

DEVOIR DE SYNTHÈSE N°1

(Durée : 120mn)

3^{ème} Math

Mr: Bouhouch Ameer

Exercice n°1:(3pts)

Dans chaque question, une seule réponse est correcte. Laquelle?
(on ne demande pas la justification)

1) Si A et B sont deux points tels que $AB=4$ et $I=A*B$ alors l'ensemble des points M du plan tels que $MA^2+MB^2=2008$ est :

- a) le cercle de centre I et de rayon $10\sqrt{10}$ b) la droite (AB) c) le point I
2) le plan est orienté dans le sens direct. Soient A et B deux points distincts.

L'ensemble des points M du plan tels que: $(\overrightarrow{AM}; \widehat{AB}) + (\overrightarrow{BA}; \widehat{BM}) = \frac{\pi}{2} [2\pi]$ est

- a) $\{A; B\}$ b) $\widehat{AB} \setminus \{A; B\}$ c) $\widehat{BA} \setminus \{A; B\}$

3) Dans le plan orienté dans le sens direct, si $(\overrightarrow{AB}; \widehat{AC}) = \frac{-91\pi}{17} [2\pi]$ alors la

mesure principale de $(\overrightarrow{AB}; \widehat{AC})$ est égale à:

- a) $\frac{\pi}{17}$ b) $\frac{20\pi}{17}$ c) $\frac{11\pi}{17}$

Exercice n°2: (10pts)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R}^* par: $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2+x+mx-1} & \text{si } x \in]-\infty, -1] \\ \frac{x+1-\sqrt{1-x^2}}{x} & \text{si } x \in]-1, 1] \setminus \{0\} \\ \frac{x^2+x+1}{x(x-1)} & \text{si } x \in]1, +\infty[\end{cases}$

Avec m un paramètre réel. Et on désigne par (ζ) sa courbe représentative dans un repère orthonormé ($o; \vec{i}; \vec{j}$).

1) Déterminer le réel m pour que f soit continue en -1.

Dans toute la suite on prend $m = -1$.

2) Montrer que la droite (Δ): $y = -2x - \frac{3}{2}$ est une asymptote oblique à (ζ) au voisinage de $-\infty$.

3) Calculer la limite de f à droite de 1. interpréter graphiquement le résultat.

4) Calculer la limite de f en $+\infty$. Interpréter graphiquement ce résultat.

5) la fonction f est-elle continue en 1? Justifier.

6) Montrer que f est prolongeable par continuité en 0 et donner son prolongement.

Voir suite au verso \Rightarrow

7) Soit g la fonction définie sur $]1, +\infty[$ par $g(x) = f(x) - x$

a) Montrer que l'équation $g(x) = 0$ admet au moins une solution $\alpha \in]2, 3[$.

b) Donner un encadrement de α d'amplitude 0.5.

c) Vérifier que $\alpha^2 = \frac{\alpha + 1}{\alpha - 2}$

Exercice n°3: (7pts)

On considère un trapèze $ABCD$ inscrit dans un cercle (ξ) tel que $(AD) \parallel (BC)$.

Soit O le centre de (ξ) et N le point d'intersection de (AC) et (BD) .

1) faire une figure .

2) Montrer que $(\overrightarrow{CN}; \widehat{\overrightarrow{CB}}) \equiv (\overrightarrow{BC}; \widehat{\overrightarrow{BN}}) (2\pi)$ et déduire que le triangle BNC est isocèle.

3) Montrer que $(\overrightarrow{NA}; \widehat{\overrightarrow{NB}}) \equiv (\overrightarrow{OA}; \widehat{\overrightarrow{OB}}) (2\pi)$

4) Soit (Δ) la tangente en N au cercle (ξ') circonscrit au triangle ANB .

(Δ) coupe (BC) en E .

a) Montrer que $(\overrightarrow{NB}; \widehat{\overrightarrow{NE}}) \equiv (\overrightarrow{DB}; \widehat{\overrightarrow{DC}}) (2\pi)$.

b) En déduire la position relative de (Δ) et (CD) .

Bon Travail