

**DEVOIR DE CONTRÔLE N°1**

**MATHÉMATIQUES**

**Exercice 1** (5 points)

Pour chacune des questions suivantes une seule réponse est exacte, cocher la bonne case.

Questions	Réponses
1. Pour un angle donné , combien existe-t-il de mesure principale ?	<input type="checkbox"/> une infinité <input type="checkbox"/> une seule <input type="checkbox"/> deux
2. $\vec{v}$ et $\vec{w}$ sont deux vecteurs non nuls, si $(\widehat{\vec{v}, \vec{w}}) = \frac{\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$ , alors $(\widehat{-\vec{v}, \vec{w}})$ est égal à	<input type="checkbox"/> $-\frac{\pi}{3} + 2k\pi$ <input type="checkbox"/> $-\frac{2\pi}{3} + 2k\pi$ <input type="checkbox"/> $\frac{\pi}{3} + 2k\pi$
3. La fonction $f : x \mapsto \frac{x-3}{3x}$ est définie sur	<input type="checkbox"/> $\mathbb{R} \setminus \{3\}$ <input type="checkbox"/> $\mathbb{R}^*$ <input type="checkbox"/> $\mathbb{R}$
4. La fonction $g$ définie par : $g(x) =  x  + 2$ admet	<input type="checkbox"/> un maximum absolu <input type="checkbox"/> un minimum absolu <input type="checkbox"/> un centre de symétrie
5. La limite, en $-\infty$ , de la fonction $h$ définie par : $h(x) = \frac{1}{x^5}$ est égale à	<input type="checkbox"/> $-\infty$ <input type="checkbox"/> $+\infty$ <input type="checkbox"/> 0

**Exercice 2** (6 points)

Soit la fonction  $f$  définie sur par :  $f(x) = 4x^2 - 8x + 5$

$\mathcal{C}_f$  désigne la courbe de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- Déterminer  $D_f$  l'ensemble de définition de  $f$ .
- a/ Montrer que, pour tous réels distincts  $x$  et  $y$ , on a :

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = 4x + 4y - 8$$

- b/ Etudier les variations de  $f$  sur chacun des intervalles  $[1, +\infty[$  et  $] - \infty, 1]$ .
- a/ Montrer que 1 est un minimum absolue de  $f$  en 1.  
b/ Dresser le tableau de variation de  $f$ .
- Tracer  $\mathcal{C}_f$  puis résoudre graphiquement :  $f(x) = 5$  et  $f(x) < 1$ .

**Exercice 3** (4 points)

Soient  $A, B, C, D$  et  $E$  des points du plan tels que :

$$\begin{aligned} (\widehat{\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC}}) &= -\frac{4\pi}{5} + 2k\pi, (\widehat{\overrightarrow{CB}, \overrightarrow{CD}}) = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi \text{ et} \\ (\widehat{\overrightarrow{DC}, \overrightarrow{DE}}) &= \frac{2\pi}{15} + 2k\pi \text{ où } k \in \mathbb{Z}. \end{aligned}$$

- Déterminer une mesure de l'angle orienté  $(\widehat{\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{DE}})$ .
- En déduire que les droites  $(AB)$  et  $(DE)$  sont parallèles.

**Exercice 4** (5 points)

I/ Calculer les limites suivantes :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+1}{x}$  et  $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 + x + 6}{x^3 + 3}$

II/ Soit la fonction  $g$  définie par :  $g(x) = \sqrt{x+2} - \sqrt{2x-4}$

- Déterminer  $D_g$  l'ensemble de définition de  $g$ .
- a/ Soit  $x$  un élément de  $D_g$ , montrer qu'on a :

$$g(x) = \sqrt{x} \left( \sqrt{1 + \frac{2}{x}} - \sqrt{2 - \frac{4}{x}} \right)$$

- b/ En déduire  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{\sqrt{x}}$
- Montrer que  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x} = 0$