Devoir de révision n°4

PHYSIQUE:

Exercice n°1 :

Un oscillateur mécanique est constitué d'un solide **(S)** de masse **m= 0,400 kg** et de centre d'inertie **G**, attaché à l'extrémité d'un ressort **(R),** à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur **k=28,5 N.m^{-1}** (figure 1).

A l'équilibre, le centre d'inertie **G** de **(S)** coïncide avec l'origine **O** du repère **(O, $\vec{i}$)** d'axe **(x'x).**

On désigne par x l'abscisse de G à un instant de date **t**, dans le repère **(O, $\vec{i}$)** et par v la valeur de sa vitesse à cet instant.

A- Première expérience :

On écarte (S) de sa position d'équilibre vers la droite d'une distance **X_{1m}** et on le lâche sans vitesse à un instant **t =0**. La figure 2 représente la variation de l'élongation de **G** au cours du temps.

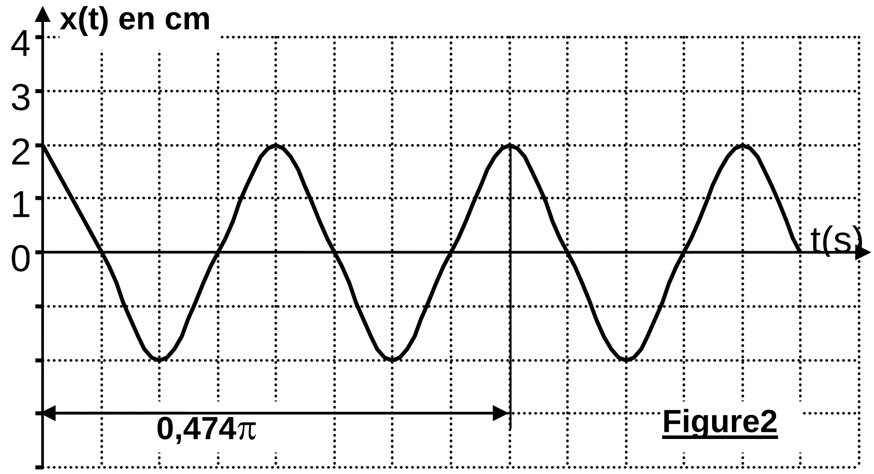


Figure2

1) Préciser la nature des oscillations du pendule élastique.

2) **a)** Etablir l'expression de l'énergie mécanique totale du système {pendule élastique} dans une position d'abscisse x quelconque.

b) Sachant que l'énergie mécanique totale du système {pendule élastique} est constante, déduire, à partir de l'expression de l'énergie E, l'équation différentielle reliant x à sa dérivée seconde par rapport au temps.

3) Vérifier que **$x(t) = X_{1m} \sin(\omega_0 t + \varphi_1)$** est une solution de cette équation et préciser l'expression de ω_0.

Déduire, à partir du diaphragme de la figure **2**, les valeurs de l'amplitude **X_{1m},** de la pulsation ω_0 et de la phase initiale φ_1.

B- Deuxième expérience : le solide **(S)** est soumis à une force de frottement visqueux f portée par l'axe **(x'x),** opposée au mouvement de **(S)** et telle que **$\vec{f} = -h\vec{v}$** ou **h** est une constante positive et $\vec{v}$ le vecteur vitesse du centre d'inertie **G**.

Les oscillations de **(S)** sont entretenues à l'aide d'une force excitatrice **$\vec{F} = F_m \sin(\omega t).\vec{i}$** exercée par un dispositif approprié non représenté.

Ainsi, à tout instant, l'équation différentielle régissant les oscillations de **(S)** est

$m\frac{d^2x}{dt^2} + h\frac{dx}{dt} + kx = F_m \sin \omega t$. Elle admet une solution de la forme : **$x(t) = X_{2m} \sin(\omega t + \varphi_2)$.**

La **figure 3** représente les variations des valeurs de **x** et de **F** au cours du temps.

1) Montrer, en le justifiant, que la courbe **(c_2)** correspond à x(t).

