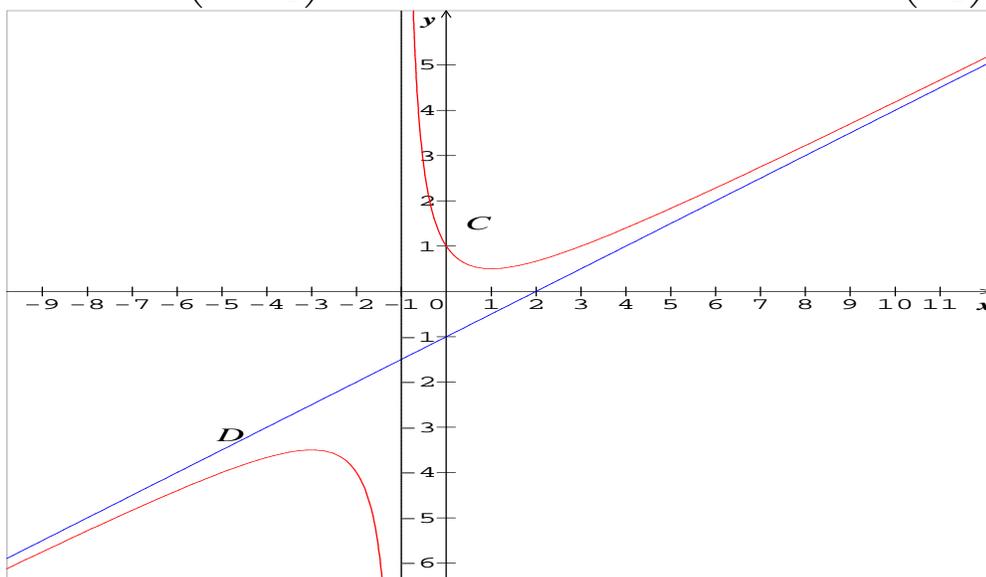


EXERCICE :1 (5p)

On considère la fonction f définie sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ dont la courbe représentative C est tracée ci-dessous dans un repère orthonormé, et D la droite **asymptote oblique** à C au voisinage de ∞ .

C admet un **maximum** au point $\left(-3; -\frac{7}{2}\right)$ sur $] -\infty; -1[$, et un **minimum** au point $\left(1; \frac{1}{2}\right)$ sur $] -1; +\infty[$

**1. Déterminer graphiquement :**

(a) $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(b) la fonction f est-elle continue en -1 ?

2. Déterminer les variations de la fonction f sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$.

3. En admet que la fonction f définie sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ par: $f(x) = ax + b + \frac{c}{x+1}$ où a, b et c des réels

(a) Déterminer a, b et c .

(b) **Indiquer sur la copie la réponse exacte** : la droite D est d'équation:

i. $y = 2x - 1$.

ii. $y = -x + \frac{1}{2}$

iii. $y = \frac{1}{2}x - 1$

EXERCICE N:2 (7p)

On considère le polynôme $P(z) = z^2 - 7iz - 16 + 2i$.

- Exprimer sous forme algébrique $(4 - i)^2$.
 - Résoudre dans \mathbb{C} l'équation $P(z) = 0$.
- Placer dans un repère orthonormé (O, \vec{u}, \vec{v}) les points M, N, P et Q d'affixes respectives $z_M = -2 + 4i$, $z_N = -2 - 4i$, $z_P = 2 + 3i$ et $z_Q = 2 - 3i$
 - Déterminer le nombre complexe z' vérifiant $\frac{z_P - z'}{z_M - z'} = i$ placer le point A d'affixe z' .
 - Montrer que le triangle MPA est rectangle et isocèle en A .
- Déterminer par le calcul, l'affixe du point B , pour que $MAPB$ soit un carré

EXERCICE N:3 (8p)

On considère la suite (u_n) définie par :
$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{2}{1 + u_n} \text{ pour } n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

- Calculer u_1, u_2 et u_3 .
 - Démontrer, par récurrence, que pour tout entier naturel n : $0 \leq u_n \leq 3$.
- Montrer que la suite (u_n) est non monotone.
 - En admet que la suite (u_n) converge vers ℓ . déterminer la limite ℓ .
- On considère la suite (v_n) définie, pour tout entier naturel n , par : $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 2}$.
 - Démontrer que la suite (v_n) est géométrique de raison $\frac{1}{2}$.
 - Exprimer v_n en fonction de n .
 - En déduire la limite de la suite (v_n) .
- Exprimer u_n en fonction de v_n . En déduire la limite de la suite (u_n) .



