

NB : - Il sera tenu compte de la rédaction et la rigueur de raisonnement.
- Tout résultat parachuté sera compté faux

Exercice n°1 : (3pts)

Pour chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposées est exacte.

L'élève indiquera sur sa copie le numéro de la question et la lettre correspondante à la réponse choisie. Aucune justification n'est demandée.

Une réponse correcte vaut 1 point, une réponse fausse ou l'absence de réponse vaut 0 point

1) Si $\mathcal{A} = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ et $\mathcal{B} = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$ alors le produit de \mathcal{A} par \mathcal{B} .

a) est une matrice d'ordre 2#3 b) est une matrice d'ordre 3#1 c) est impossible

2) Si \mathcal{A} est une matrice qui vérifie la relation $\mathcal{A}^2 - \mathcal{A} + I = 0$ alors \mathcal{A}^{-1} est

a) $I - \mathcal{A}$ b) $\mathcal{A}^2 - \mathcal{A}$ c) $\mathcal{A} + I$

3) Si $\mathcal{A} = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix}$ tel que $\det(\mathcal{A}) = 5$ et $\mathcal{B} = \begin{pmatrix} c_1 & a_1 & b_1 \\ c_2 & a_2 & b_2 \\ c_3 & a_3 & b_3 \end{pmatrix}$ alors $\det(\mathcal{B})$ est égal à :

a) 5 b) -5 c) 25

Exercice n°2 : (6pts)

On considère l'application f de \mathbb{C} dans \mathbb{C} définie par : $f(z) = z^3 + az^2 + bz + c$ ou a , b et c sont des réels

1) a- Montrer que si $f(2) = 0$ et $f(1-i) = 0$ alors a , b et c vérifient le système

$$(S) \begin{cases} 4a + 2b + c = -8 \\ b + c = 2 \\ 2a + b = -2 \end{cases}$$

b- Exprimer le système (s) sous forme matricielle

c- On donne la matrice $B \begin{pmatrix} -1 & 1 & 1 \\ 2 & -2 & -4 \\ -2 & 0 & 4 \end{pmatrix}$

Calculer AB et déduire A^{-1} (A est la matrice de système (S))

d- Résoudre alors le système (S)

2) Dans la suite on prend $f(z) = z^3 - 4z^2 + 6z - 4$

a- Vérifier que pour tout nombre complexe z , on a $f(z) = (z-2)(z^2 - 2z + 2)$.

b- Résoudre des \mathbb{C} l'équation $f(z) = 0$

3) Le plan complexe étant muni d'un repère orthonormé direct (o, \vec{u}, \vec{v}) , on désigne par A et

B les points d'affixes respectives 2 et $1-i$

a- Montrer que le triangle OAB est rectangle en B

b- Soit C le symétrique de B par rapport à l'axe d'abscisses.

Montrer que OBC est un carré.

Exercice n°3 : (5pts)

(C) et (θ) sont les représentations graphiques d'une fonction f continue sur $[-2, 4]$ et d'une primitive F de f sur $[-2, 4]$.

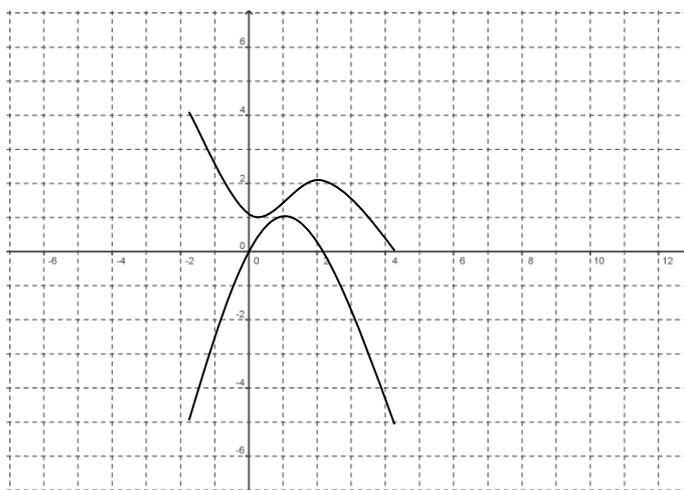
1) Déterminer parmi les courbes (C) et (θ)

celle qui représente la fonction f . Justifier

2) Préciser $f(0)$, $f(2)$; $f(4)$; $f(-2)$; $F(2)$; $F(4)$; $F(-2)$; $F(0)$

3) Dresser le tableau de variation de F

4) Déterminer le nombre de solution de l'équation $f(x) = \frac{3}{2}$ sur $[-2, 4]$.



Exercice n°4 : (6pts)

Soit f une fonction dont son tableau de variation est le suivant

On note C_f sa courbe représentative dans un repère orthonormé (o, \vec{i}, \vec{j})

x	$-\infty$		-1		0		1		$+\infty$
$f'(x)$	+		-		0	+		-	
f	$\nearrow +\infty$		$\searrow +\infty$		$\nearrow +\infty$	$\searrow +\infty$		$\searrow 0$	

Diagramme de variation montrant des asymptotes verticales à $x = -1$ et $x = 1$. Les flèches indiquent que $f(x) \rightarrow +\infty$ quand $x \rightarrow -1^-$ et $x \rightarrow 1^-$, et $f(x) \rightarrow +\infty$ quand $x \rightarrow -1^+$ et $x \rightarrow 1^+$. Les flèches à l'extérieur des bornes indiquent $f(x) \rightarrow 0$ quand $x \rightarrow -\infty$ et $x \rightarrow +\infty$.

- 1) Préciser le domaine de définition de f
- 2) Préciser les asymptotes à C_f .
- 3) Déterminer le signe de $f(x)$ suivant les valeurs de x
- 4) Donner une allure de C_f et construire les asymptotes dans un même repère orthonormé.

5) On suppose que $f(x) = \frac{a}{(x-1)^2} + \frac{b}{(x+1)^2}$ pour $x \in \mathbb{R} \setminus \{-1, 1\}$

a- Calculer $f'(x)$ et vérifier que $a - b = 0$

b- Déterminer $f(0)$ et vérifier que $a + b = 1$

c- Déterminer alors a et b .

6) On suppose dans la suite que $f(x) = \frac{1}{2(x-1)^2} + \frac{1}{2(x+1)^2}$; $x \in]-1, 1[$

a- Justifier que f admet une primitive sur $] -1, 1[$

b- Déterminer la primitive F de f sur $] -1, 1[$ qui vérifie $F(0) = 0$

**Avec mes
encouragements
Essahli Imed**