2) En exploitant la figure 3, préciser les expressions de **x(t)** et de **F(t)** en indiquant les valeurs de **X_{2m}**, φ_2, ω et **F_m.**

3) a- Compléter la construction de Fresnel de la **figure 4.**

b- A partir de cette construction retrouver la valeur de **k** et déduire celle de **h.**

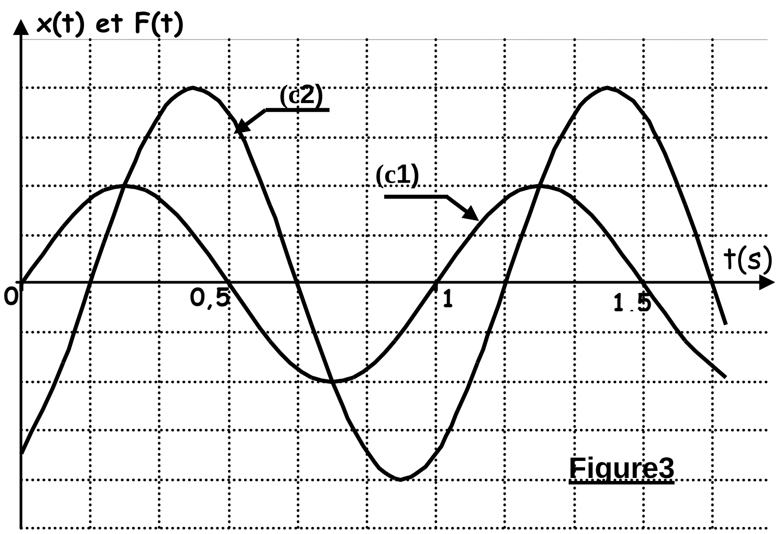
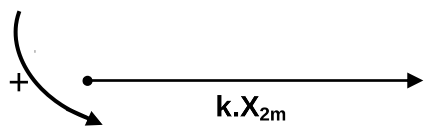


Figure3

Echelle	
Pour x :	0,02m ; 1/6 s
Pour F :	1N ; 1/6 s

Echelle : 1cm représente 0,5N



Exercice n°2 :

Un pendule élastique horizontal est constitué d'un ressort **R** de raideur **$k = 12\ N.m^{-1}$** dont l'une de ses extrémités est fixée et d'un solide **(S)** de masse m attaché à l'autre extrémité. Lorsque **(S)** est au repos, son centre d'inertie G occupe la position **O** origine d'un axe **x'ox** orienté vers la droite. Au cours de son mouvement, le solide (S) subit l'action d'une force de frottement $\vec{f} = -h\vec{v}$ avec **h** une constante positive et $\vec{v}$ le vecteur vitesse du solide. On écarte le solide de sa position d'équilibre d'une distance **$X_m = 3$ cm** puis on l'abandonne sans vitesse initiale. L'enregistrement de l'élongation en fonction du temps à permis de tracer le graphe de la figure **3 a**.

1°/ Quelle est la nature des oscillations enregistrées ?

2°/ Sachant que dans ces conditions la pseudo- période **T** peut être confondue avec la période propre **T_0** de l'oscillateur, déterminer la valeur de la masse **m** du solide **(on prendra $\pi^2 = 10$).**

3°/ a) Etablir l'équation différentielle du mouvement du solide.

b) Montrer que l'énergie mécanique du système diminue au cours du temps. A quoi est due cette diminution ?

c) Calculer la variation de l'énergie mécanique du système entre l'instant **$t_1 = 0$ s** et l'instant **$t_2 = 2$ T**.

4°/ On enregistre le mouvement du solide **(S)** pour trois valeurs différentes de h tel que **$h_1 < h_2 < h_3$**, on obtient les courbes de la figure **3 b**.

a) Donner pour chaque enregistrement la valeur de **h** correspondante.

b) Nommer chaque type de régime d'oscillation observé.

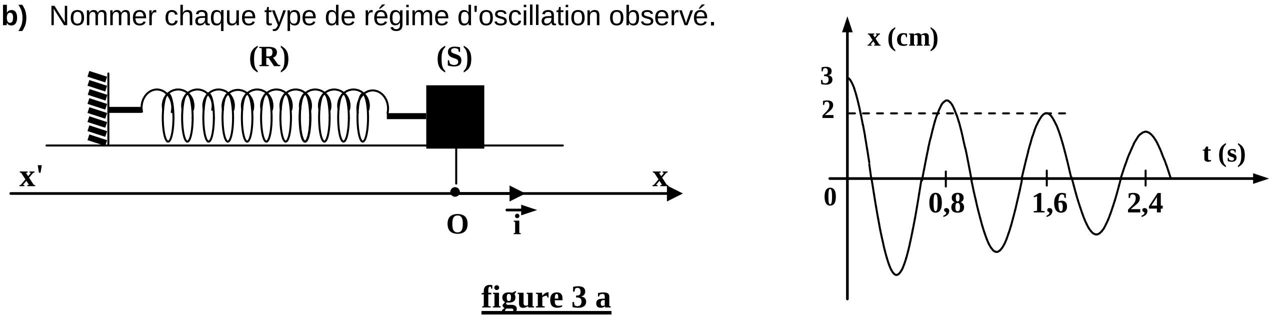
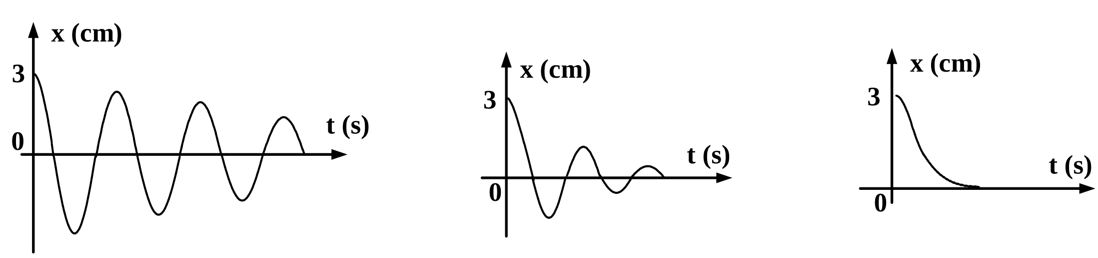


