

Analyse

Exercice N°1 :

Déterminer le nombre dérivé de la fonction f au point x_0 .

- 1- $f(x) = 6$; $x_0 = 3$
- 2- $f(x) = 2x + 3$; $x_0 = 5$
- 3- $f(x) = 3x^2 + 4x - 1$; $x_0 = 1$
- 4- $f(x) = \sqrt{x}$; $x_0 = 2$
- 5- $f(x) = x^3$; $x_0 = -1$

Exercice N°1 :

Etudier dans chacun des cas suivants, la continuité et la dérivabilité de la fonction f en x_0 et déterminer une équation de la tangente (ou des demi-tangentes) à sa courbe (C) en le point d'abscisse x_0 .

- 1- $f(x) = x^2 - x + 1$; $x_0 = 1$
- 2- $f(x) = x^2 + 2|x - 1|$; $x_0 = 1$
- 3- $f(x) = |x(3 - x)|$; $x_0 = 3$

Exercice N°1 :

Soit la fonction f définie par : $f(x) = \frac{\sqrt{1+x} - a}{x}$ et $f(0) = 1/2$

- 1- Déterminer Df
- 2- Déterminer a pour que f soit continue en 0
- 3- Pour le réel a trouvé f est-elle dérivable en 0 ?

Exercice N°1 :

Soit Cf la courbe représentative de la fonction f définie par: $f(x) = \frac{3}{1+x}$

- 1- Déterminer les points de Cf où la tangente soit parallèle à la droite D: $y = -4x$

2- Soit $D': y = ax + b$ une droite du plan existe-t-il des tangentes à C_f qui sont parallèles à D' ?

3- Existe-t-il des tangentes à C_f issues de $A(0,1)$?

Exercice N°1 :

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par:
$$\begin{cases} f(x) = \sqrt{x^2 - 1} + 4 + mx & \text{si } x \geq 1 \\ f(x) = x^2 - 2mx & \text{si } x < 1 \end{cases}$$

1- Déterminer m pour que f soit continue en 1

2- Etudier suivant m $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

3- On désigne par C_f la courbe représentative de f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})

** On suppose que $m = -1$

a) Etudier la dérivabilité de f en 1

b) En déduire que C_f possède deux demi-tangentes que les précisera, construire ces deux demi-tangentes

c) Soit M_0 un point de C_f d'abscisse x_0 et T la tangente à C_f . Ecrire une équation de T

d) Déterminer x_0 pour que T passe par $A(1,0)$ noté T_0

e) Soit $x_0 \in]1, +\infty[$ Montrer que f est dérivable en x_0 et que : $f'(x_0) = \frac{x_0}{\sqrt{x_0^2 - 1}} - 1$

f) Pour $x_0 \in]1, +\infty[$ Existe-t-il des tangentes à C_f perpendiculaires à T_0 ?

Géométrie:

Exercice N°1 :

Résoudre chacune des inéquations suivantes dans l'intervalle I indiqué :

1) $2\cos x - 1 > 0$ $I =]-\pi; \pi]$ 2) $\sin x < \frac{\sqrt{2}}{2}$ $I = [0; \pi]$

3) $\sqrt{3} \operatorname{tg} x + 1 > 0$ $I =]-\pi/2; \pi/2[$ 4) $\cot g x > \sin 2x$ $I =]0; \pi[$

5) $4\sin^2 x - 1/2 < 0$ $I = [0; 2\pi]$ 6) $\sin 4x + 4\sin^3 x \cdot \cos x > 0$ $I = \mathbb{R}$

7) $\sin^3 x < \cos^3 x$ $I = [0; 2\pi]$ 8) $\cos 2x + 2\cos^2 x > 2$ $I = \mathbb{R}$

9) $3\operatorname{tg}^2 x - 4\operatorname{tg} x + 3 < 0$ $I =]-\pi/2; \pi/2[$

Exercice N°1 :

Déterminer le signe des expressions suivantes dans $[-\pi; \pi]$.

A = $2\cos x + 1$

B = $-\sin x - 4$

C = $\operatorname{tg}^2 x - 3$

D = $\sin^2 x - 1$

E = $-\cos x + 1$

F = $\cos^2 x + \cos x$

G = $\cos^2 x - 3\cos x$