

**Exercice 1 (3,5 points)**

On réalise, à 25°C, une pile électrochimique (P) symbolisée par :  $\text{Pb} \mid \text{Pb}^{2+} (\text{C}_1) \parallel \text{Sn}^{2+} (\text{C}_2) \mid \text{Sn}$ .  
La  $f_{em}$  initiale de la pile est  $E_i = -0,04 \text{ V}$ .

- 1) Ecrire l'équation chimique associée à cette pile.
- 2) Préciser, en le justifiant, la polarité de ses bornes.
- 3) Donner l'expression de  $E_i$  en fonction de la  $f_{em}$  standard  $E^\circ$  de la pile et des concentrations  $\text{C}_1$  et  $\text{C}_2$ .
- 4) L'ayant fermée sur un circuit extérieur, la pile est usée lorsque les molarités en ions  $\text{Sn}^{2+}$  et  $\text{Pb}^{2+}$  deviennent respectivement  $0,76 \text{ mol.L}^{-1}$  et  $0,35 \text{ mol.L}^{-1}$ .
  - a- Déterminer, la valeur de la constante d'équilibre  $K$  relative à l'équation chimique associée.
  - b- En déduire la valeur de la  $f_{em}$  standard  $E^\circ$  de la pile.
  - c- Déterminer la valeur du potentiel standard d'électrode  $E^\circ_{(\text{Pb}^{2+}/\text{Pb})}$ , sachant que  $E^\circ_{(\text{Sn}^{2+}/\text{Sn})} = -0,14 \text{ V}$ .

**Exercice 2 (3,5 points)**

Toutes les solutions sont prises à 25°C, température à laquelle le produit ionique de l'eau est  $K_e = 10^{-14}$ .  
On néglige les ions provenant de l'ionisation propre de l'eau.

En dissolvant chacun des trois acides  $\text{A}_1\text{H}$ ,  $\text{A}_2\text{H}$  et  $\text{A}_3\text{H}$  dans l'eau pure, on prépare respectivement trois solutions aqueuses acides ( $\text{S}_1$ ), ( $\text{S}_2$ ) et ( $\text{S}_3$ ) de même concentration molaire  $\text{C}$ . L'un des acides est fort, alors que les deux autres sont faibles.

La mesure des pH des trois solutions fournit le tableau suivant :

Solutions	(S <sub>1</sub> )	(S <sub>2</sub> )	(S <sub>3</sub> )
pH	3,2	1,6	2,9

- 1) Classer les acides  $\text{A}_1\text{H}$ ,  $\text{A}_2\text{H}$  et  $\text{A}_3\text{H}$  par ordre de force croissante. En déduire que  $\text{A}_2\text{H}$  est l'acide fort.
- 2) Rappeler l'expression du pH d'une solution d'un acide fort. Déterminer alors la valeur de  $\text{C}$ .
- 3) a- Dresser le tableau descriptif d'avancement volumique de la réaction de l'acide  $\text{A}_1\text{H}$  avec l'eau.  
On désigne par  $y$  l'avancement volumique de la réaction.
- b- Calculer, le taux d'avancement final  $\tau_f$ .
- c- Montrer que la constante d'acidité  $K_{a1}$  du couple  $\text{A}_1\text{H}/\text{A}_1^-$  est donnée par la relation :

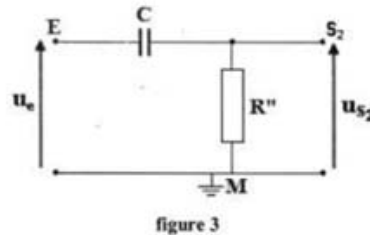
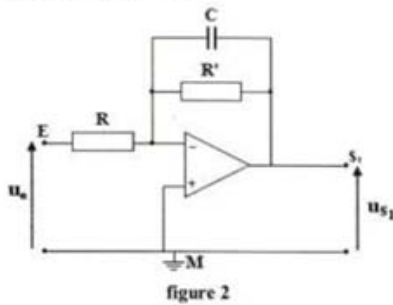
$$K_{a1} = \text{C} \frac{\tau_f^2}{(1 - \tau_f)} . \text{ Calculer sa valeur.}$$

**B/PHYSIQUE (13pts)****Exercice 1 : (6,5 points)**

A l'aide d'un amplificateur opérationnel supposé idéal, et polarisé à  $\pm 15 \text{ V}$ , de deux condensateurs de même capacité  $\text{C} = 0,47 \mu\text{F}$  et de trois conducteurs ohmiques de résistances  $\text{R}$ ,  $\text{R}'$  et  $\text{R}''$ , on réalise deux filtres électriques ( $\text{F}_1$ ) et ( $\text{F}_2$ ) schématisés

respectivement sur les figures 2 et 3. L'entrée de chacun de ces filtres est alimentée par un

générateur délivrant une tension alternative sinusoïdale  $u_e(t)$  d'amplitude constante  $\bar{U}_{em}$  et de fréquence  $N$  réglable.



