

a – Equation différentielle en q

La loi de maille s'écrit :

$$U_R + U_c = E \quad \text{or } U_R = Ri \text{ (loi d'ohm) et } U_c = q/c$$

$$R \, dq/dt + q/c = E$$

$$dq/dt + 1/RC \, q = E/R$$

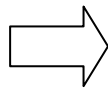
$$\boxed{dq/dt + 1/\tau \, q = E/R} \quad \tau = RC \text{ (constante du temps)}$$

la solution de l'équation diff est de la forme : $q = Ae^{-\alpha t} + B$.A, B et α sont des constantes.

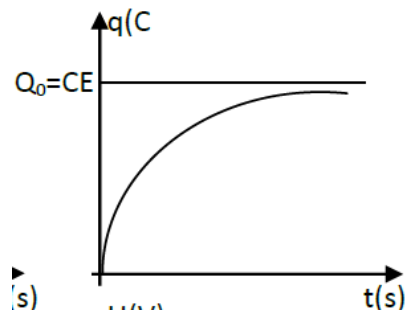
$$A = -CE$$

$$B = CE \quad (A = -B)$$

$$\alpha = 1/\tau$$



$$q = -CE e^{-\alpha t} + CE \\ = CE (1 - e^{-\alpha t})$$

La courbe qui donne $q = F(t)$:

- Régime transitoire : le condensateur se charge.

- Régime permanent : Charge égale à CE (constante)

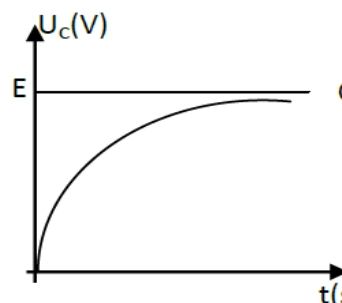
b – Equation diff en U_c

$$U_c = q/c \quad \Rightarrow \quad q = cU_c$$

$$\boxed{dU_c/dt + 1/\tau \, U_c = E/\tau}$$

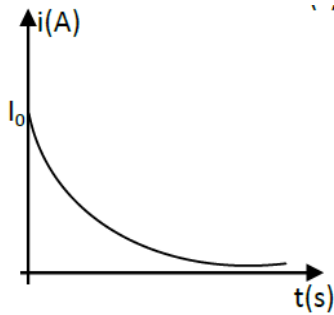
La solution de l'équation diff est de la forme

$$U_c = E (1 - e^{-t/\tau})$$

La courbe qui donne $U_c = F(t)$ **c- Equation diff en i**

$$i = dq/dt \quad \Rightarrow \quad \boxed{di/dt + 1/\tau \, i = 0}$$

la solution de l'équation diff est de la forme : $i = E/R e^{-t/\tau}$.La courbe qui donne $i = F(t)$

**d – Equation diff en U_R**

La loi de maille s'écrit

$$\begin{aligned} U_c + U_R &= E \\ E - U_R + U_R &= E \\ -U_R + R \frac{dq}{dt} &= 0 \\ -U_R + RC \frac{dU_c}{dt} &= \end{aligned}$$

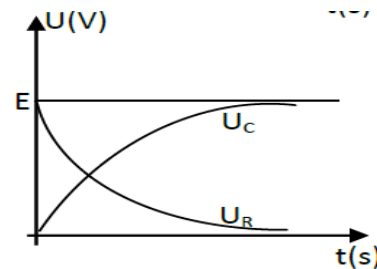
$$-UR + RC \frac{d(E-U_R)}{dt} = 0$$

$$-UR - Rc \frac{dU_R}{dt} = 0$$

$$\boxed{\frac{dU_R}{dt} + \frac{1}{\tau} U_R = 0}$$

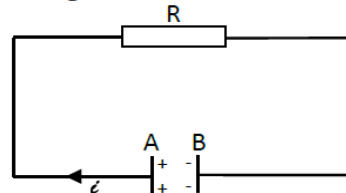
La solution de l'équation diff est de la forme : $U_R = E e^{-t/\tau}$

La courbe qui donne $U_R = f(t)$.

**2 – Décharge du condensateur**

- à $t = 0$: $U_c = E$, le condensateur est chargé
- U_c décroît jusqu'à s'annuler.
- i croît au court du temps.

décharge de condensateur :

