

SERIE : A

Epreuve de : **Mathématiques**

Code Matière : 009

Durée : 2 heures 15 minutes

Coefficients : $A_1 = 1 - A_2 = 3$

Exercice 1

4 points

RE : - Les questions 1., 2. et 3. sont indépendantes.

- On donnera les résultats sous forme de fraction irréductible.

Une urne contient 8 boules indiscernables au toucher dont 4 blanches et 4 noires.

On tire au hasard et simultanément 3 boules de l'urne.

a. Déterminer le nombre de tirages possibles. **(0,5 pt)**

b. Quelle est la probabilité d'obtenir 3 boules blanches ? **(0,5 pt)**

c. Quelle est la probabilité d'obtenir 1 boule blanche et 2 boules noires ? **(0,5 pt)**

On effectue 3 tirages successifs d'une boule, en remettant dans l'urne, avant chaque tirage, la boule précédemment tirée.

a. Quel est le nombre de tirages possibles ? **(0,5 pt)**

b. Quelle est la probabilité de sortir ainsi 3 boules noires ? **(0,5 pt)**

c. Quelle est la probabilité de sortir ainsi 1 blanche puis 2 noires ? **(0,5 pt)**

On tire toutes les boules une à une sans remise.

a. Quel est le nombre de tirages possibles ? **(0,5 pt)**

b. Quelle est la probabilité pour que les couleurs de toutes les boules tirées soient alternées ? **(0,5 pt)**

Exercice 2

4 points

Le tableau suivant montre le chiffre d'affaires, exprimé en millions de francs malagasy, d'une entreprise au cours des six dernières années.

| Année | 1994 | 1995 | 1996 | 1997 | 1998 | 1999 |
|----------------------------|------|------|------|------|------|------|
| Rang : x_i | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| Chiffre d'affaires : y_i | 120 | 132 | 147 | 164 | 181 | 201 |

Calculer la moyenne de la série (y_i) . **(0,5 pt)**

Représenter dans un repère orthogonal le nuage de points $M_i(x_i, y_i)$. (Sur l'axe des abscisses, 2 cm représente une année ; sur l'axe des ordonnées, 1 cm représente 20 millions). **(1,5 pt)**

Soit G_1 le point moyen du sous-nuage obtenu par x_1, x_2 et x_3 ; G_2 le point moyen du sous-nuage obtenu par x_4, x_5 et x_6 .

a. Déterminer les coordonnées de G_1 et de G_2 . **(0,5 pt)**

b. Tracer la droite (G_1G_2) . Que représente cette droite ? **(0,5 pt)**

c. Donner l'équation de la droite (G_1G_2) . **(0,5 pt)**

d. En déduire une prévision du chiffre d'affaires de cette entreprise en 2002. **(0,5 pt)**

Problème**12 points**

Soit f la fonction définie sur l'intervalle $] -4 ; 2 [$ par :

$$f(x) = \ln(x+4) - \ln(2-x).$$

On note par (\mathcal{C}) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé $(O ; \vec{i}, \vec{j})$, d'unité 2 cm.

1. Calculer les limites de f en -4 et en 2 . Interpréter graphiquement ces résultats. (2 pts)
2. a. Montrer que, pour tout $x \in] -4 ; 2 [$, la fonction dérivée de f est :

$$f'(x) = \frac{6}{(2-x)(x+4)}.$$

(1 pt)

- b. Dresser le tableau de variation de f . (1 pt)
3. a. Déterminer le point d'intersection de (\mathcal{C}) avec l'axe des abscisses. (1 pt)
b. Ecrire l'équation de la tangente (T) à (\mathcal{C}) au point $I(-1 ; 0)$. (1 pt)
c. Montrer que le point $I(-1 ; 0)$ est un centre de symétrie pour (\mathcal{C}) . (1 pt)
4. Tracer (T) et (\mathcal{C}) dans un même repère. (2 pts)

5. Soit F la fonction définie sur l'intervalle $] -4 ; 2 [$ par :

$$F(x) = (x+4) \ln(x+4) - (x-2) \ln(2-x).$$

- a. Calculer la fonction dérivée F' de F . (1 pt)
b. En déduire la valeur exacte en cm^2 de l'aire du domaine plan limité par (\mathcal{C}) , l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = -1$ et $x = 0$. (1 pt)
6. Soit g la fonction définie sur $] -4 ; 2 [$ par :

$$g(x) = \ln\left(\frac{2-x}{x+4}\right).$$

- a. Montrer que, pour tout $x \in] -4 ; 2 [$: $g(x) = -f(x)$. (0,5 pt)
b. Tracer dans le même repère que (\mathcal{C}) la courbe représentative (Γ) de g . (0,5 pt)