

Lycée : Souassi	<i>Devoir de Contrôle N°6</i>	Professeur : Fligène Wissem
Date : 15/05/2010		Epreuve : Mathématiques
Classes : 2 Sc 1 & 2 Ti 1		Durée : 1 heure

- Il est recommandé de soigner la rédaction et la présentation de la copie -

Exercice 1 : (12 points)

En annexe (à rendre avec la copie), on donne la parabole P la représentative graphique d'une fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = ax^2 + bx$ où a et b sont deux réels.

- 1- a- Préciser, graphiquement, le sommet et l'axe de la parabole P .
b- Déterminer a et b .
- 2- Dans toute la suite on suppose que pour tout $x \in \mathbb{R}$, $f(x) = -x^2 + 4x$.
a- Soit g la fonction définie sur \mathbb{R} par $g(x) = |-x^2 + 4x|$
Tracer la courbe de la fonction g à partir de celle de f .
b- En déduire les variations de la fonction g .
c- Donner, graphiquement, suivant les valeurs de m le nombre de solutions de l'équation $g(x) = m$.
- 3- Soit h la fonction définie sur \mathbb{R} par : $h(x) = x^2 + 2$. On désigne par P' la courbe de h .
a- Préciser le sommet et l'axe de la parabole P' de h .
b- Montrer que les paraboles P et P' en un seul point d'intersection A dont on précisera les coordonnées.
c- Tracer la parabole P dans le même repère (O, \vec{i}, \vec{j})

Exercice 2 : (8 points)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . On désigne par \mathcal{C} l'ensemble des points $M(x, y)$

tels que : $x^2 + y^2 - 2y - 1 = 0$ et par D la droite d'équation : $x + y - 1 = 0$.

1. a. Montrer que \mathcal{C} est un cercle dont on précisera le centre I et le rayon R .
b. Vérifier que $I \in D$.
2. a. Vérifier que le point $A(-1, 2) \in \mathcal{C}$.
b. Tracer \mathcal{C} et D
c. Ecrire une équation de la tangente D' au cercle \mathcal{C} en A .
d. Prouver que les droites D et D' sont perpendiculaires.
e. Déterminer une équation de l'autre tangente D'' à \mathcal{C} et perpendiculaire à D .

Annexe à rendre avec la copie

Nom, prénom et classe :