**a – Equation diff en q**

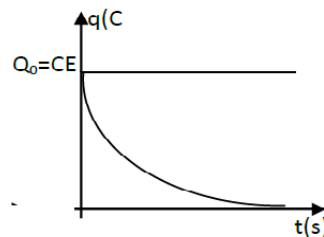
La loi de maille s'écrit :

$$\begin{aligned} U_R + U_c &= 0 \\ R \frac{dq}{dt} + q/c &= 0 \\ \frac{dq}{dt} + 1/Rc q &= 0 \\ \boxed{\frac{dq}{dt} + \frac{1}{\tau} q = 0} \end{aligned}$$

$$1/Rc = \tau$$

La solution de l'équation diff est de la forme : $q = CE e^{-t/\tau}$

La courbe qui donne $q = F(t)$



b – Equation diff en U_c

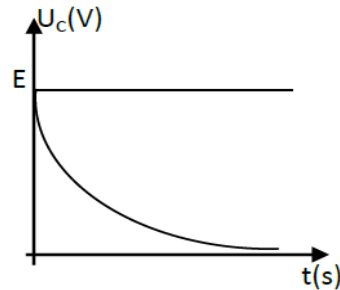
$$U_c = q/c$$

$$\boxed{dU_c/dt + 1/\tau U_c = 0}$$

La solution diff est de la forme

$$U_c = Ee^{-t/\tau}$$

La courbe qui donne $U_c = F(t)$.

**c – Equation diff en i**

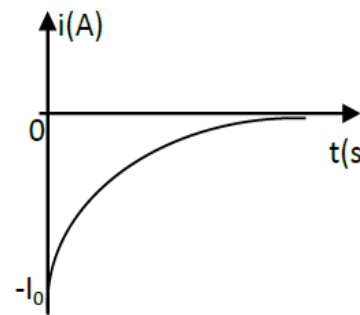
$$i = dq/dt$$

$$\boxed{di/dt + 1/\tau i = 0}$$

La solution diff est de la forme

$$i = -E/R e^{-t/\tau}$$

La courbe qui donne $i = F(t)$.

**d– Equation diff en U_R**

$$U_R = Ri$$

La loi de maille s'écrit :

$$U_c + U_R = 0$$

$$-U_R + U_R = 0$$

$$-U_R + R dq/dt = 0$$

$$-U_R + RC dU_c/dt = 0$$

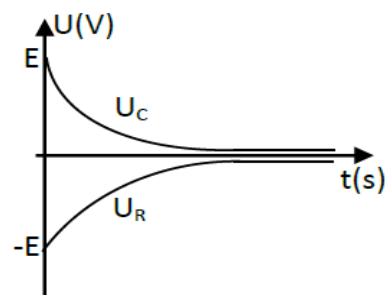
$$-U_R - Rc dU_R/dt = 0$$

$$\boxed{dU_R/dt + 1/\tau U_R = 0}$$

La solution de l'équation diff est de la forme

$$U_R = -E e^{-t/\tau}$$

La courbe qui donne $U_R = F(t)$

**3 – La constante du temps d'un dipôle RC**

$\tau = RC$, s'exprime en seconde (s)

τ : caractérise la rapidité de charge ou de décharge

Plus τ est faible plus la charge ou la décharge est rapide, c.-à-d. plus R est faible (τ est faible), plus la charge est la décharge est rapide

a– Détermination directe du τ (par calcul)

- **Cas de la charge**

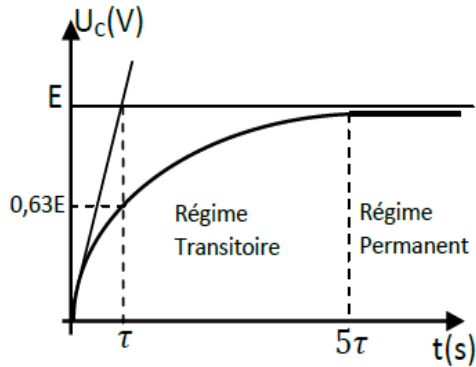
$$U_c = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\text{à } t = \tau : U_c = E(1 - e^{-1})$$

$$U_c = 0,63E$$

On dit que à $t = \tau$, le condensateur atteint 63% de sa charge limite

Charge de condensateur

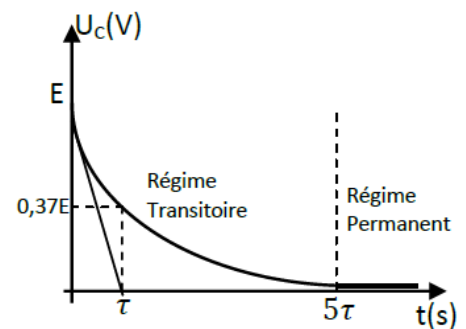


- Cas de la décharge

$$U_c = E e^{-t/\tau}$$

$$\text{à } t = \tau : U_c = E e^{-1} = 0,37E$$

Décharge de condensateur



b – Détermination graphique du τ

- Cas de la charge

On trace la Tang à la courbe au point d'abscisse zéro, la tg coupe l'asymptote ($U_c = E$) au point d'abscisse τ

- Cas de la décharge

En trace la tg à la courbe au point d'abscisse zéro, la tg coupe l'asymptote ($U_c = 0$) au point d'abscisse τ

