

**EXERCICE 1**

ABC est un triangle rectangle en A , G son centre de gravité et  $I = C*B$ .

1°/Montrer que  $\overrightarrow{GB} \cdot \overrightarrow{GC} = -\frac{2}{9}BC^2$ .

2°/Soit f l'application du Plan P dans IR qui à tout M associe  $f(M) = \overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} - \frac{2}{3}\overrightarrow{AI} \cdot \overrightarrow{MG}$ .

a-Calculer f(A) et f(G) e fonction de BC.

b-Montrer que pour tout M :  $f(M) = MG^2 - \frac{2}{9}BC^2$ .

c-En déduire l'ensemble (  $\Gamma$  ) des points M tel que  $f(M) = -\frac{1}{9}BC^2$ .

3°/On suppose que A(1, 6) , B(-2, 3) et C(4, 3) dans un R.O.N (O ,  $\vec{i}$  ,  $\vec{j}$ ).

a-Vérifier que ABC est un triangle rectangle en A.

b-Déterminer les coordonnées de G.

c-Donner une équation cartésienne de l'ensemble (  $\Gamma$  ).

**EXERCICE 2**

On considère les fonctions f et g définies sur  $]0, +\infty[$  [par  $f(x) = \sqrt{x}$  et  $g(x) = \frac{1}{x} + 1$

a) Représenter dans un repère orthogonal (O,  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ), les fonctions f et g.

b) Déterminer graphiquement un encadrement d'amplitude 0,5 de la solution de l'équation  $x\sqrt{x} - x - 1 = 0$ .

1) On considère la fonction h définie sur  $]0, +\infty[$  [par  $h(x) = \sqrt{x} - \frac{1}{x} - 1$

a) Montrer que h est continue sur  $]0, +\infty[$

b) Montrer que l'équation  $h(x) = 0$  admet dans l'intervalle [2, 3] une solution  $\alpha$ .

c) Déterminer une valeur approchée de  $\alpha$  à  $10^{-2}$  près.

2) Soit  $\phi: ]0, +\infty[ \rightarrow \mathbb{R} \quad x \mapsto \begin{cases} f(x) & \text{si } x \in ]0, \alpha] \\ g(x) & \text{si } x \in ]\alpha, +\infty[ \end{cases}$

a) Tracer dans le repère (O,  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ) la courbe représentative de la fonction  $\phi$ .

b) Vérifier graphiquement que  $\phi$  est continue en  $\alpha$ .

c) Montrer que  $\phi$  est continue sur  $]0, +\infty[$

d) Montrer que  $\phi$  est bornée sur  $]0, +\infty[$

**A PREPARER****EXERCICE 3**

Dans le plan orienté on considère un cercle ( $\xi$ ) de centre O et de rayon 5 ; A , B et C trois points de ce cercle tel que  $AB = 5$  et  $AC = 5\sqrt{2}$ .

1°/Préciser la nature du triangle OAB et du triangle OAC.

2°/En appliquant les formules d'El-Kashi calculer la distance BC.

3°/Déterminer et construire l'ensemble (E) des points M tels que :  $2MA^2 - 7MB^2 = 50$ .

4°/On suppose que A est fixe et B et C varient sur le cercle ( $\xi$ ) et que  $AB^2 + AC^2 = 50$ .

Soit I le milieu du segment [BC].

a-Montrer que  $AB^2 + AC^2 = 2AI^2 - 2OI^2 + 50$ .

b-Déterminer l'ensemble des points I.

5°/On suppose que ABC est rectangle en A . Soit H le pied de la hauteur issue de A.

le cercle ( $\xi'$ ) de centre H et passant par A recoupe la droite (AB) en E et la droite (AC)

en F. Montrer que les points E , H et F sont alignés.

#### **EXERCICE 4**

Soit f la fonction définie sur  $[1, 2]$  par  $f(x) = x^4 - x^2 + 1$ .

1) Etudier les variations de f.

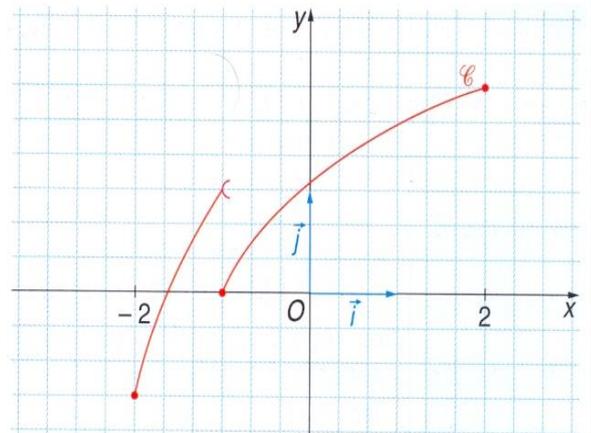
2) Montrer que l'équation  $f(x) = 3$  admet une solution  $\alpha$ , dans l'intervalle  $]1; 2[$ .

Donner, au moyen de la calculatrice, une valeur approchée de  $\alpha$  à  $10^{-2}$  près

#### **EXERCICE 5**

Le plan est muni d'un repère orthogonal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

On a tracé la courbe représentative  $\zeta$  d'une fonction définie sur l'intervalle  $[-2, 2]$ . (Figure N°1)



1) Par lecture graphique, dire si les propositions suivantes sont vraies ou fausses? Justifier la réponse

a) f est continue en 2?

b) f est continue sur  $[-2, 2]$

c) f est continue sur  $[1, 2]$

d)  $-1$  est l'unique solution de l'équation  $f(x) = 0$  sur l'intervalle  $[-2, 2]$ .

e) L'image de l'intervalle  $[-2, -1]$  par la fonction f est l'intervalle  $[-1, 1]$

f) Pour tout réel  $a \in [-2, -1[$  on a  $f(a) < f(-1)$

2) Soit g la fonction définie sur l'intervalle  $[-2, 2]$  par  $g(x) = f(-|x|)$

a) Montrer que g est une fonction paire.

b) Construire alors la courbe représentative  $\zeta'$  de la fonction g.