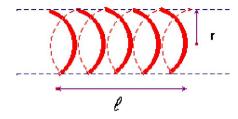
I- La bobine.



- Une bobine est constituée d'un enroulement de fil conducteur, recouvert d'un vernis isolant, sur un cylindre de rayon **r**.
- On désigne par ℓ la longueur de l'enroulement et par r le rayon d'une spire :

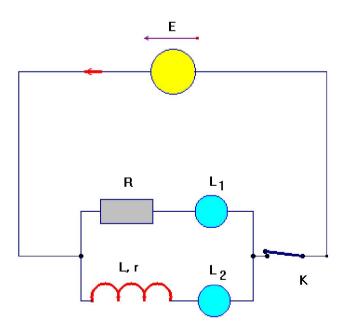


- Si L est petit devant r, la bobine est plate.
- Si L est voisin de r la bobine est appelée : solénoïde.
- Si L est plus grand que 10 r, le solénoïde est dit infini.

II- Influence d'une bobine dans un circuit. (TP Physique N° 08)



- Expérience : Retard à l'établissement du courant.
- Montage 1:

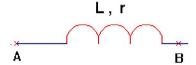


- Observations : La lampe L₂ s'allume avec un retard sur la lampe L₁.
- Il se produit un retard à l'établissement du courant dans la portion de circuit qui comporte la bobine.
- Une bobine s'oppose transitoirement à l'établissement du courant dans un circuit.
- En régime permanent, la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.

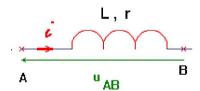


1)- L'inductance d'une bobine.

- Une bobine est un dipôle, de bornes A et B, caractérisé par son inductance L exprimée en henry (symbole H).
- On utilise souvent le millihenry (mH).
- L'inductance L de la bobine est une constante positive qui ne dépend que des caractéristiques géométriques de la bobine
- $\mathbf{L} = \boldsymbol{\mu}_0 \cdot \frac{\mathbf{N}^2}{\mathbf{l}} \cdot \mathbf{S}$ pour une bobine de longueur $\boldsymbol{\ell}$, qui possède \mathbf{N} spires de surface \mathbf{S} .
- 2)- Résistance d'une bobine.
- En régime permanent, la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.
- Une bobine est aussi caractérisée par sa résistance r qui s'exprime en ohm (W).
- 3)- Représentation symbolique d'une bobine.



- 4)- Expression de la tension aux bornes d'une bobine.
- Une bobine est caractérisée par son inductance L et sa résistance r.
- La bobine étant orientée de A vers B, la tension u AB aux bornes de la bobine est donnée par la relation :



Tension aux bornes d'une bobine : u AB tension en volt (V)

$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i}$$

$$\mathbf{I}_{intensit\acute{e} en ampère} (A)$$

$$\mathbf{r}_{r\acute{e}sistance en ohm} (\Omega)$$

$$\mathbf{L}_{inductance en henry} (H)$$

- Remarque : cas d'une bobine idéale ($\mathbf{r} = 0$)

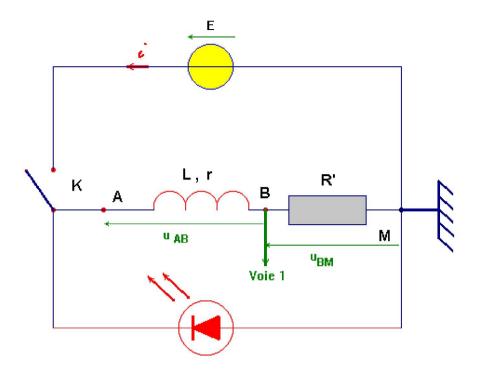
$$u_{AB} = L \cdot \frac{di}{dt}$$

- On peut aussi utiliser cette écriture si $\mathbf{r} \ll \mathbf{R}$ (résistance du circuit).

