifs 2 et 3. le degré de  $P.Q$  est

a) 5

b) 3

c) 6

2) Soit  $P$  un polynôme de degré 4 et tel que 2 et -2 sont deux racines de  $P$ . On a  $P$  est factorisable par

a)  $x-2$ b)  $x^2-4$ c)  $x^2+4$ 

3) Soit  $\vec{u}$  un vecteur et  $A$  un point. Soit  $B$  l'antécédent de  $A$  par  $t_{\vec{u}}$  et  $C$  l'image de  $A$  par  $t_{\vec{u}}$ . On a

a)  $t_{-\vec{u}}(A) = B$ b)  $t_{\vec{u}}(A) = B$ c)  $t_{2\vec{u}}(B) = C$ 

4) Soit  $A, B$  et  $C$  trois points non alignés. L'image de  $A$  par  $t_{\vec{O}}$  est

a)  $A$ b)  $B$ c)  $C$ **Exercice 2 : (8 points)**

Soit  $ABCD$  un parallélogramme tel que  $\widehat{ABC} = 60^\circ$  et  $AB = 2BC$

Soit  $I, J$  et  $K$  les milieux respectifs de  $[DB], [AB]$  et  $[BC]$ .

1) Déterminer  $t_{\vec{BK}}(B)$ ,  $t_{\vec{BK}}(K)$  et  $t_{\vec{BK}}(J)$

2) a) Construire les points  $A'$  et  $C'$  images respectives de  $A$  et  $C$  par  $t_{\vec{BK}}$

b) Justifier que  $I$  est le milieu de  $[KA']$  et que  $\widehat{A'IC'} = 120^\circ$

3) Soit  $N$  le point tel que  $\vec{BN} = \frac{2}{3}\vec{BJ}$  et  $N' = t_{\vec{BK}}(N)$ . Montrer que  $\vec{KN'} = \frac{2}{3}\vec{KI}$

**Exercice 3 : (8 points)**

Soit pour tout  $x$  réel,  $A(x) = 2x^3 - 2x^2 - 8x + 8$  et  $B(x) = x^2 - 3x + 2$

1) a) vérifier que 1 est une racine de  $A(x)$  et factoriser  $A(x)$

b) Résoudre  $A(x) = 0$  et factoriser  $A(x)$  en produit de 3 polynômes de 1<sup>er</sup> degré

2) Soit  $f(x) = \frac{2x^3 - 4x^2}{x^2 - 3x + 2} + \frac{2x - 4}{x - 1}$

a) Déterminer le domaine de définition de  $f$  noté  $D_f$

b) Montrer que pour tout  $x \in D_f$ , on a  $f(x) = 2x + 4$

c) Résoudre  $|f(x)| < 10$