

Ne rien écrire ici

Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Session : **Juin 2007** Concours : **MP & PC**

Numéro de la
double feuille

1

Nom : Prénoms :

Total des doubles
feuilles

4

Institution d'origine :

Identifiant : [] [] [] [] Série : [] [] [] []



CORRIGE

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs

Ne rien écrire ici

Session : Concours :

Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Numéro de la
double feuille

... **1** ...

Total des
doubles feuilles

... **4** ...



DOSSIER

DOCUMENT REPONSE

- ✓ Ce dossier comporte 13 pages numérotées de 1 à 13
- ✓ Un seul dossier document réponse est fourni au candidat et doit être rendu, totalité, même sans réponses à la fin de l'épreuve.
- ✓ Le renouvellement de ce dossier est interdit



Session : Juin 2007 Concours : MP & PC

Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Nom : Prénoms :

Institution d'origine :

Identifiant : [] [] [] [] [] [] Série : [] [] [] [] [] []

Numéro de la double feuille

2

Total des doubles feuilles

4

CORRIGE

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs



Session : Concours :

Epreuve de : Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)

Numéro de la double feuille

... 2 ...

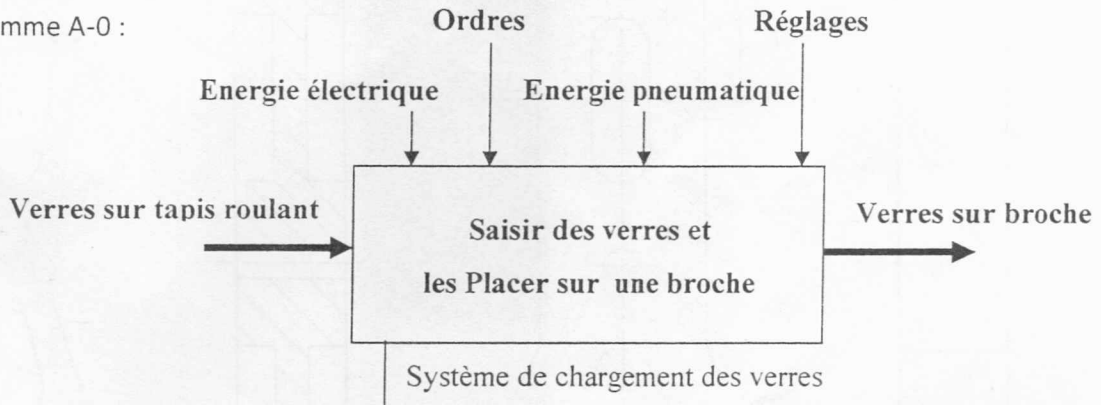
Total des doubles feuilles

... 4 ...

A - TECHNOLOGIE DE CONCEPTION

A-1- ANALYSE FONCTIONNELLE

A-1-1- Actigramme A-0 :