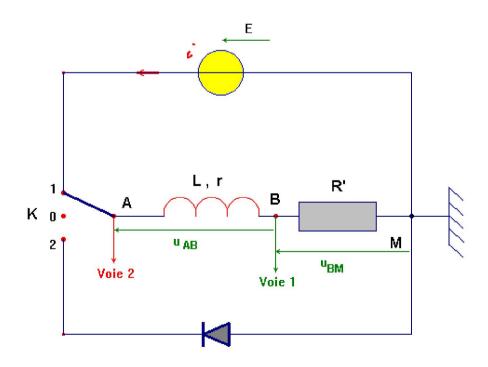
IV- Établissement du courant dans une bobine. (TP Physique N° 08).



- 1)- Étude expérimentale : Réponse à un échelon de tension.
- Montage 2 : réponse d'une bobine à un échelon de tension.



- Il comprend : Un générateur idéal de tension E = 3.2 V; un conducteur ohmique de résistance $R' = 18 \Omega$, une bobine d'inductance L et de résistance $\mathbf{r} = 8.8 \Omega$ et un interrupteur \mathbf{K} .
- Au temps $\mathbf{t} = 0$ s, on ferme l'interrupteur en le basculant sur la position 1.



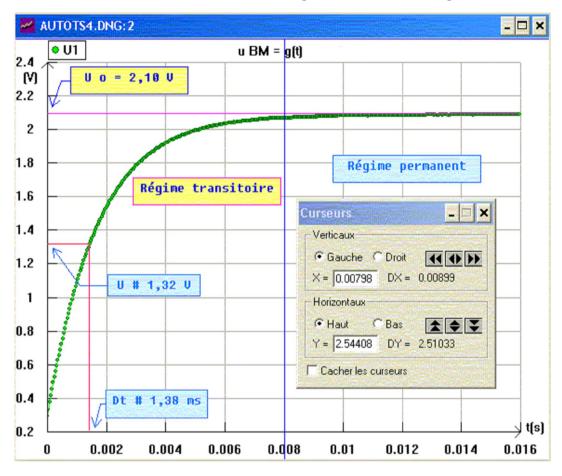
- Que visualise-t-on à la voie 1 de la carte CANDIBUS ?
- On visualise les variations de la tension aux bornes du conducteur ohmique, c'est-à-dire la tension u BM.



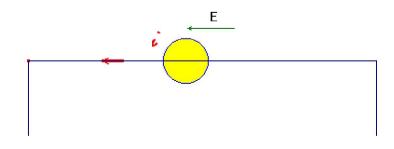
- of fon considere quad temps t, he coulant checke dans le sens positif choisi,

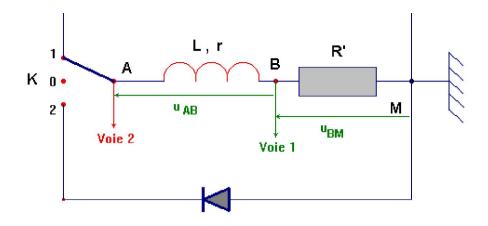
$$\mathbf{u}_{\mathbf{BM}} = \mathbf{R}' \cdot \mathbf{i} \quad \mathbf{b} \quad \mathbf{i} = \frac{1}{\mathbf{R}'} \cdot \mathbf{u}_{\mathbf{BM}}$$

- On visualise les variations de l'intensité en fonction du temps, ceci à une constante près.



- Observations : On pose : $\mathbf{R} = \mathbf{r} + \mathbf{R}'$
- La tension aux bornes du dipôle (\mathbf{R} , \mathbf{L}) passe brutalement de la valeur à la valeur $\mathbf{E} = 3.2 \text{ V}$.
- L'intensité traversant le circuit est nulle juste après la fermeture de l'interrupteur \mathbf{K} , puis elle augmente progressivement jusqu'à atteindre une valeur maximale et reste constante.
- Le courant met environ la durée Δt » 8,0 ms pour s'établir.
- Premier temps: t
- $\mathbf{t} \hat{\mathbf{l}} [\mathbf{t}_0, \mathbf{t}_0 + \Delta \mathbf{t}]$: régime transitoire, établissement du courant dans la bobine.
- \mathbf{t} Î [$\mathbf{t}_0 + \Delta \mathbf{t}$, \mathbf{t}_1] : régime permanent, le courant est établi.
- La bobine s'oppose à l'établissement du courant dans le circuit.
- 2)- Équation différentielle vérifiée par l'intensité i.





