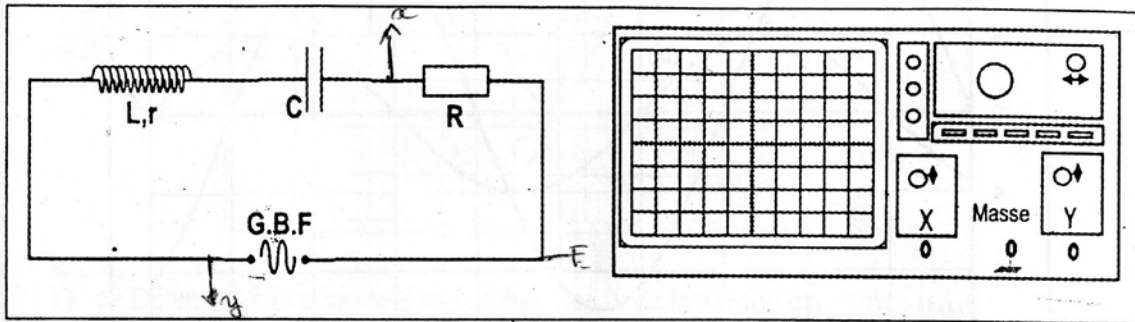


**Exercice n°1**

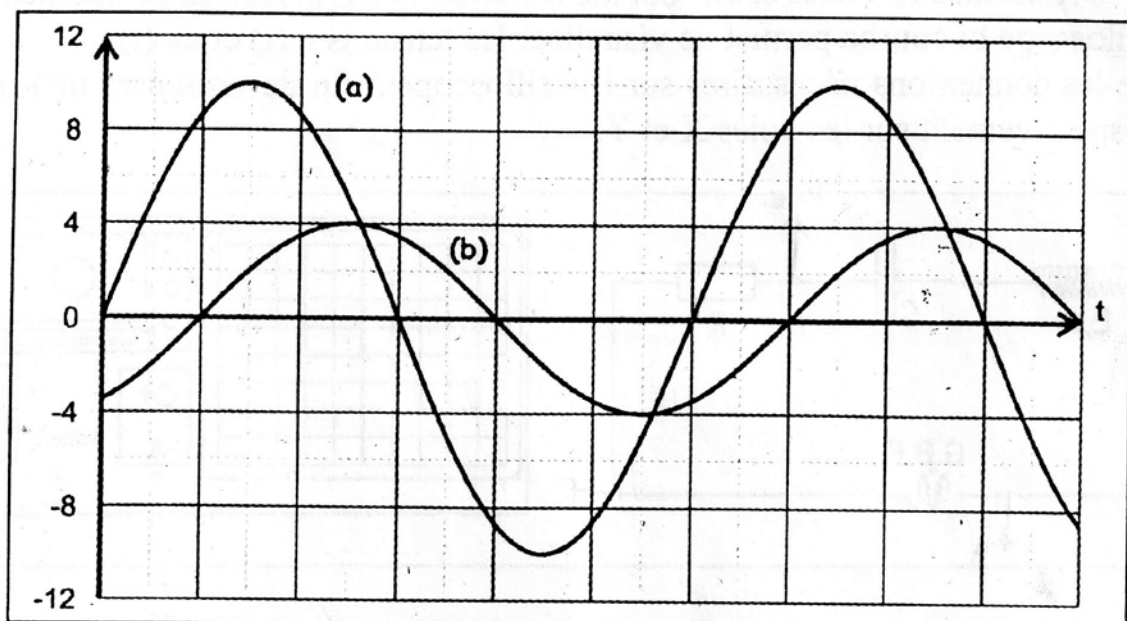
On considère un circuit électrique série constitué par un **G.B.F** délivrant une tension sinusoïdale  $U(t) = U_m \sin(2\pi Nt)$ , un condensateur de capacité  $C$ , un résistor de résistance  $R = 80 \Omega$  et une bobine d'inductance  $L$  et résistance interne  $r$ . Un oscilloscope bi courbe permet de visualiser les tensions  $u(t)$  et  $U_R(t)$ .

- 1) Faire les connexions nécessaires sur l'oscilloscope à fin de visualiser  $u(t)$  et  $U_R(t)$  respectivement sur les voies **X** et **Y**.



