

Exercice N°1 : (4 pts)

Pour chacune des questions suivantes une seule des trois réponses proposées est exacte. Le candidat indiquera sur sa copie le numéro de la question et la lettre correspondant à la réponse choisie.

➤ Une réponse correcte vaut 1 point. Une réponse fausse ou l'absence de la réponse vaut 0 point.

1. Soit la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = \frac{x^2 - 5x^3 + 4}{x^4 + 2}$ alors

a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = 0$; b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -5$; c) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$

2. Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$, soient les points $A(2-i)$ et $B(4+3i)$; l'ensemble des points $M(z)$ du plan tel que $|z - 2 + i| = |3 + 4i|$ est :

a) la médiatrice de $[AB]$; b) le cercle $\zeta_{(A;5)}$; c) l'ensemble vide

3. Soit f une fonction vérifiant $\lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) - 2x) = 3$, alors une équation de l'asymptote à (C_f) au voisinage de $+\infty$ est :

a) $\Delta: y = 2x$; b) $\Delta: y = 3$; c) $\Delta: y = 2x + 3$.

4. Soit (U_n) la suite tel que $\lim_{n \rightarrow +\infty} U_n = -\infty$; alors la suite (V_n) définie par $V_n = \frac{5}{U_n}$ est :

a) convergente vers 0. ; b) divergente ; c) convergente vers 5.

Exercice N°2 : (6 pts)

Soit (U_n) la suite définie sur \mathbb{N} par :
$$\begin{cases} U_0 = -1 \\ U_{n+1} = \frac{4}{4 - U_n} \end{cases} \text{ pour tout } n \in \mathbb{N}$$

1. a) Calculer U_1, U_2 et U_3 .

b) Montrer que pour tout entier naturel n , on a : $U_n < 2$.

c) Vérifier que $U_{n+1} - U_n = \frac{(2 - U_n)^2}{4 - U_n}$, en déduire que la suite (U_n) est croissante

d) Déduire qu'elle est convergente et calculer sa limite.

2. Soit (V_n) la suite réelle définie sur \mathbb{N} par : $V_n = \frac{1}{U_n - 2}$.

a) Montrer que (V_n) est une suite arithmétique de raison $r = -\frac{1}{2}$ et calculer V_0 .

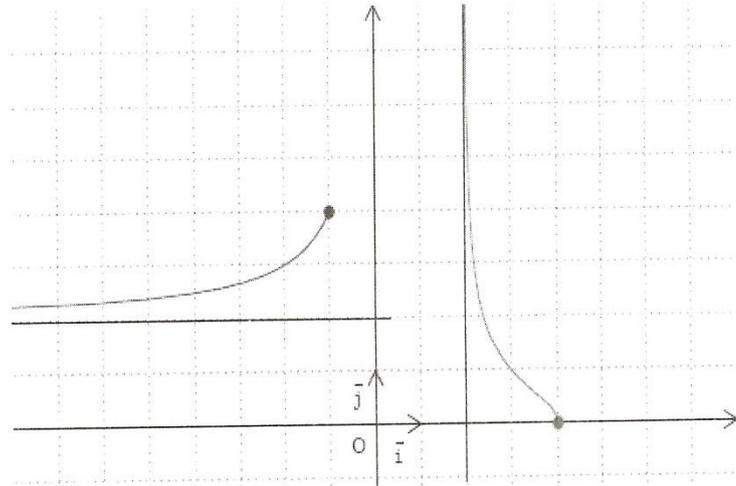
b) Exprimer V_n en fonction de n .

c) En déduire que $U_n = \frac{-6}{2 + 3n} + 2$ pour tout $n \in \mathbb{N}$.

c) Retrouver la limite de la suite (U_n) .

Exercice N°3 (4pts)

Dans le repère $(O; \vec{i}; \vec{j})$; ci-contre, est tracé les courbes représentatives (C) et (C') respectivement des fonctions f et g. La fonction f est définie sur $]-\infty, -1]$ et la fonction g est définie sur $]2, 4]$.



1. Donner graphiquement :

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \text{ et } \lim_{x \rightarrow 2^+} g(x).$$

2. En déduire $\lim_{x \rightarrow -\infty} g \circ f(x)$.

Exercice N°4 (6pts)

1. Résoudre dans \mathbb{C} , l'équation (E) : $z^2 - (4+2i)z + 7+4i = 0$.
2. Soit $p(z) = z^3 - (4+3i)z + (5+8i)z + 4-7i$
 - a) Calculer $p(i)$.
 - b) Vérifier que $p(z) = (z-i)(z^2 - (4+2i)z + 7+4i)$.
 - c) Résoudre dans \mathbb{C} , l'équation $p(z) = 0$.
3. Le plan complexe est rapporté à un repère orthonormé $(O; \vec{u}; \vec{v})$. On considère les points A(i) ; B(2-i) et C(2+3i).
 - a) Placer les points A ; B et C dans le repère $(O; \vec{u}; \vec{v})$.
 - b) Calculer AB et AC.
 - c) Calculer $Z_{\overline{AB}} \cdot \overline{(Z_{AC})}$.
 - d) Déduire que le triangle Abc est isocèle et rectangle en A.