- On ferme l'interrupteur. On oriente le circuit et on étudie le dipôle (R, L).
- La loi d'additivité des tensions dans le circuit série permet d'écrire :

$$E = u_{AB} + u_{BM}$$

$$E = \left(L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i\right) + R' \cdot i$$

- En ordonnant, on peut écrire :

$$E = L \cdot \frac{di}{dt} + (r + R') \cdot i$$
En posant $R = r + R'$

$$E = L \cdot \frac{di}{dt} + R \cdot i \quad (1)$$

- On reconnaît une équation différentielle du premier ordre avec deuxième membre qui admet une solution du type :
- $-i(t) = A \cdot e^{kt} + B \circ \dot{a} A, B \text{ et } k \text{ sont des constantes.}$
- 3)- Détermination des constantes.
- On détermine les constantes à l'aide des conditions initiales et des paramètres du circuit.
- Première étape : on reporte l'expression de la solution dans l'équation (1).

$$E = L \cdot \frac{di}{dt} + R \cdot i \quad (1) \quad ; \quad i(t) = A \cdot e^{k \cdot t} + B \text{ et } \frac{di}{dt} = A \cdot k \cdot e^{k \cdot t}$$

$$E = L \cdot A \cdot k \cdot e^{k \cdot t} + R \cdot (A \cdot e^{k \cdot t} + B)$$

$$E = L \cdot A \cdot k \cdot e^{k \cdot t} + R \cdot A \cdot e^{k \cdot t} + R \cdot B$$

$$E = (L \cdot A \cdot k + R \cdot A) \cdot e^{k \cdot t} + R \cdot B \quad (2)$$

- La relation (2) est vérifiée à chaque instant.
- Or $\mathbf{E} = \mathbf{c}^{te}$, $\mathbf{R} \cdot \mathbf{B} = \mathbf{c}^{te}$ et \mathbf{t} et par conséquence $\mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}}$ varient au cours du temps.
- Il faut nécessairement que :

$$\left\{ \begin{array}{c} (\mathbf{L} \cdot \mathbf{k} + \mathbf{R}) \cdot \mathbf{A} = 0 \\ \mathbf{E} = \mathbf{R} \cdot \mathbf{B} \end{array} \right. \quad \mathbf{b} \quad \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{k} = -\frac{\mathbf{R}}{-} \\ \mathbf{L} \end{array} \right.$$

La solution A = 0 n'a pas de signification physique

- Conditions initiales : au temps $\mathbf{t} = 0$ s, l'intensité dans le circuit est nulle : $\mathbf{i}(0) = 0$.
- On déduit de ceci que :

$$i(0) = A \cdot e^{k \cdot 0} + B = 0$$
 $P \cdot A + B = 0$ $P \cdot A = -B = -\frac{E}{R}$

- Relation donnant l'intensité traversant le dipôle (R, L) soumis à un échelon de tension E :

$$i(t) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{B}$$

$$-i(t) = -\frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} + \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$$

$$i(t) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \left(1 - \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} \right)$$

- Expression de la tension aux bornes de la bobine en fonction du temps.
- On peut en déduire l'expression de la tension aux bornes de la bobine :

$$\begin{aligned} \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i} \\ \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \left(\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \right) + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \left(1 - \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \right) \\ \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} - \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \\ \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \cdot \left(1 - \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{R}} \right) + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \end{aligned}$$

- étude de la relation :
$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{E} \cdot \left(1 - \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{R}}\right) \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$$

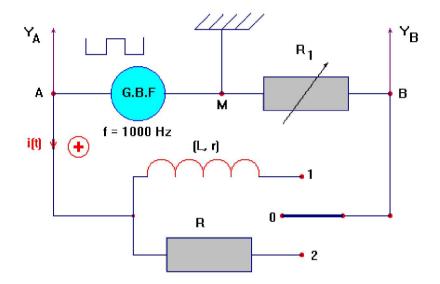
- Quelle est la valeur de la tension aux bornes de la bobine au temps t = 0 s?
- $\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{E}_{.}$
- Quelle est la valeur de l'intensité dans le circuit lorsque t tend vers l'infini?

$$\mathbf{i}(\infty) = \mathbf{I} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$$



V- Rupture du courant dans un circuit.

