

**🌀 Baccalauréat Étranger groupe I<sup>1</sup> juin 1966 🌀**  
**Mathématiques élémentaires et mathématiques et technique**

**EXERCICE 1**

Soit le nombre complexe  $\alpha = \sqrt{3} + i$ .

1. Calculer le module et l'argument de  $\alpha$ .
2. Calculer le module et l'argument du nombre

$$\beta = 2i - \alpha.$$

3. Calculer le module et l'argument du nombre

$$\gamma = 2i + \alpha.$$

4. Calculer le module et l'argument du nombre

$$\delta = \frac{\gamma}{\beta}.$$

**EXERCICE 2**

Oxyz est un repère orthonormé. Le point A a pour coordonnées, par rapport à ce repère,

$$x = -1, \quad y = 0, \quad z = 0.$$

1. Soit (P) la parabole qui a pour foyer O et pour directrice la droite du plan xOy qui y a pour équation  $x + 2 = 0$ .

Former l'équation cartésienne de la parabole (P) dans le plan xOy.

Soit (Q) la parabole qui a pour foyer A et pour directrice la droite du plan xOz qui y a pour équation  $x - 1 = 0$ .

Former l'équation cartésienne de la parabole (Q) dans le plan xOz.

2. Soit M un point de (P) ; on désigne par  $a$  son abscisse ; soit S un point de (Q) ; on désigne par  $b$  son abscisse.

Évaluer :

- la longueur du segment OM en fonction de  $a$ ,
- la longueur du segment AS en fonction de  $b$ ,
- la longueur du segment SM en fonction de  $a$  et de  $b$ .

Vérifier la relation

$$SM + OA = OM + AS.$$

3. On suppose  $b \neq 0$  ; soit U le point de coordonnées

$$x = -b, \quad y = 0, \quad z = 0.$$

Démontrer que la droite  $\overrightarrow{SU}$  est tangente à (Q). Évaluer en fonction de  $a$  et de  $b$  le produit scalaire  $\overrightarrow{SM} \cdot \overrightarrow{SU}$  et en déduire que l'angle USM est aigu.

---

1. Le Groupe I comprend les centres d'examen suivants : Tunisie, Cameroun, Gabon, Tchad, Congo, République centrafricaine, Mali, Côte d'Ivoire, Haute-Volta, Niger, Mauritanie, Athènes, Rome, Espagne, Portugal, Tel-Aviv, Beyrouth, Syrie, Le Caire, Addis-Abbéba, Djibouti.

4. On suppose que  $b$  reste fixe (avec  $b \neq 0$ ). Calculer  $\cos \text{USM}$  et en déduire que l'angle USM ne dépend pas de  $a$ .

On désigne par  $(\Pi)$  le plan qui passe par A et qui est perpendiculaire à SU ; la droite SM le coupe en un point  $m$ . Démontrer que, lorsque  $a$  varie ( $b$  étant fixe),  $m$  reste sur un cercle fixe,  $(\Gamma)$ , dont on calculera le rayon en fonction de  $b$ .

5. La tangente en  $m$  à  $(\Gamma)$  coupe le plan  $xOy$  en un point T. Quel est le lieu de T lorsque,  $b$  restant fixe,  $a$  varie ?

Quel est le lieu du centre,  $\omega$ , de  $(\Gamma)$  quand S varie sur (Q) ?