Les tensions de sortie  $u_{s_1}(t)$  et  $u_{s_2}(t)$  de  $(F_1)$  et  $(F_2)$  sont sinusoïdales de même fréquence  $N$  que la tension d'entrée  $u_e(t)$  et d'amplitudes respectives  $U_{s_1,m}$  et  $U_{s_2,m}$ .

On donne les expressions des gains  $G_1$  et  $G_2$  respectivement de  $(F_1)$  et  $(F_2)$  :

$$G_1 = 20 \log \frac{R'}{R} - 10 \log \left[ 1 + (2\pi N R' C)^2 \right] \text{ et } G_2 = -10 \log \left[ 1 + \frac{1}{(2\pi N R'' C)^2} \right]$$

où  $\log$  désigne le logarithme décimal.

Un filtre électrique est supposé passant lorsque son gain  $G$  satisfait la condition:  
 $G \geq G_0 - 3\text{dB}$  avec  $G_0$  son gain maximal.

Les tensions de sortie  $u_{s_1}(t)$  et  $u_{s_2}(t)$  de  $(F_1)$  et  $(F_2)$  sont sinusoïdales de même fréquence  $N$  que la tension d'entrée  $u_e(t)$  et d'amplitudes respectives  $U_{s_1,m}$  et  $U_{s_2,m}$ .

On donne les expressions des gains  $G_1$  et  $G_2$  respectivement de  $(F_1)$  et  $(F_2)$  :

$$G_1 = 20 \log \frac{R'}{R} - 10 \log \left[ 1 + (2\pi N R' C)^2 \right] \text{ et } G_2 = -10 \log \left[ 1 + \frac{1}{(2\pi N R'' C)^2} \right]$$

où  $\log$  désigne le logarithme décimal.

Un filtre électrique est supposé passant lorsque son gain  $G$  satisfait la condition:  
 $G \geq G_0 - 3\text{dB}$  avec  $G_0$  son gain maximal.

1-Définir un filtre électrique.

2-Préciser, en le justifiant, s'il s'agit d'un filtre passif ou actif pour  $(F_1)$  et  $(F_2)$ .

3-On suit l'évolution du gain  $G$  de chacun des filtres  $(F_1)$  et  $(F_2)$  en fonction de la fréquence  $N$ . On obtient alors les courbes  $(\mathcal{G})$  et  $(\mathcal{G}')$  représentées sur la figure 4 de la page 5/5 (feuille annexe).

En exploitant les courbes  $(\mathcal{G})$  et  $(\mathcal{G}')$  ainsi que les expressions de  $G_1$  et  $G_2$ :

a-vérifier que la courbe  $(\mathcal{G})$  correspond à l'évolution du gain  $G_2$  du filtre  $(F_2)$  en fonction de la fréquence  $N$ ;

b-déterminer les valeurs maximales  $G_{01}$  et  $G_{02}$  respectivement de  $G_1$  et  $G_2$ ;

