

**Exercice n° 1** ( 4 points)

Chaque question ci-dessous comporte trois réponses possibles.

Pour chacune de ces questions, une seule des réponses proposées est exacte.

On demande de choisir cette réponse.

1. Soit la fonction  $f$  définie sur l'intervalle  $]1; +\infty[$  par  $f(x) = -5x + \frac{4}{x^2-1}$

. La limite de la fonction  $f$  en  $1^+$  est :

a/  $+\infty$

b/  $-\infty$

c/ 0

. La limite de la fonction  $f$  en  $-\infty$  est :

a/  $+\infty$

b/  $-\infty$

c/ 0

2. Soient  $f$  et  $g$  deux fonctions définies sur  $\mathbb{R}$

Si  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = +\infty$  et  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 3$  alors  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f \circ g(x) = +\infty$

3. Soit la matrice  $A$  d'ordre  $2 \times 3$  et la matrice  $B$  d'ordre  $3 \times 2$ , alors l'ordre de la matrice  $B \times A$  est égale :

a/  $2 \times 3$

b/  $3 \times 3$

c/  $2 \times 2$

4. Soit la matrice  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 7 & 4 \end{pmatrix}$  alors déterminant de  $A$  est égale à :

a/ 1

b/ -1

c/ 0

. l'inverse de  $A$  est égale à :

a/  $\begin{pmatrix} -2 & 7 \\ 1 & -4 \end{pmatrix}$

b/  $\begin{pmatrix} 4 & -1 \\ -7 & 2 \end{pmatrix}$

c/  $\begin{pmatrix} -4 & 7 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$

**Exercice n° 2** ( 5 points)

On considère les deux matrices carrés suivantes :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ 3 & 4 & 2 \\ 1 & 0 & 5 \end{pmatrix} \text{ et } B = \begin{pmatrix} -10 & 5 & -4 \\ \frac{13}{2} & -3 & \frac{5}{2} \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$$

1) Déterminer l'ordre de la matrice  $A$  et le terme  $b_{22}$  de  $B$

2) a) Calculer le déterminant de  $A$

b)  $A$  est elle est inversible

b) Calculer  $A \cdot B$  puis en déduire l'inverse de la matrice  $A$

### Exercice n°3 : (5pts)

La figure suivante est la courbe représentative d'une fonction  $f$  dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

1) Déterminer le domaine de définition de  $f$

2) Déterminer le domaine de continuité de  $f$

3) a) Déterminer  $f(0)$  ;  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

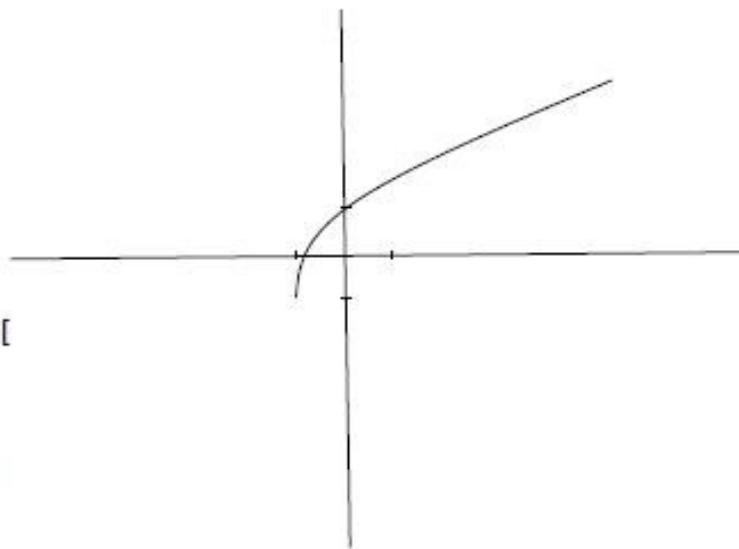
b) Déterminer  $f([-1; +\infty[)$

3) a) Montrer que  $f$  réalise une bijection de  $[-1; +\infty[$

Vers un intervalle que l'on déterminera

b) Construire  $C_{f^{-1}}$  dans le même repère (justifier)

4) Soit  $g(x) = \frac{x^2}{2x^2 + 2}$ . Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g \circ f(x)$



### Exercice n° 4 ( 6 points)

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \begin{cases} 2x^3 + 3x - 2 & \text{si } x \in ]-\infty; 1] \\ \sqrt{x^2 + 3} - x & \text{si } x \in ]1; +\infty[ \end{cases}$

1) Calculer  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$

2)  $f$  est-elle continue en 1 ?

3) Calculer  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

4) Montrer que pour  $x \in ]1; +\infty[$  on a :  $\sqrt{x^2 + 3} - x = \frac{3}{\sqrt{x^2 + 3} + x}$

Déduire  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

5) Soit la fonction  $h$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $h(x) = \frac{1}{x^2 + 1}$

a. Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} h \circ f(x)$

b. Calculer  $h \circ f(1)$

6) a. Montrer que l'équation  $f(x) = 0$  admet une unique solution  $a$  sur  $]0; 1]$

Donner un encadrement de  $a$  à  $10^{-1}$  près