- 2) Préciser l'excitateur et le résonateur.
- 3) Pourquoi le circuit RLC est dit en oscillations forcées.
- 4) Etablir l'équation différentielle relative à l'intensité  $i$  du courant.
- 5) a- Faire la construction de Fresnel pour les valeurs particulières de la fréquence  $N$  du **G.B.F**. Préciser pour chacun des cas précédents, l'état électrique du circuit.  
 b- Exprimer  $I_m$  et  $\tan(\phi_i - \phi_u)$  en fonction de  $L$ ,  $C$ ,  $\omega$ ,  $R$ ,  $r$  et  $U_m$ .  
 c- Déterminer l'expression de l'impédance  $Z$  du dipôle RLC.  
 d- Représenter l'allure de  $I_m = f(N)$  pour deux valeurs de  $R$  ( $R_1 > R_2$ ).  
 e- Que devient l'expression de  $Z$ ,  $(\phi_i - \phi_u)$  et  $I_m$  lorsque  $N = N_0$  ?
- 6) On fixe la fréquence du **G.B.F** à la valeur  $N_1 = 348,43 \text{ Hz}$ .

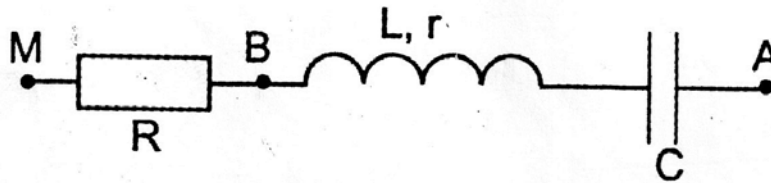
Sur la figure suivante, on donne les oscillogrammes observés sur l'oscilloscope.



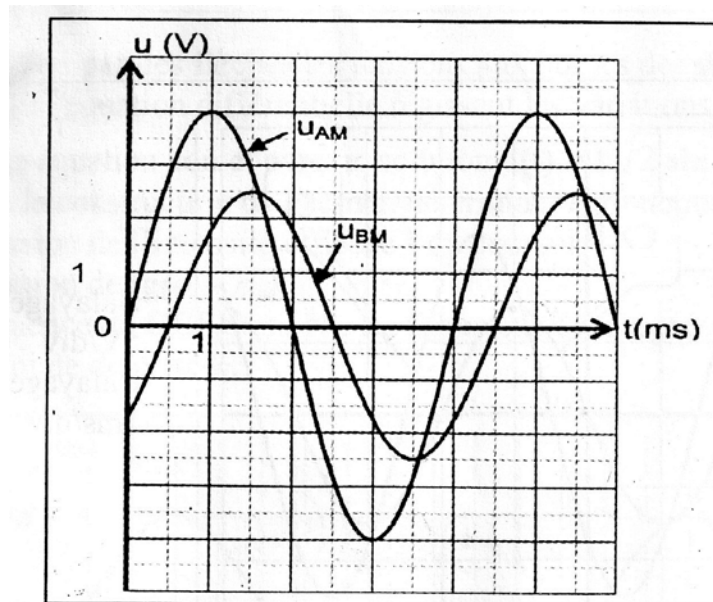
- a- Montrer que l'oscillogramme (a) représente  $u(t)$ .
- b- Déterminer le déphasage  $\Delta Q = Q_i - Q_u$ . En déduire s'il s'agit d'un circuit capacitif, résistif ou inductif.
- c- Déterminer les valeurs des tensions maximales  $U_m$  et  $U_{Rm}$ .
- d- Calculer les valeurs de l'intensité maximale  $I_m$  du courant et de l'impédance  $Z_1$  du circuit.
- e- Ecrire  $u(t)$  et  $i(t)$ .
- f- Sachant que  $U_{cm} = 2,28 \text{ V}$ .
  - $f_1$  - Faire la construction de Fresnel avec l'échelle :  $1\text{cm} \longrightarrow 1\text{V}$ .
  - $f_2$  - En déduire les valeurs de la résistance interne  $r$  de la bobine, son inductance  $L$  et la capacité  $C$  du condensateur.

**Exercice n° 2**

On considère un circuit électrique **AM** constitué d'une résistance  $R = 200 \, \Omega$ , d'une bobine de résistance interne  $r$  et d'inductance  $L$  et d'un condensateur de capacité  $C = 2\mu\text{F}$ .



On applique entre **A** et **M** une tension  $u_{AM}(t)$  sinusoïdale de fréquence  $N$ . Un oscilloscope bicourbe donne les oscillogrammes de la figure ci-contre.