figure 3 a



Enregistrement n° 1 — Enregistrement n° 2 — Enregistrement n° 3

Figure 3 b

Exercice n°3 :

Un oscillateur mécanique est constitué d'un ressort **(R),** à spires non jointives, de masse supposée négligeable et de raideur **$k=25N.m^{-1}$**, lié à un solide **(S)** supposé ponctuel de masse m qui peut se déplacer sur un plan horizontal.

A l'équilibre, le centre d'inertie **G** du solide coïncide avec l'origine **O** d'un repère **$(O,\vec{i})$.** La position du solide à un instant t donné est repérée par son abscisse **x(t)** dans ce repère **(figure1).** Au cours de son mouvement, le solide **(S)** est soumis à une force de frottement visqueux **$\vec{f}=-h.\vec{v}$** ; Où **h** est une constante positive et **$\vec{v}$** est le vecteur vitesse instantanée de **G**. Un dispositif approprié (moteur) permet d'exercer sur **(S)** une force excitatrice

$\vec{F}(t)= F_m .\sin (2\pi Nt).\vec{i}$, d'amplitude **F_m** constante et de fréquence N réglable, de façon que **$x(t)=X_m.\sin (2\pi Nt +\varphi_x)$** ; où **$X_m$** est l'amplitude et φ_x est la phase initiale de **x(t).**

1) Une étude expérimentale a permis de tracer les courbes **(a)** et **(b),** données par la **figure2**, dont l'une représente l'évolution de l'élongation **x(t)** et l'autre celle de **F(t).**

a) Justifier que la courbe **(a)** correspond à **x(t).**
b) Déterminer les valeurs de **X_m**, **F_m** et **N**.
c) Déterminer le déphasage $\Delta\varphi=\varphi_F -\varphi_x$; où φ_F est la phase initiale de **$\vec{F}(t)$.**

2) Etablir l'équation différentielle du mouvement du centre d'inertie **G** du solide **(S),** en fonction de **x** et ses dérivés première et seconde.

3) **a-** Faire la construction de Fresnel associée à l'équation différentielle précédente.
b- En déduire les valeurs da la constante **h** et de la masse **m.**
c- Montrer que $X_m=\dfrac{F_m}{\sqrt{(2\pi Nh)^2+(k-4\pi^2N^2m)^2}}$

4) Pour une valeur **N_1** de la fréquence **N**, le déphasage est **$\Delta\varphi=\varphi_F -\varphi_x =\frac{\pi}{2}$rad.**

a- En se référant à une analogie formelle électrique-mécanique, montrer que l'oscillateur est en etat de résonance de vitesse.
b- En déduire la valeur de **N_1**.

5) La masse **m** ne peut rester solidaire du ressort que pour une valeur de la tension du ressort ne dépassant pas **1,5N**. On fait diminuer la valeur de **h** jusqu' à atteindre la valeur **$h_2=0,8N.m^{-1}s$**. La résonance d'élongation est obtenue pour une fréquence **N_2=2,35Hz**.
a- Déterminer la valeur de l'allongement maximale **X_{2m}** du ressort pour **$N=N_2$**.
b- Préciser, en le justifiant, si le solide reste attaché au ressort, dans ce cas.

Figure1

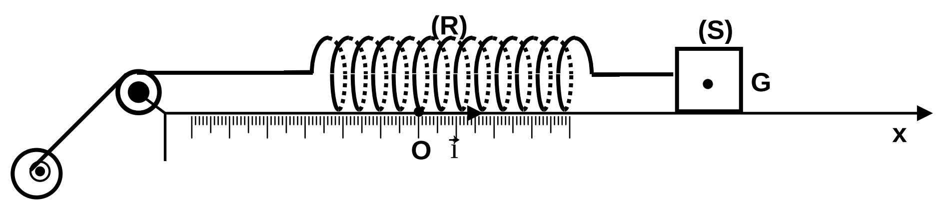


Figure 2