

3M

**SERIE N°1(asymptotes)**

**Exercice1**

Soit  $f(x) = \frac{2x-4}{\sqrt{4x-x^2}}$

- 1) Déterminer le domaine de définition de f.
- 2) Déterminer les asymptotes.
- 6) Montrer que l'équation  $f(x)=x$  admet au moins une solution  $\alpha$  dans  $[2,3]$ .

**Exercice2**

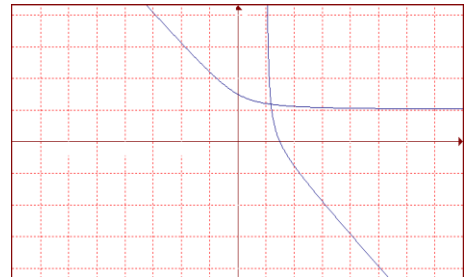
Soit  $f(x) = \frac{x^2+1}{x^2+x+1}$

- 1) Déterminer le domaine de définition de f.
- 2) Déterminer les asymptotes.
- 3) Montrer que  $f(x)=x$  admet au moins une solution  $\alpha$  dans  $] -1,1[$

**Exercice3**

Soit  $g(x) = \frac{-1}{2} + \frac{x}{2\sqrt{x^2+1}}$

- 1) Déterminer le domaine de définition de g.
- 2) Déterminer les asymptotes de g.
- 3) Soit  $f(x) = 1 - \frac{x}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{x^2+1}$ 
  - a) Déterminer le domaine de définition de f.
  - b) Déterminer les limites de f en  $+\infty$  et  $-\infty$
  - c) Montrer que la droite D d'équation  $y=1-x$  est une asymptote oblique à Cf.
  - d) Etudier les positions de D et Cf
- 4) Soit  $h(x) = \frac{1}{4(x-1)} + 1 - x$ 
  - a) Vérifier que D est aussi une asymptote de Ch
  - b) Identifier Cf et Ch et vérifier graphiquement que l'équation  $f(x)=g(x)$  admet une solution unique que l'on encadrera



**Exercice4**

Soit  $f(x) = x - \sqrt{x-2}$

- a) Déterminer le domaine de définition de f.
- b) Déterminer la limite de f et de  $f(x)/x$  et  $f(x)-x$  en  $+\infty$