- 1) a- Déterminer la période  $T$  et la fréquence  $N$  de la tension excitatrice  $u_{AM}(t)$ .  
 b- Trouver le déphasage entre l'intensité du courant qui traverse le circuit électrique  $i(t)$  et la tension excitatrice  $u_{AM}(t)$ . En déduire s'il s'agit d'un circuit capacitif, résistif ou inductif.
- 2) a- Trouver les expressions de la tension  $u_{AM}(t)$  et de l'intensité  $i(t)$ .  
 b- Calculer l'impédance électrique du circuit **AM**.  
 c- Calculer les valeurs de  $r$  et  $L$ .

- 3) a- Pour quelle valeur  $N_1$  de la fréquence l'intensité efficace est-elle maximale ? Calculer alors sa valeur.  
 b- Déterminer la puissance reçue par le circuit **AM**.  
 c- calculer le coefficient de surtension **Q**.

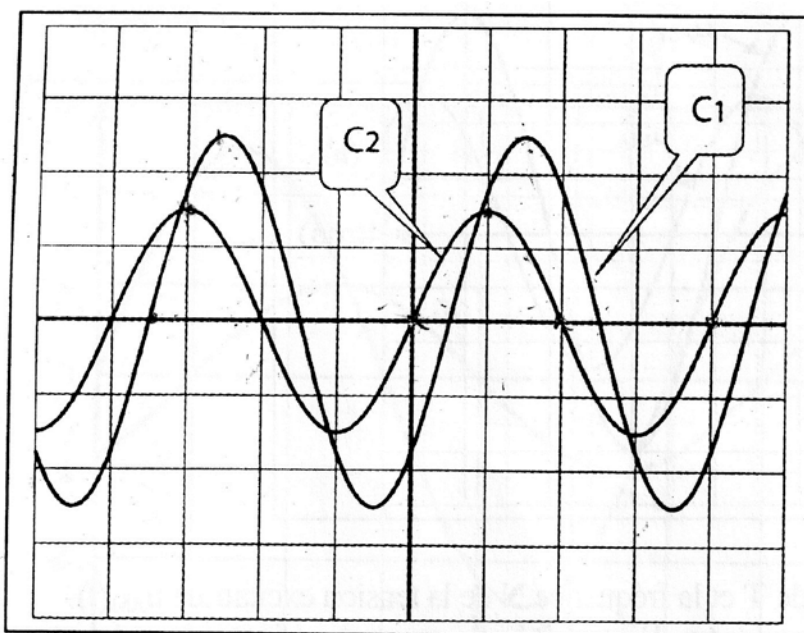
**Exercice n° 3**

Un circuit électrique est formé par un résistor de résistance  $R = 50 \Omega$ , une bobine d'inductance  $L$  et de résistance  $r$  et un condensateur de capacité  $C = 4 \mu F$ .

L'ensemble est alimenté par un générateur basse fréquence délivrant une tension  $u(t) = U_m \sin \omega t$ .

Un oscilloscope bicourbe permet, de visualiser les tensions  $u(t)$  et la tension  $u_c(t)$  aux bornes du condensateur pour une valeur  $N_1$  de la fréquence du générateur.

Les oscillogrammes sont donnés par le graphe suivant :



Balayage vertical:  
5V/div  
Balayage horizontal  
1ms/div

- 1) Montrer que la courbe  $C_1$  représente  $u_c(t)$ .
- 2) a- A partir du graphe, déterminer la fréquence  $N_1$  et le déphasage entre  $u(t)$  et  $u_c(t)$ .  
 b- Montrer que  $Q_i - Q_u = \frac{\pi}{4}$ . Le circuit est-il inductif ou capacitif ?
- 3) Calculer l'intensité maximale  $I_{1m}$  qui traverse le circuit ainsi que son impédance  $Z_1$ .
- 4) Déterminer les valeurs de la résistance  $r$  et de l'inductance  $L$  de la bobine.
- 5) Ecrire  $u(t)$ ,  $u_c(t)$ ,  $i(t)$  et  $U_b(t)$ .
- 6) En faisant varier la fréquence  $N$  du générateur, on constate que pour une valeur  $N = N_2$ , les deux courbes  $u(t)$  et  $u_c(t)$  deviennent en quadrature de phase.  
 a- Montrer que le circuit est le siège de la résonance d'intensité.  
 b- Calculer la fréquence  $N_2$ , l'intensité maximale  $I_{2m}$  qui traverse le circuit, la puissance moyenne absorbée par le circuit, ainsi que le facteur de surtension **Q**.

