

Exercice N° 1

Une urne contient quatre boules blanches numérotées 0, 0, 1, 1 et deux boules noires numérotées 0, 2.

On tire successivement sans remise trois boules de l'urne

- 1- Donner le nombre N' de tous les tirages possibles
- 2- Donner le nombre N'_1 des tirages comportant deux couleurs
- 3- Donner le nombre N'_3 des tirages d'avoir au moins une boule qui porte un numéro pair

Exercice N° 2

Un sac contient trois boules noires, deux boules rouges et trois boules vertes

On tire successivement et sans remise trois boules du sac

- 1) Donner le nombre de tous les tirages possibles
- 2) Quel est le nombre des cas d'avoir trois boules de mêmes couleurs
- 3) Quel est le nombre des cas d'avoir trois boules chacune de couleur
- 4) Déduire le nombre des cas d'avoir un tirage bicolore

Exercice N° 3

Un sac contient huit jetons, sont numérotés 1, 1, 1, 0, 0, -1, -1 et -1

On tire successivement et sans remise deux jetons du sac

- 1) Donner le nombre de tous les tirages possibles
- 2) Quel est le nombre des cas d'avoir deux jetons qui portent le même numéro
- 3) Déduire le nombre des cas d'avoir deux jetons qui portent des numéros différents

Exercice N°4

Une urne contient une boule verte et trois boules rouges. On tire successivement et sans remise deux boules de l'urne

- 1- Donner le nombre de tous les tirages possibles
- 2- Donner le nombre des tirages d'avoir deux boules de même couleur
- 3- Calculer par deux méthodes le nombre des tirages d'avoir deux boules de couleurs différentes

Exercice N° 5

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . On donne les points

$A(-1,1)$, $B(-4,5)$ et $C(2,1)$

- 1- a. calculer AB ; AC et $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$
b. Déduire $\cos(\widehat{BAC})$
- 2- a. Donner une équation cartésienne de la droite $\Delta = (AB)$
b. calculer $d(C, \Delta)$
c. Donner les coordonnées du point H projeté orthogonale de C sur Δ
- 3- Déterminer l'ensemble des points M du plan dans chacun des cas suivants
 - ❖ $MB^2 - 3MA^2 = -\frac{25}{2}$
 - ❖ $\vec{AB} \cdot \vec{MA} = 0$

Exercice N° 6

Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) . On considère les points $A(1, 2)$, $B(3, -2)$ et $C(0, 1)$

1. a. Vérifier que \vec{CA} et \vec{CB} sont orthogonaux

- b. Dédire que C appartient au cercle C de diamètre [AB]
2. prouver que C à pour équation cartésienne: $x^2+y^2-4x-1=0$
3. Préciser le centre et le rayon de C
4. Montrer que la tangente D à C au point C à pour équation cartésienne: $2x-y+1=0$
5. Soit H(a, b) un point de D
 - a. Montrer que $BH=\sqrt{5a^2+6a+18}$
 - b. Etudier les variations de la fonction définie sur IR par: $f(a)=5a^2+6a+18$
- c. Dédire la distance d(B,D) et les coordonnées de B' projeté orthogonale de B

Exercice N° 7

Soit A et b deux points tel que $AB=4$; $I=A*B$ et G le barycentre des points pondérés (A, 1) et (B,-2)

1. a. Montrer que $\vec{GA} = 2\vec{BA}$
 - b. En déduire GA et GB
2. Déterminer l'ensemble E des points M du plan tel que: $MA^2-MB^2=7$
3. Soit $H= A*I$
 - Déterminer l'ensemble D des points M du plan tel que: $MA^2-MB^2=8$
1. Le plan est muni d'un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) posons $A(-1,1)$ et $B(3,1)$
 - a. Déterminer les coordonnées de G
 - b. Trouver l'équation cartésienne de E et D
 - c. Tracer E et D
 - d. Déterminer $E \cap D$

Exercice N° 8

Soit f la fonction définie par: $f(x) = \begin{cases} \frac{(x-1)^2}{x-2} & \text{si } x < 1 \\ (x-1)\sqrt{x} & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$. On désigne par Cf sa courbe

représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})

1. Déterminer le domaine de définition de f
2. Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$
3. a. Pour $x < 0$ déterminer les réels a et b pour que: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-2}$
 - b. Calculer $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - x]$
4. a. Montrer que f est continue en 1
 - b. Etudier la dérivabilité de f en 1
5. a. Calculer $f'(x)$ pour $x < 1$ et pour $x > 1$
 - b. Dresser le tableau de variation de f