- 1)- Expériences.
- Montage 1 : visualisation du phénomène à l'oscilloscope.
- Il comprend:
- Un **G.B.F** qui délivre une tension carrée $\mathbf{f} = 1000 \text{ Hz}$
- Un conducteur ohmique de résistance R_1 réglable de 0 à $500~\Omega$.
- Une bobine d'inductance L = 20 mH et de résistance $\mathbf{r} = 20 \ \Omega$.
- Un conducteur ohmique de résistance $\mathbf{R} = 18 \ \Omega$.

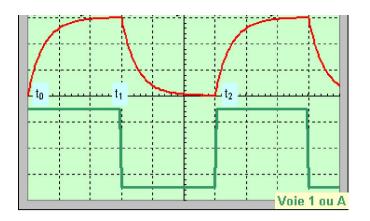


- Que visualise-t-on à la voie A de l'oscilloscope ?
- On visualise les variations de la tension aux bornes du G.B.F, c'est-à-dire la tension u AM.
- Que visualise-t-on à la voie B de l'oscilloscope ?
- On visualise les variations de la tension aux bornes du conducteur ohmique de résistance R_1 , c'est-à-dire la tension u_{BM} .
- Si l'on considère qu'au temps t, le courant circule dans le sens positif choisi

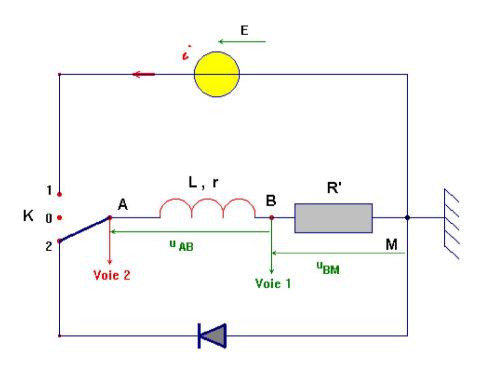
$$\mathbf{u}_{\mathbf{BM}} = \mathbf{R}_1 \cdot \mathbf{i} \quad \mathbf{b} \quad \mathbf{i} = \frac{1}{\mathbf{R}_1} \cdot \mathbf{u}_{\mathbf{BM}}$$

- On visualise les variations de l'intensité en fonction du temps, ceci à uns constante près.
- Observations : la courbe qui apparaît à la voie **B**, ne suit pas exactement les variations de celle qui apparaît à la voie **A**.
- Il y a un retard à l'établissement et à l'annulation du courant dans le circuit
- 2)- Interprétation.



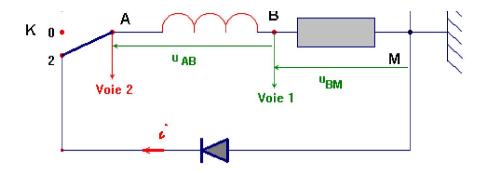


- Premier temps:
- $\mathbf{t} \,\hat{\mathbf{l}} \,[\,\mathbf{t}_{\,0},\mathbf{t}_{\,0}\,+\,\Delta\mathbf{t}]$: régime transitoire, établissement du courant dans la bobine.
- \mathbf{t} Î [$\mathbf{t}_0 + \Delta \mathbf{t}$, \mathbf{t}_1] : régime permanent, le courant est établi.
- La bobine s'oppose à l'établissement du courant dans le circuit.
- Deuxième temps :
- \mathbf{t} Î [\mathbf{t}_1 , \mathbf{t}_1 + $\Delta \mathbf{t}$] : régime transitoire, établissement du courant dans la bobine.
- $\mathbf{t}\,\hat{\mathbf{l}}\,[\,\mathbf{t}_{\,1}\,+\,\Delta\mathbf{t},\,\mathbf{t}_{\,2}\,]$: régime permanent, le courant est établi.
- La bobine s'oppose à l'annulation du courant dans le circuit.
- La bobine s'oppose à la diminution de l'intensité du courant électrique dans le circuit.
- 3)- Équation différentielle vérifiée par l'intensité i lors de l'ouverture du circuit.
- L'interrupteur étant sur la position 1, on le bascule sur la position 2.