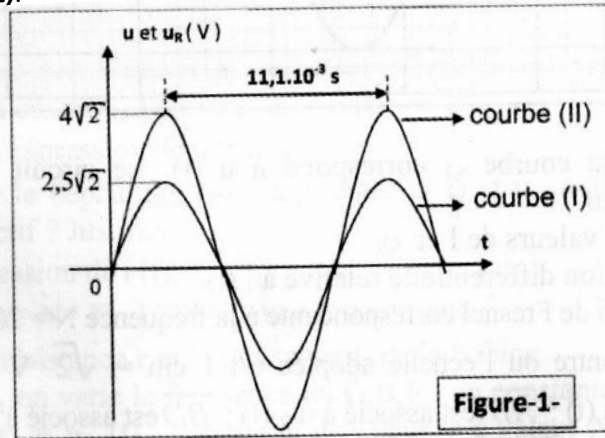
**Exercice n° 4**

Un générateur de basse fréquence (**GBF**), délivrant une tension sinusoïdale  $u(t) = U\sqrt{2} \sin(2\pi Nt + Q_u)$ , de valeur efficace  $U$  constante et de fréquence  $N$  réglable, alimente un circuit électrique comportant les dipôles suivants, montés en série :

- un condensateur de capacité  $C = 31,25 \mu F$ .

- un résistor de résistance  $R = 25 \Omega$ .
- une bobine d'inductance  $L$  et de résistance propre  $r$ .

1) Pour une fréquence  $N = N_0$  de la tension d'alimentation on obtient sur l'écran de l'oscilloscope les deux courbes (I) et (II) de la figure -1- ci-dessous correspondant aux tensions  $u(t)$  et  $u_R(t)$ .



- Indiquer en le justifiant, laquelle des deux courbes (I) et (II) représente la tension  $u(t)$ .  $\sqrt{2}$
- Quelle grandeur électrique, autre que la tension  $u_R(t)$ , peut être déterminée à partir de l'autre courbe ? Justifier.
- Préciser, en le justifiant l'état d'oscillation du circuit.
- Déterminer :
  - Les valeurs efficaces  $U$  et  $I$  de la tension  $u(t)$  et de l'intensité du courant  $i(t) = I \sqrt{2} \sin(2\pi Nt + \phi_i)$
  - La fréquence  $N_0$  de la tension  $u(t)$

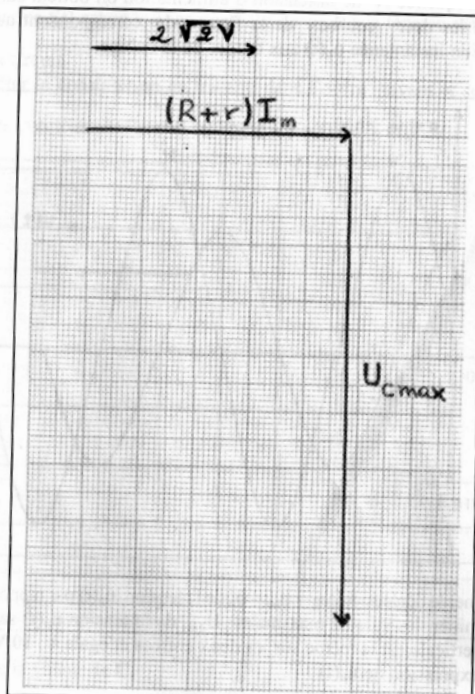
e- Montrer qu'à la résonance d'intensité on a :  $r = R \left( \frac{U}{U_R} - 1 \right)$ . Calculer la valeur de  $L$  et  $r$ .

2) L'équation différentielle reliant  $i(t)$ , sa dérivée première  $\frac{di(t)}{dt}$  et sa primitive

$$\int i(t) dt \text{ s'écrit : } (R+r) i(t) + L \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int i(t) dt = u(t)$$

Pour une fréquence  $N_1 < N_0$ , nous avons tracé la construction de Fresnel incomplète **figure-2**

- Compléter cette construction en traçant, dans l'ordre suivant et selon l'échelle indiquée, les vecteurs de Fresnel représentant  $u(t)$  et  $L \frac{di(t)}{dt}$ .





b- En déduire à partir de cette construction :

- La valeur maximale  $I_m$  de l'intensité du courant.
- Le déphasage  $\Delta Q = Q_i - Q_u$  de l'intensité du courant  $i(t)$  par rapport à  $u(t)$ .
- La valeur de la fréquence  $N_1$ .

