

LYCEE NAHJ EL MENZEH BENI KHALLED	DEVOIR DE CONTROLE N° 4	PR : KADDOUR ABDELHAMID NIVEAU 4è SC Durée 2h
--------------------------------------	-------------------------	---

### EXERCICE N°1(4points)

La probabilité qu'un autobus parte à temps est 0,85; la probabilité qu'il parte à temps et arrive à temps est 0,75 et la probabilité qu'il arrive à temps est 0,78

Soit P l'évènement : << L'autobus part à temps >>

et A l'évènement <<L'autobus arrive à temps >>

1) Déterminer la probabilité des chacun des évènements P , A et  $P \cap A$

2) Calculer la probabilité de chacun des évènements suivants

a) C << L'autobus arrive à temps sachant qu'il est parti à temps >>

b) D << L'autobus ne parte pas à temps et arrive à temps >>

3) Pour se rendre au travail le matin , un ouvrier empreinte l'autobus

qu'elle est la probabilité pour que cet ouvrier arrive en retard au plus une fois pendant 6 jours de travail de la semaine

### EXERCICE N° 2(6points)

Une entreprise fabrique des chemises en très grande série . Une chemise peut présenter deux types de défauts

- Un défaut de finition avec une probabilité de 0,03

- Un défaut de couleur de probabilité 0,02

La probabilité qu'une chemise ait le deux défauts à la fois est 0,01

On considère les évènements:

F << La chemise présente un défaut de finition >>

C << La chemise présente un défaut de couleur >>

A << La chemise ne présente aucun défaut >>

1) a- Donner la valeur de  $P(C \cap F)$

b- En déduire que  $P(C \cap \bar{F}) = 0,01$

2) a- On sait que la chemise présente un défaut de finition . Montrer que la probabilité qu'elle ait un défaut de couleur est égale à  $\frac{1}{3}$

b- En déduire la probabilité que la chemise ait seulement un défaut de finition

3) Montrer que la probabilité que la chemise ait un unique défaut est de 0,03

4) Montrer que  $P(A) = 0,96$

5) On considère un lot de 10 chemise de cette entreprise . Un contrôle s'effectue sur l'état de chaque article de ce lot de façon indépendant .

a- Calculer la probabilité que 9 chemise de ce lot ne présente aucun défaut

b- Calculer la probabilité qu'au moins une chemise présente un défaut de finition

6) Une chemise de cette entreprise sans défaut est vendue à 40 DT. Son prix décroît à 30DT si elle présente un seul défaut. Elle sera vendue à 20DT si elle présente les deux défauts



Soit Y la variable aléatoire qui à chaque chemise associe son prix de vente

- a- Déterminer la loi de probabilité de Y
- b- Calculer le prix moyen d'une chemise

### EXERCICE N°3

On considère la fonction f définie sur  $[-1, +\infty[$  par  $f(x) = \sqrt{1+x} e^{-x}$  et on désigne par (C) sa courbe dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

- a- Etudier la dérivabilité de f à droite en -1
  - b- Interpréter graphiquement le résultat
  - c- Calculer la limite de f en  $+\infty$
  - d- Interpréter graphiquement le résultat
- 2) Dresser le tableau de variation de f
- 3) Donner l'équation de la tangente à (C) au point d'abscisse 0
- 4) Montrer que l'équation  $f(x) = x$  admet une unique solution  $\alpha$  dans  $[-\frac{1}{2}, +\infty[$

et que  $\alpha \in ]\frac{1}{2}, 1[$

5) Tracer la courbe (C)

6)a- Montrer que pour tout réel x, on a  $1+x \leq e^x$

b- En déduire que pour tout réel  $x \geq -1$ , on a  $f(x) \leq e^{-\frac{x}{2}}$

7) Soit  $\lambda \geq 1$  et  $S_\lambda = \int_1^\lambda f(x) dx$

a- Donner une interprétation graphique de  $S_\lambda$

b- Montrer que tout  $\lambda \geq 1$ , on a  $0 \leq S_\lambda \leq \frac{2}{\sqrt{e}}$

### EXERCICE N° 4

I) On considère la fonction h définie sur  $[0, +\infty[$  par  $h(x) = xe^{-x}$

1) Dresser le tableau de variation de h

2)a- Vérifier que  $h(x) = e^{-x} - h'(x)$

b- Déduire une primitive de h

II) On définit les fonctions f et g sur  $[0, +\infty[$  par

$f(x) = xe^{-x} + \ln(x+1)$  et  $g(x) = \ln(x+1)$

Ces deux courbes sont tracées dans l'annexe ci-jointe

1) Soit M et N deux points d'abscisse x appartenant respectivement aux courbes de f et de g

a- Déterminer la valeur de x pour laquelle la distance MN est maximale et donner cette distance maximale

b- Placer sur le graphique les points M et N correspondant à la valeur maximale de MN

2) Soit  $\lambda$  un réel de  $[0, +\infty[$ . On note  $D_\lambda$  le domaine du plan délimité par les courbes de f et de g et les droites d'équations  $x=0$  et  $x=\lambda$

a- Hachurer le domaine  $D_\lambda$  correspondant à la valeur de  $\lambda$  proposée sur le graphique

b- On note  $A_\lambda$  l'aire du domaine  $D_\lambda$ , Démontrer que

$A_\lambda = 1 - \frac{1+\lambda}{e^\lambda}$  puis calculer la limite de  $A_\lambda$  lorsque  $\lambda$  tend vers  $+\infty$  et interpréter le résultat