- On oriente la partie du circuit qui nous intéresse :

1



- D'après la loi d'additivité des tensions dans un circuit série, on a l'égalité :

$$\mathbf{u} \mathbf{A} \mathbf{B} + \mathbf{u} \mathbf{B} \mathbf{M} = 0$$

$$\mathbf{E} = \left(\mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{d} \mathbf{i}}{\mathbf{d} t} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i} \right) + \mathbf{R}' \cdot \mathbf{i} = 0$$

$$\mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{d} \mathbf{i}}{\mathbf{d} t} + (\mathbf{r} + \mathbf{R}') \cdot \mathbf{i} = 0$$
En posant $\mathbf{R} = \mathbf{r} + \mathbf{R}'$

$$\mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{d} \mathbf{i}}{\mathbf{d} t} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{i} = 0 \quad (1)$$

- On reconnaît une équation différentielle du premier ordre en i sans deuxième membre.
- Elle admet une solution du type : $i(t) = A \cdot e^{kt} + B \circ a \cdot A$, B et k sont des constantes.
- On détermine les constantes à l'aide des conditions initiales et des paramètres du circuit.
- Il découle de la relation que :

$$0 = \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{i} \quad (1) \quad ; \quad \mathbf{i}(\mathbf{t}) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{B} \text{ et } \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} = \mathbf{A} \cdot \mathbf{k} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}}$$

$$= 0 = \mathbf{L} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{k} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{R} \cdot (\mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{B})$$

$$0 = \mathbf{L} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{k} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{B}$$

$$0 = (\mathbf{L} \cdot \mathbf{A} \cdot \mathbf{k} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{A}) \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{B} \quad (2)$$

- Il faut nécessairement que :

$$\left\{ \begin{array}{c} (\mathbf{L} \cdot \mathbf{k} + \mathbf{R}) \cdot \mathbf{A} = 0 \\ 0 = \mathbf{R} \cdot \mathbf{B} \end{array} \right. \qquad \mathbf{P} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{k} = -\frac{\mathbf{R}}{L} \\ \mathbf{B} = 0 \end{array} \right.$$

La solution A = 0 n'a pas de signification physique

- Condition initiale : au temps $\mathbf{t} = 0$ s, L'interrupteur est en position 1.
- Le courant est établi est l'intensité dans le circuit est donnée par la relation :

$$i(0) = \frac{E}{D}$$



- On déduit de ceci que :

$$\mathbf{i}(0) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{0}} + \mathbf{B} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \quad \mathbf{b} \quad \mathbf{A} + \mathbf{B} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \quad \mathbf{b} \quad \mathbf{A} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$$

- L'intensité du courant électrique i traversant le dipôle (R, L) a pour expression :

$$i(t) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{k} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{B}$$

$$i(t) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} + 0$$

$$i(t) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}}$$

- Remarque : lorsque t tend vers l'infini, alors i (t) tend vers zéro.
- Le courant électrique ne s'annule pas brusquement à l'ouverture du circuit.
- La bobine s'oppose à la diminution de l'intensité du courant électrique dans le circuit.
- De façon générale, une bobine s'oppose aux variations de l'intensité du courant électrique dans un circuit.
- Expression de la tension aux bornes de la bobine en fonction du temps.
- On peut en déduire l'expression de la tension aux bornes de la bobine :

$$\begin{aligned} \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i} \\ \mathbf{u}_{AB} &= -\mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \\ \mathbf{u}_{AB} &= -\mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} + \mathbf{r} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \\ \mathbf{u}_{AB} &= \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} t} \cdot \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{R}} - 1\right) \end{aligned}$$

- En utilisant le fait que : $\mathbf{R} = \mathbf{r} + \mathbf{R}'$:

$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} \cdot \left(\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{R}} - 1\right)$$

$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} \cdot \left(\frac{\mathbf{R} - \mathbf{R}'}{\mathbf{R}} - 1\right)$$

$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{E} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}} \cdot \left(1 - \frac{\mathbf{R}'}{\mathbf{R}} - 1\right)$$

$$\mathbf{u}_{AB} = -\mathbf{E} \cdot \frac{\mathbf{R}'}{\mathbf{R}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{R}}{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{t}}$$

- Quelle est la valeur de la tension aux bornes de la bobine au temps $\mathbf{t} = 0$ s?

$$\mathbf{u}_{AB}(0) = -\mathbf{E} \cdot \frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{R}} < 0$$
, elle est négative.