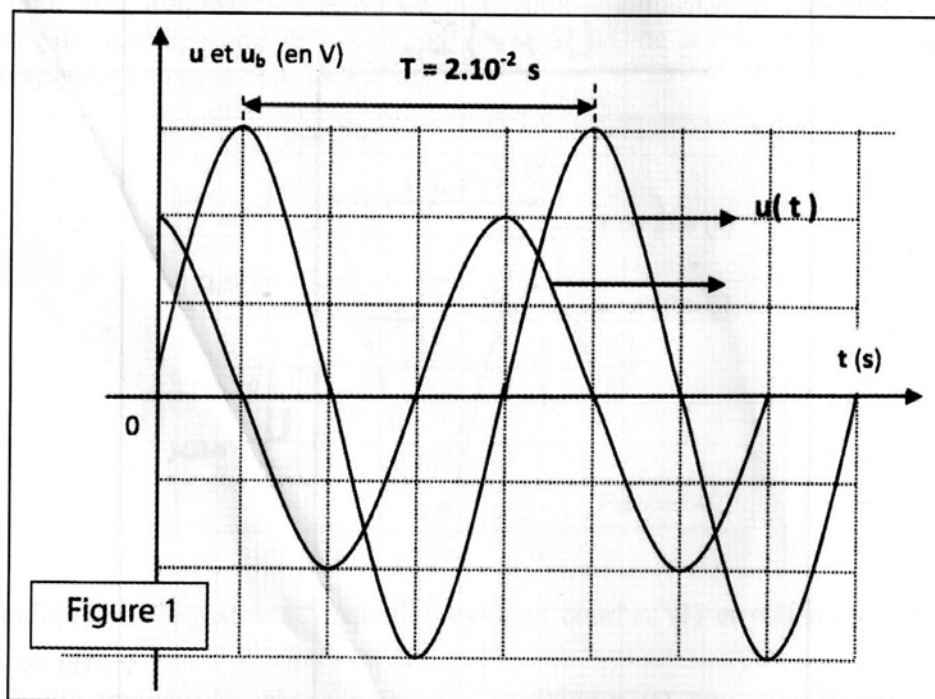
c- Calculer la puissance moyenne consommée par le circuit.

### Exercice n° 5

Un générateur de basse fréquence (**GBF**), délivrant une tension sinusoïdale  $u(t) = 30 \sin(2\pi N t)$ , de valeur efficace  $U$  constante et de fréquence  $N$  réglable, alimente un circuit électrique comportant les dipôles suivants, montés en série :

- Un condensateur de capacité  $C$ .
- Un résistor de résistance  $R = 32 \Omega$ .
- une bobine d'inductance  $L$  et de résistance propre  $r$ .

1) Pour une fréquence  $N$  de la tension d'alimentation on obtient sur l'écran de l'oscilloscope les deux courbes de la **figure -1-** correspondant aux tensions  $u(t)$  et la tension instantanée  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine.



a- Déterminer le déphasage  $\Delta Q = Q_{ub} - Q_u$  de la tension  $u_b(t)$  par rapport à  $u(t)$ .

b- Déterminer les valeurs maximales  $U_{bm}$  de la tension  $u_b(t)$  sachant que la sensibilité verticale est la même sur les deux entrées et égale à :  $10 V / div$ .

