Proposée par Mr

FEHRI BECHIR

2018/2019

Série d'espace Equations de droites de plan et de sphères N°1



Exercice N°1:

L'espace est rapporté à un repère orthonormé direct $(0, \vec{t} \, \vec{j}, \vec{k})$ On considère les points A(3,0,0), B(0.1.1), C(-1,1,2) et D(3,1,1).

- 1)a/ Calculer les composantes du vecteur $\vec{u} = \overrightarrow{AB} \cap \overrightarrow{AC}$.
- b/ Déduire l'aire du triangle ABC
- c/ Montrer que les points A,B,C et D sont non coplanaires
- 2)a/On note V le volume du tétraèdre ABCD .Montrer que : $V = \frac{1}{2}$.
- b/ Soit H le projeté orthogonal de D sur le plan (ABC) .Calculer DH
- 3)a/ Calculer la distance du point D à la droite (AC).
- b/ On note H' le projeté orthogonal de D sur la droite (AC), montrer que le triangle DHH' est rectangle et en déduire HH'.

Exercice N°2:

L'espace est muni d'un repère orthonormé $(0,\vec{i}\,\vec{j},\vec{k})$.

- 1) Soit la sphère $\{S = M(x,y,z); x^2 + y^2 + z^2 + 2x 4y + 2z = 3\}$
- Préciser le rayon R et les coordonnées du centre I de la sphère S.
- 2)a/ Vérifier que A(-3,1,1) est un point de S.
- b/ Déterminer une équation cartésienne du plan P tangent à S en A.
- 3/ Soit l'ensemble Q = $\{S = M(x, y, z) ; MA = MI\}$
- a/ Montrer que Q est un plan dont on précisera une équation cartésienne.
- b/ Montrer que l'intersection du plan Q et de la sphère S est un cercle dont on précisera le centre et le rayon .
- d/ Déterminer une équation cartésienne de la sphère S' tangente à P et Q respectivement en A et K.
- 4) Soit R le plan d'équation 2x+y-2z-6.5= 0

Montrer que l'intersection du plan R et de la sphère S est un cercle dont on précisera le centre et le rayon



Exercice N°3:

On considère les points A(1,-1,2) et B(-1,1,-2).

- 1) Donner une représentation paramétrique de la droite (AB) .
- 2) Soit P le plan passant par A perpendiculaire à (AB) et Q le plan d'équation
- 3) Q: x-y +2z +6=0
- 4) a/ Donner une équation cartésienne de P.
- b/ Vérifier que le plan Q contient B et est parallèle à P.
- 4)On considère la sphère S tangente en B à Q et don l'intersection avec P est le cercle de centre A et de rayon $2\sqrt{3}$.

On désigne par I(a,b,c) le centre de S

- a/ Montrer que I appartient à la droite (AB)
- b/ En déduire que b= -a et c= 2a
- c/ Montrer que IB^2 IA^2 = 12 et en déduire que a-b+2c =3
- d/ Déterminer les coordonnées de I et donner une équation cartésienne de S.

Exercice N°4:

On considère les points A(6,0,0), B(0,6,0), C(0,0,6) et D(-2,-2,-2).

- 1)a/ Montrer que les points A, B, C, ne sont pas alignés.
- b/On note P le plan (ABC) . Déterminer une équation du plan P .
- c/ Vérifier que la droite (OD) est perpendiculaire au plan P.
- d/ Donner une représentation paramétrique de (OD).
- e/Soit H le projeté orthogonal de O sur P.

Déterminer les coordonnées de H et montrer que H est équidistant des point

- A, B et C
- f/ En déduire que (OD) est l'axe du cercle circonscrit au triangle ABC.
- 2) Soit Q le plan médiateur du segment [CD].
- a/ Donner une équation cartésienne de Q.
- b/ Montrer que la droite (OD) coupe Q en un point I dont on déterminera les coordonnées .
- 3) Soit S la sphère de centre I et de rayon $3\sqrt{3}$
- a/ Ecrire une équation cartésienne vde S.
- b/ vérifier que les points A,B,C et D appartiennent à S.
- c/ Déterminer l'intersection de S et P