- La bobine se comporte comme un générateur de **f.é.m** $-\mathbf{E} \cdot \frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{R}}$
- Quelle est la valeur de l'intensité dans le circuit lorsque t = 0 s?

$$i(0) = I = \frac{E}{R}$$

- Lorsque le temps \mathbf{t} tend vers l'infini, $\mathbf{i}(\infty) = 0$ et $\mathbf{u}_{AB}(\infty) = 0$.
- L'intensité dans le circuit ne subit pas de discontinuité.

VI- Constante de temps du circuit.



- 1)- Expression de la constante de temps t.
- La durée de l'établissement ou de l'annulation du courant dans un circuit (\mathbf{R}, \mathbf{L}) dépend de la résistance \mathbf{R} et de l'inductance \mathbf{L} du circuit.
- On appelle constante de temps du circuit (R, L), la valeur :

$$au = rac{\mathrm{L}}{\mathrm{R}}$$

- τ constante de temps : seconde s.
- R résistance du circuit ohm W.
- L inductance du circuit : henry H.
- Lors de l'établissement du courant, l'expression de l'intensité du courant électrique dans le circuit est donnée par l'expression :

$$-\mathbf{i}(\mathbf{t}) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \left(1 - \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{t}}{\tau}} \right)$$

- Lors de l'annulation du courant électrique dans le circuit :

$$i(t) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{p}} \cdot \mathbf{e}^{-\frac{t}{\tau}}$$



2)- Analyse dimensionnelle:

$$-\mathbf{U} = \mathbf{R} \cdot \mathbf{I} \implies \left[\mathbf{R}\right] = \frac{\left(\vee\right)}{\left(\wedge\right)} \quad (1)$$

- D'autre part de la relation :
$$\mathbf{u}_{AB} = \mathbf{L} \cdot \frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i}$$
, on tire que :

$$-\left(\vee\right) = \left[\mathbf{L}\right] \cdot \frac{\left(\wedge\right)}{\left(\mathrm{s}\right)} \implies \left[\mathbf{L}\right] = \frac{\left(\vee\right) \cdot \left(\mathrm{s}\right)}{\left(\wedge\right)} \quad (2)$$

- En combinant (1) et (2):
$$\frac{\left[\mathbf{L}\right]}{\left[\mathbf{R}\right]} = \frac{\left(\vee\right)\cdot\left(\mathtt{s}\right)}{\left(\mathsf{A}\right)}\cdot\frac{\left(\mathsf{A}\right)}{\left(\vee\right)} \quad \Rightarrow \frac{\left[\mathbf{L}\right]}{\left[\mathbf{R}\right]} = \left(\mathtt{s}\right)$$

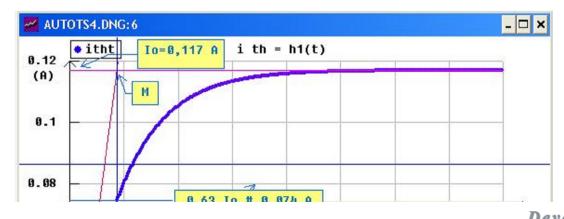
- Le rapport $\frac{\mathbf{L}}{\mathbf{R}}$ a la dimension d'un temps. Il s'exprime en seconde dans le S.I.
- 3)- Détermination de la constante de temps τ .
- Pour déterminer graphiquement la valeur de τ , on trace la tangente à l'origine à la courbe i = f(t) et l'asymptote horizontale à cette courbe.
- L'abscisse du point d'intersection de ces deux droites donne la valeur de la constante de temps au.

