



### Exercice 1

Soit  $g$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $g(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 2} - x$

1) a) Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ .

d) Dresser le tableau de variation de  $g$ .

2) a) Montrer que la droite  $D: y = -2x - 1$  est une asymptote oblique à  $C_g$  au voisinage de  $-\infty$ .

b) Ecrire une équation cartésienne de la tangente à  $C_g$  au point d'abscisse  $-1$ .

3) a) Montrer que l'équation  $g(x) = 3$  admet une unique solution réelle  $\alpha$  et vérifier que  $\alpha \in ]-1,8; -1,7[$ .

b) Montrer que  $g$  réalise une bijection de  $\mathbb{R}$  sur un intervalle  $J$  que l'on déterminera.

4) Tracer les courbes représentatives de  $g$  et  $g^{-1}$  dans un autre repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

### Exercice 2

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -1, +\infty [$  par :  $f(x) = \frac{-x^2 + 2x + 1}{x + 1}$ .

On appelle  $C_f$  sa courbe représentative dans le plan muni d'un repère orthogonal.

1) a) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ , qu'en déduit-on pour la courbe  $C_f$ ?

b) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

2) a) Montrer que la courbe  $C_f$  admet une asymptote  $\Delta$  d'équation  $y = -x + 3$ .

b) Étudier les positions relatives de la courbe  $C_f$  et de la droite  $\Delta$ .

3) a) Calculer la dérivée de la fonction  $f$ .

b) Étudier les variations de  $f$ .

c) Montrer que  $f$  réalise une bijection de  $] -1, 0[$  sur un intervalle  $J$  que l'on déterminera.

4) Donner une équation de la tangente  $T$  à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 1