- Donner l'expression de  $u_b(t)$

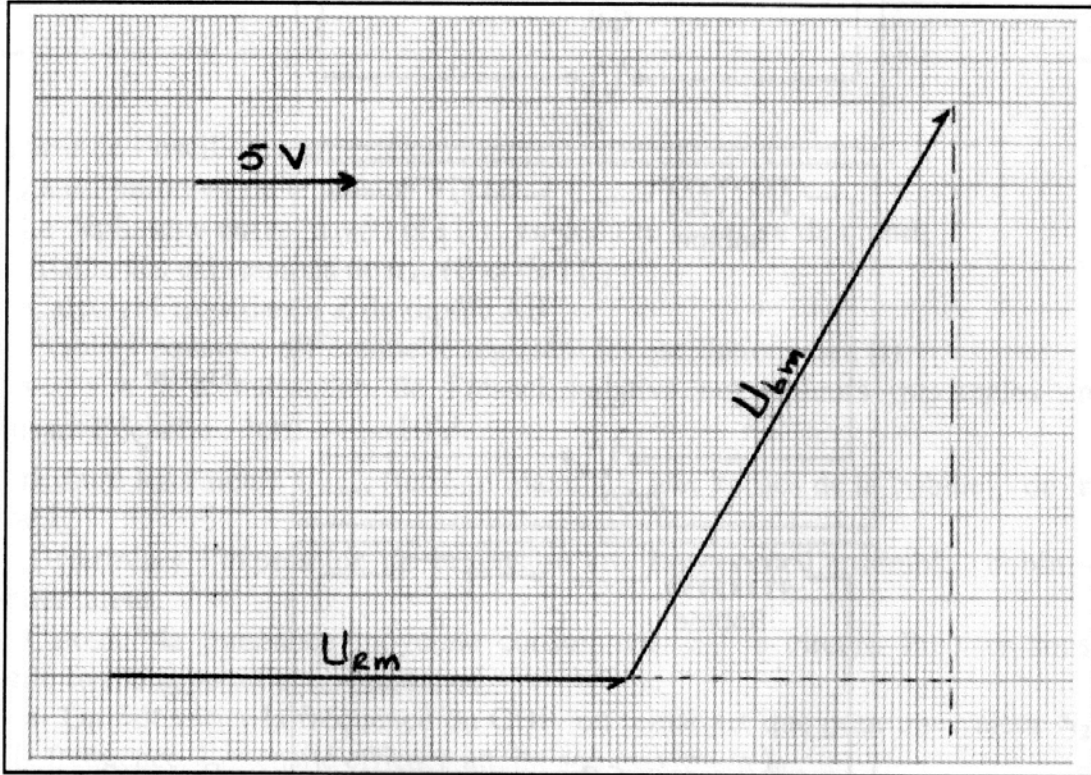
2) L'équation différentielle reliant  $i(t)$ , sa dérivée première  $\frac{di(t)}{dt}$  et sa primitive  $\int i(t)dt$  s'écrit :

$R i(t) + r i(t) + L \frac{di(t)}{dt} + \frac{1}{C} \int i(t)dt = u(t)$  Nous avons tracé la construction de Fresnel incomplète relative aux valeurs maximales des tensions.

a- Tracer les vecteurs de Fresnel relatives aux tensions  $r i(t)$  et  $L \frac{di(t)}{dt}$

- Déterminer à partir de cette construction :

- La valeur maximale  $I_m$  de l'intensité du courant  $i(t)$ .
  - La résistance  $r$  de la bobine.
  - L'inductance  $L$  de la bobine.
  - Le déphasage ( $Q_{ub} - Q_i$ ) entre la tension  $u_b(t)$  l'intensité  $i(t)$ .
- b- Montrer que  $i(t)$  est en avance de phase de  $\frac{\pi}{6}$  sur la tension  $u(t)$ . En déduire la nature du circuit.
- c- Compléter la construction en traçant, dans l'ordre suivant et selon l'échelle indiquée, les vecteurs de Fresnel représentant  $u(t)$  et  $\frac{1}{C} \int i(t)dt$ .



- Déduire la valeur de  $C$ .
- 3) Pour une fréquence  $N_0$ , la puissance moyenne consommée prend une valeur maximale  $P_0$
- a- Préciser, en justifiant l'état d'oscillation du circuit.
  - b- Calculer  $N_0$ ,  $I_0$  puis  $P_0$ .
  - c- Donner les expressions de  $i(t)$  et  $u_c(t)$ .
  - d- Calculer le coefficient de surtension du circuit.

**Exercice n° 6 (Résonance de charge)**

On considère un circuit électrique qui comporte en série :

- Un condensateur
- Une bobine.  $L = 1 \text{ H}$  :  $r = 0$
- Un résistor :  $R = 10 \Omega$
- Un générateur :  $U = 2\sqrt{2} \sin(\omega_e t)$

On réalise à l'aide d'un oscilloscope la tension  $U_c$ .

- 1) Donner le schéma de circuit et le branchement de l'oscilloscope.
- 2) Équation différentielle en  $q(t) = Q_m \sin(\omega_e t + \varphi)$  avec  $\varphi = -\frac{\pi}{6} \text{ rad}$
- 3)  $Q_m = ?$ . (Fernel)
- 4) Montre que à la résonance de charge

$$N_e^2 = N_0^2 - \frac{R^2}{8\pi^2 L^2}$$

- 5) En fait varier la fréquence  $N_e$  de GBF, on remarque que  $U_{cm}$  atteint une valeur max pour  $N_e = 220 \text{ Hz}$ .
  - a- Quelle est l'état du circuit
  - b-  $C = ?$
  - c-  $Q(t) = ?$
  - d-  $I(t) = ?$