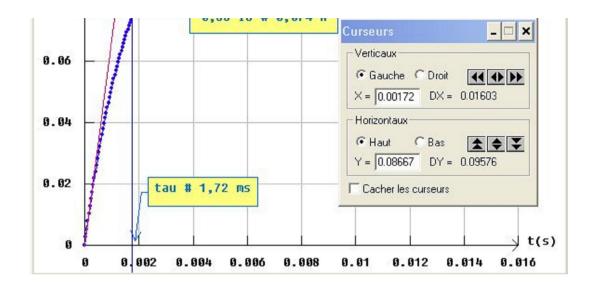
$$\mathbf{E} = \left(\mathbf{L} \cdot \frac{d\mathbf{i}}{dt} + \mathbf{r} \cdot \mathbf{i}\right) + \mathbf{R}' \cdot \mathbf{i} = \mathbf{L} \cdot \frac{d\mathbf{i}}{dt} + \left(\mathbf{r} + \mathbf{R}'\right) \cdot \mathbf{i} = \mathbf{L} \cdot \frac{d\mathbf{i}}{dt} + \mathbf{R} \cdot \mathbf{i}$$
Au temps $\mathbf{t} = \mathbf{0}$, $\mathbf{i} = \mathbf{0}$ et $\mathbf{E} = \mathbf{L} \cdot \left[\frac{d\mathbf{i}}{dt}\right]_{t=0}$

$$-\left[\frac{\mathbf{di}}{\mathbf{dt}}\right]_{\mathbf{t}=0} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{L}} = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R} \cdot \mathbf{\tau}}$$

En posant :
$$\mathbf{I}_0 = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$$

$$\left[\frac{di}{dt}\right]_{t=0} = \frac{I_0}{\tau}$$





$$\mathbf{i}(\mathbf{t}) = \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}} \left(1 - \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{t}}{\tau}} \right)$$

- D'après la relation :

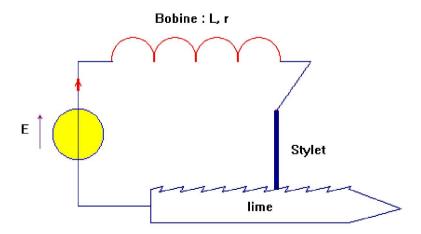
- Pour
$$t = \tau$$
: $\mathbf{i}(\tau) \approx \frac{63}{100} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$

- Pour
$$\mathbf{t} = 5 \, \mathbf{\tau}$$
: $\mathbf{i} (5\mathbf{\tau}) = \frac{99}{100} \cdot \frac{\mathbf{E}}{\mathbf{R}}$

VII- Énergie emmagasinée dans une bobine.



- 1)- Expériences : Étincelle de rupture moteur avec bobine et noyau de fer doux.
- Montage:



- Les étincelles de rupture montrent que l'énergie emmagasinée dans la bobine est libérée brutalement lors de l'ouverture du circuit.
- L'étincelle correspond à la conduction de l'air. Si le stylet est distant de 0,1 mm, alors : $|\mathbf{e}| \gg 300 \,\mathrm{V}$ et le champ électrique $\mathbf{E} \gg 300000 \,\mathrm{V}$ / m, potentiel disruptif de l'air sec.
- 2)- Expression de l'énergie emmagasinée dans une bobine.

Devoir.tn OO toutes les matières, tous les niveaux 2232

- Une bobine d'inductance $\bf L$, traversee par un courant d'intensite $\bf i$, emmagasine de l'energie. C'est de l'energie magnétique que l'on note $\bf E_m$ ou $\bf W_L$.

	E _m énergie en joule (J)
$\mathbf{E}_{\mathbf{m}} = \mathbf{W}_{\mathbf{L}} = \frac{1}{2} \mathbf{L} \cdot \mathbf{i}^{2}$	L inductance en henry (H)
	I intensité en ampère (A)

- L'intensité du courant électrique dans un circuit comportant une bobine ne subit pas de discontinuité.
- Le courant s'établit de façon progressive et s'annule de la même façon.
- L'intensité du courant électrique ne peut pas passer de façon instantanée de la valeur zéro à la valeur I.