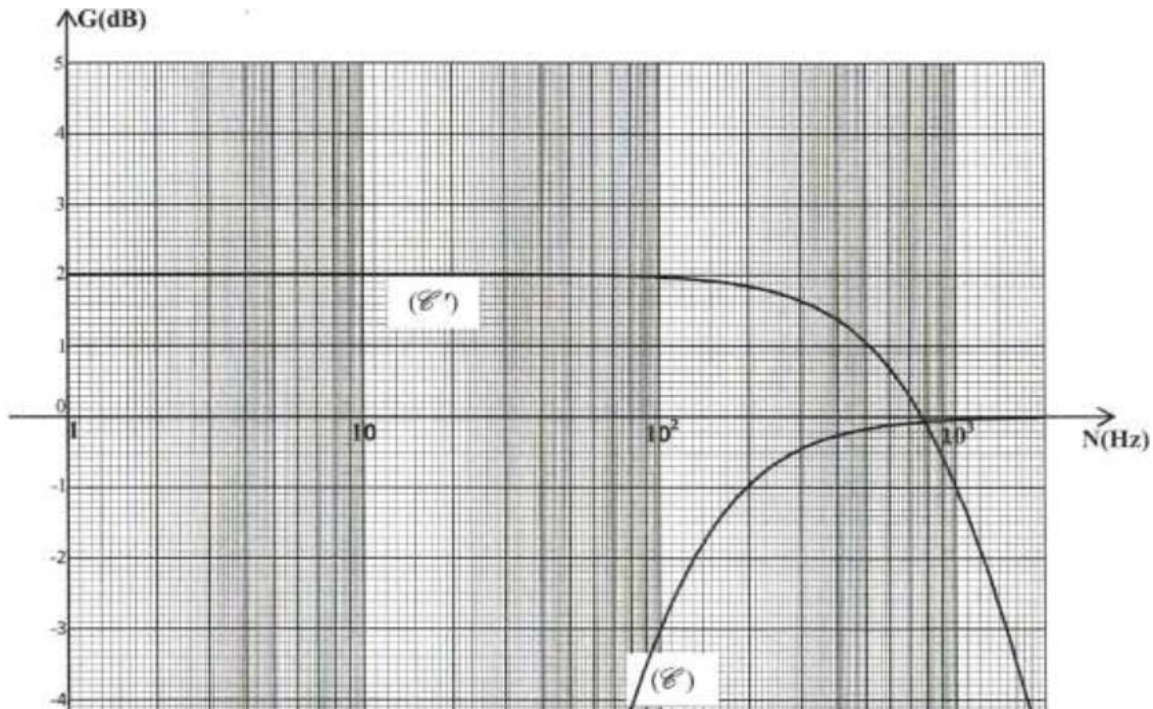
c-identifier, en le justifiant, lequel des deux filtres  $(F_1)$  et  $(F_2)$  peut amplifier la tension électrique;

d-déterminer les fréquences de coupure  $N_{C1}$  et  $N_{C2}$ , respectivement, de  $(F_1)$  et  $(F_2)$ ;

e-préciser la nature (passe bas, passe bande, passe haut) de chacun des filtres;



- f- hachurer, sur la figure 4 le domaine de fréquence pour lequel les deux filtres ( $F_1$ ) et ( $F_2$ ) soient passants pour une même fréquence.
- 4-a-Montrer que les fréquences de coupure  $N_{C1}$  et  $N_{C2}$ , respectivement, des filtres ( $F_1$ ) et ( $F_2$ ), ont pour expressions:  $N_{C1} = \frac{1}{2\pi R'C}$  et  $N_{C2} = \frac{1}{2\pi R''C}$ .
- b-Calculer les valeurs de  $R$ ,  $R'$  et  $R''$ .
- 5-Etablir la condition que doit satisfaire les résistances  $R$ ,  $R'$  et  $R''$ , pour avoir à la fois, la même valeur maximale  $G_0$  du gain et la même fréquence de coupure  $N_C$  de ( $F_1$ ) et ( $F_2$ ).



### Exercice 2 (5 points)

Un vibreur provoque à l'extrémité  $S$  d'une corde élastique un mouvement vibratoire sinusoïdal d'équation:  $y_s(t) = a \sin(2\pi Nt + \varphi)$ ;  $a$ ,  $N$  et  $\varphi$  désignent respectivement, l'amplitude, la fréquence et la phase initiale de  $S$ .

La source  $S$  débute son mouvement à l'instant de date  $t_0 = 0s$ .

On néglige toute atténuation de l'amplitude et toute réflexion de l'onde issue de  $S$ .

- 1) a- Qu'appelle-t-on onde?  
b- L'onde se propageant le long de la corde est-elle transversale ou longitudinale?
- 2) A l'instant  $t_1 = 2 \cdot 10^{-2}s$ , le point  $M_1$  de la corde d'abscisse  $x_1 = 10$  cm entre en vibration. Montrer que la célérité de l'onde le long de la corde est  $v = 5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .
- 3) La courbe représentant l'aspect de la corde à un instant  $t_2$  est donnée par la figure 3.

- a- En exploitant cette courbe, déterminer les valeurs de
- l'amplitude  $a$ ,
  - la longueur d'onde  $\lambda$ ,
  - l'instant  $t_2$ .

- b- Déterminer la valeur de la fréquence  $N$ .
- c- Montrer que la phase initiale  $\varphi$  de  $S$  est égale à  $\pi$  rad.

