

**Exercice N° 1 :**

Soit la fonction  $f$  définie par

$$\begin{cases} f(x) = x^2 - 2x & \text{si } x > 3 \\ f(x) = \frac{-3 + 2x}{2x - 1} & \text{si } 2 \leq x \leq 3 \\ f(x) = \frac{|x| \cdot |x - 2|}{x(x^2 - x - 2)} & \text{si } x < 2 \end{cases}$$

- 1) Préciser le domaine de définition de  $f$ . Étudier sa continuité sur son domaine de définition.
- 2) Étudier la dérivabilité de  $f$  sur son domaine de définition.
- 3) Écrire une équation de la tangente à  $C_f$  en  $M_0$  d'abscisse  $x_0 = \frac{3}{2}$  et en  $M_1$  d'abscisse  $x_1 = 4$ .

**Exercice N° 2 :**

Soit  $f : x \mapsto \frac{x^2 - 4x + 7}{x - 1}$ , et  $(C)$  la courbe de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

- 1) Définir la fonction dérivée de  $f$  et montrer que pour tout  $x$  de  $D_f$ ;  $f'(x) = 1 - \frac{4}{(x-1)^2}$
- 2) Soient  $A$  et  $B$  des points de  $(C)$  d'abscisses respectives  $a$  et  $b$  tels que  $a + b = 2$ . Montrer que les tangentes à  $(C)$  en  $A$  et  $B$  sont parallèles.
- 3) Soient  $E$  et  $F$  des points de  $(C)$  d'abscisses respectives  $(-1)$  et  $0$ . Déterminer les abscisses des points de  $(C)$  où la tangente est parallèle à  $(EF)$ .
- 4) La droite  $D$  d'équation  $y + 3x - 9 = 0$  est-elle tangente à  $(C)$  ?
- 5) Soit la fonction définie par  $g(x) = \frac{x^2 - 4|x| + 7}{|x| - 1}$

a/ Étudier la dérivabilité de  $g$  en  $0$ .

b/ Donner les équation des demi-tangentes à  $(C')$  au point d'abscisse  $0$ .  $(C')$  étant la courbe de  $g$  dans la même repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

6) Soit  $m$  un réel et  $h$  la fonction définie par  $\begin{cases} h(x) = f(x) & \text{si } x \geq 2 \\ h(x) = mx + 2 + 3\sqrt{x^2 - 2x + 9} & \text{si } x < 2 \end{cases}$

a/ Trouver  $m$  pour que  $h$  soit continue en  $2$

b/ Trouver  $m$  pour que  $h$  soit dérivable en  $2$ .

**Exercice N° 3 :**

Soit  $f$  la fonction définie par

$$\begin{cases} f(x) = 2 \left( x - \frac{2|x|}{x} \right)^2 + 1 & \text{si } |x| \geq 2 \\ f(x) = ax^2 + bx + c & \text{si } |x| < 2 \end{cases}$$

- 1) Déterminer  $a$ ,  $b$  et  $c$  pour que  $f$  soit continue et dérivable sur  $\mathbb{R}$ .
- 2) Pour les valeurs trouvées de  $a$ ,  $b$  et  $c$ , construire la courbe de  $C_f$  dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  et représenter les tangentes à  $C_f$  aux points d'abscisses  $x_0 = 2$  et  $x_1 = -2$
- 3) Déterminer en fonction de  $\alpha$  les coordonnées du vecteur unitaire normal à tangente à  $C_f$  au point d'abscisse  $\alpha$ .