

EXERCICE N°1(3pts)

Pour chacune des trois questions , une seule proposition est exacte indiquer la .(Aucune justification n'est demandée)

1) Soit f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = 1 + \sqrt[3]{x}$ alors pour tout $x \in]0, +\infty[$ on a :

a) $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt[3]{x^2}}$ b) $f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$ c) $f'(x) = 3\sqrt[2]{x}$

2) Soit A et B deux points distincts de l'espace .L'ensemble des points M de l'espace tel que $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}) = 0$ est :

a) Un plan b) la droite (AB) c) Une droite perpendiculaire à (AB).

3) Soit ABC un triangle équilatéral de coté 1 . Soit $\vec{U} = -\overrightarrow{AC}$ et $\vec{V} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

a) \vec{U} et \vec{V} sont orthogonaux. b) $||\vec{U} \wedge \vec{V} || = \frac{\sqrt{3}}{2}$ c) $\vec{U} \wedge \vec{V} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$

EXERCICE N°2(6pts)

L'espace est muni d'un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

Soit les points A(- 1 ; 0 ; 2) , B(3 ; 2 ; - 4) , C(1 ; - 4 ; 2) et D(5 ; - 2 ; 4). Soit les points I , J et K définies par I et K sont les milieux respectives des segments [AB] et [CD] et $\overrightarrow{BJ} = \frac{1}{4}\overrightarrow{BC}$.

1) Déterminer les coordonnées des points I ,J et K .

2) a) Montrer que les points I,J et K ne sont pas alignés.

a) Justifier qu'une équation cartésienne du plan (IJK) est : $8x + 9y + 5z - 12 = 0$.

3) a) Montrer que la droite (AD) et le plan (IJK) sont sécants en un point L dont on déterminera les coordonnées.

b) Montrer que $\overrightarrow{AL} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AD}$.

4) a) Montrer que les points A,I,J et K ne sont pas coplanaires.

b) Calculer le volume du tétraèdre AIJK.

c) En déduire la distance du point A au plan (IJK).

EXERCICE N°3(4pts)

Dans l'annexe ci-joint (C) est la courbe représentative d'une fonction f définie et dérivable sur $]0, +\infty[$ et f' est continue sur $]0, +\infty[$. La droite (AB) est une asymptote à (C) au voisinage de $(+\infty)$, T est la tangente à (C) au point B(1,1), l'axe des ordonnées est une asymptote à (C) .

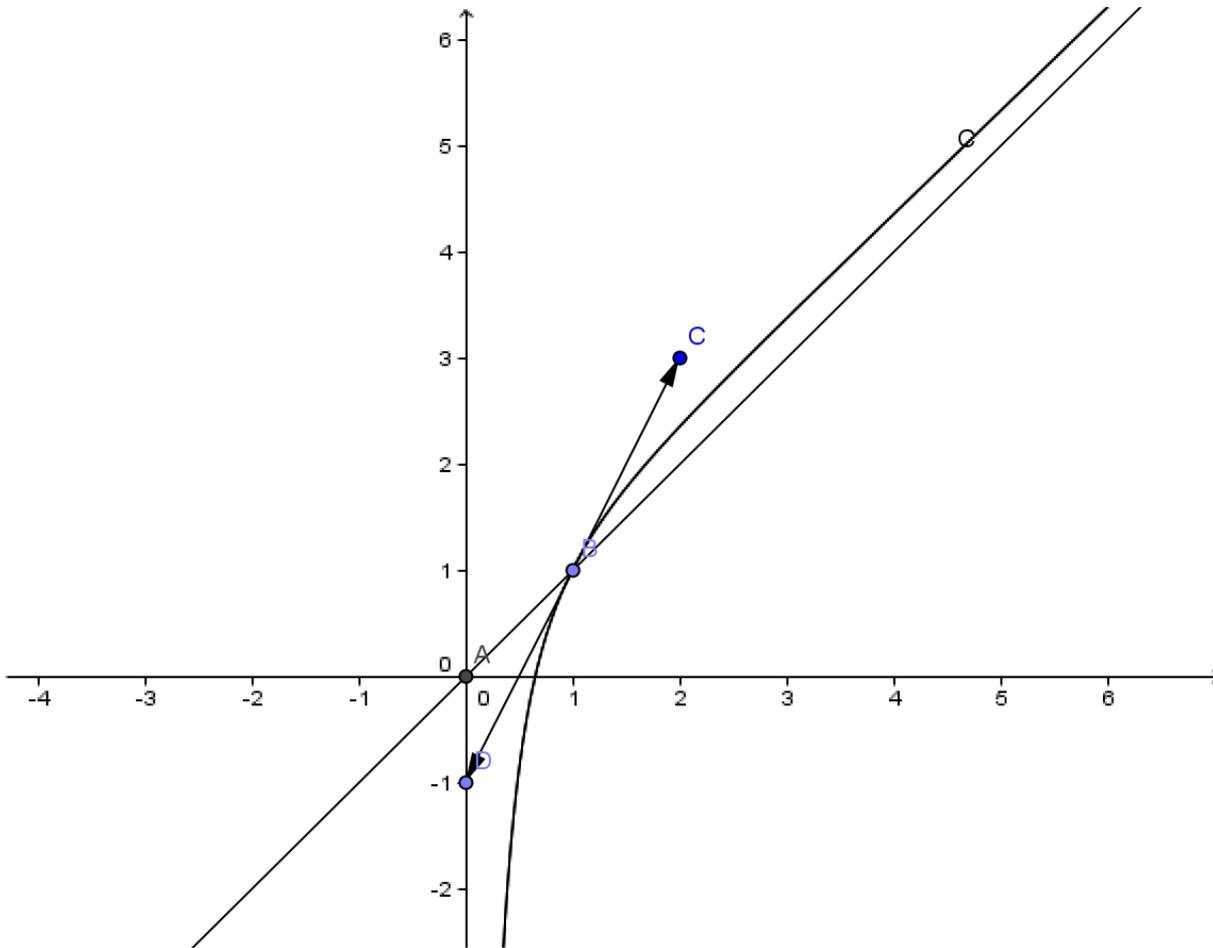
En utilisant le graphique ci-joint et les données précédents répondre aux questions suivantes :

1) Déterminer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - x$ et $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$.

2) Donner le tableau de variation de f sur $]0, +\infty[$.

- 3) Donner la valeur de $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-1}{x-1}$. En déduire la valeur de $\lim_{x \rightarrow +\infty} f \cdot \left(\frac{1}{x} + 1\right)$

ANNEXE



EXERCICE N°4(7pts)

Soit f la fonction définie sur $] -1, +\infty [$ par $f(x) = x - \frac{1}{\sqrt{1+x}}$. On note (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) .

- 1) Montrer que f est dérivable sur $] -1, +\infty [$ et calculer $f'(x)$.
- 2) Dresser le tableau de variation de f .
- 3) a) Montrer que la droite $D : y = x$ est une asymptote à (C) au voisinage de $(+\infty)$.
c) Tracer (C) et D .
- 4) a) Montrer que f admet une fonction réciproque f^{-1} définie sur un intervalle J qu'on précisera.
b) Montrer que f^{-1} est dérivable sur J .
b) Tracer la courbe (C') de f^{-1} dans le même repère.
- 5) Montrer que l'équation $f(x) = 0$ admet une unique solution α sur $] -1, +\infty [$ et que $0 < \alpha < 1$.

BON TRAVAIL.