

Exercice 1 : (5 points)

Dans l'annexe ci-jointe on a représenté dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) la courbe (ζ) d'une fonction f définie sur \mathbb{R} . (*Figure 1 page 3*)

I) Par lecture graphique, donner la bonne réponse :

- 1) f est continue :
 a) en 1 b) à droite en 1 c) à gauche en 1
- 2) l'image de l'intervalle $]-2, 1]$ par f est :
 a) $[-2, 1[$ b) $[-2, 2]$ c) $]-2, 2]$
- 3) L'équation $f(x) = 2$ admet dans \mathbb{R} :
 a) une seule solution b) 2 solutions c) aucune solution

II) Soit g la fonction définie sur \mathbb{R} par $g(x) = f(|x|)$.

- 1) Montrer que g est une fonction paire.
 2) Tracer la courbe (ζ') de la fonction g dans le même repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

III) Soit h la restriction de f à l'intervalle $] -\infty, 1]$.

- 1) La fonction h est définie par une relation de la forme $h(x) = a(x + 1)^2 + b$.
 a) Par lecture graphique donner $h(-1)$ et $h(0)$
 b) Montrer que $a = -1$ et $b = 2$.
 2) Montrer que l'équation $h(x) = \frac{1}{2}$ admet une solution α dans $[-3, -2]$
 Donner un encadrement de α d'amplitude 10^{-1} .

Exercice 2 : (5 points)

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par
$$\begin{cases} f(x) = 1 + \sqrt{x+2} & \text{si } x > -2 \\ f(x) = \frac{2x+4}{x+1} & \text{si } x \leq -2 \end{cases}$$

- 1) Tracer (ζ) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé (*Figure 2 page 3*).
 2) a) Montrer que f est continue sur chacun des intervalles $] -\infty, -2]$ et $]-2, +\infty [$.
 b) f est-elle continue sur \mathbb{R} ? Justifier graphiquement.
 3) Déterminer graphiquement $f([-2, 2])$ et $f([-3, 2])$.
 4) Soit g la restriction de f à l'intervalle $] -\infty, -2]$.
 a) Vérifier que pour tout $x \in] -\infty, -2]$; $g(x) = 2 + \frac{2}{x+1}$.
 b) Montrer que g est décroissante sur $] -\infty, -2]$.
 c) En déduire que g est bornée sur $] -\infty, -2]$.

Exercice 3 : (5 points)

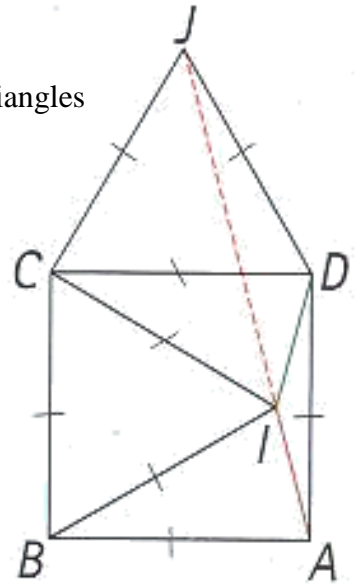
Soit A et B deux points tels que $AB = 5$.

- 1) a) Quel est l'ensemble des points M tels que $\overline{AB} \cdot \overline{AM} = 10$?
 b) En déduire la construction d'un point C tel que $\overline{AB} \cdot \overline{AC} = 10$ et $AC = 4$.
 2) Soit D et E les points définis par : $\overline{AD} = -\frac{7}{5}\overline{AB}$ et $\overline{AE} = \frac{3}{2}\overline{AC}$
 a) Calculer $\overline{AB} \cdot \overline{CD}$; $\overline{AC} \cdot \overline{AE}$ et $\overline{AD} \cdot \overline{AE}$
 b) En déduire que $\overline{BE} \cdot \overline{CD} = 0$
 c) Que représente la droite (CD) pour le triangle BDE ?

Exercice 4 : (5 points)

ABCD est un carré tel que $(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AB}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$. BIC et CDJ sont des triangles équilatéraux directs.

- 1) a) Dans les triangles isocèles ADJ, ABI et DCI, donner la mesure principale des angles orientés $(\overrightarrow{DJ}, \overrightarrow{DA})$, $(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BI})$ et $(\overrightarrow{CI}, \overrightarrow{CD})$
b) En déduire la mesure principale des angles $(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AJ})$; $(\overrightarrow{ID}, \overrightarrow{IC})$ et $(\overrightarrow{IB}, \overrightarrow{IA})$
- 2) a) Déterminer la mesure principale de $(\overrightarrow{IA}, \overrightarrow{ID})$
b) En déduire la mesure principale de $(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AI})$
- 3) Comparer $(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AI})$ avec $(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AJ})$ trouvée dans la question 1). b).
Qu'en déduit-on pour les points A, I et J ?



Annexe à rendre avec la copie

Figure 1

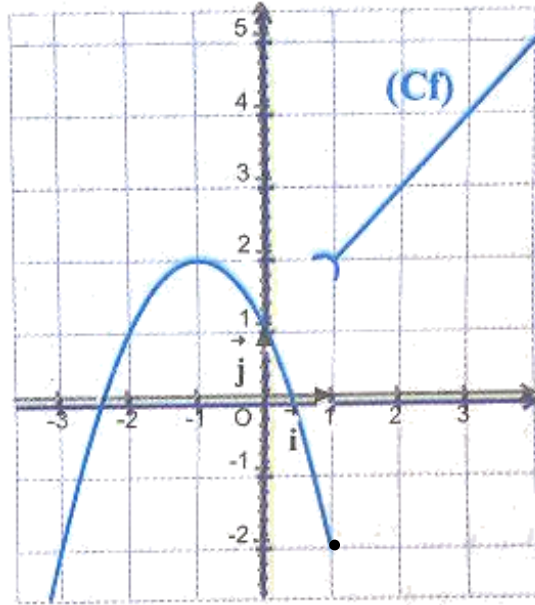


Figure 2