A-1-2- L'organe « effecteur » est : la ventouse

A-1-3- Le vérin pneumatique est un : Préactionneur Actionneur Distributeur

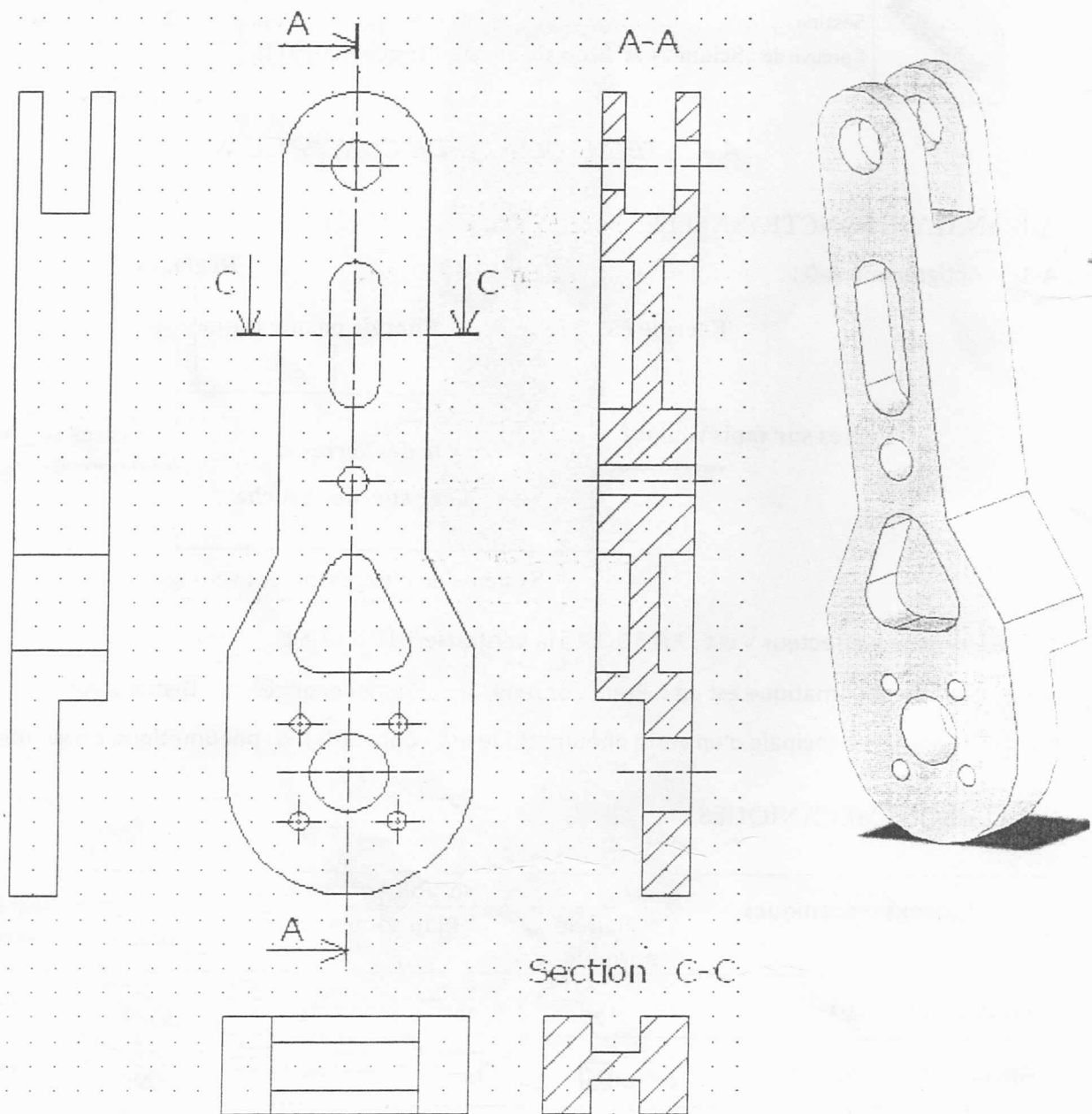
A-1-4- La fonction principale d'un vérin pneumatique est : **Convertir l'W. pneumatique en W. mécanique**

A-2- LIAISONS MECANIQUES :

Liaisons mécaniques	Symboles normalisés			Degrés de liberté
	Plan de normale \vec{x}	Plan contenant \vec{x}	Spatial	
Pivot d'axe (M, \vec{x})				Rx
Glissière d'axe (M, \vec{x})				Tx
Linéaire annulaire d'axe (M, \vec{x})				Rx, Ry, Rz Tx

Ne rien écrire ici

A-3- ETUDE GRAPHIQUE :



Signature des
surveillants



Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Nom : Prénoms :

Institution d'origine :

Identifiant : [] [] [] [] Série : [] [] [] []

Numero de la double feuille	3
Total des doubles feuilles	4

CORRIGE

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs



Session : Concours :

Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Numero double feuille	Total des doubles feuilles
... 3 4 ...

B - MECANIQUE

B-I- IDENTIFICATION DES PARAMETRES DE MOUVEMENT :

B-I-1- Etude de la chaîne 0-1-2-3-0 : Identification de β et de λ :

B-I-1.1. Fermeture géométrique de la chaîne :

$$\vec{OO} = \dots \vec{OA} + \vec{AB} + \vec{BO} = \vec{0} \dots$$

$$\lambda = \dots r \cos \alpha + L_2 \cos \beta \dots \quad (1)$$

Ce qui donne :

$$\sin \beta = \dots \frac{r}{L_2} \sin \alpha \dots \quad (2)$$

B-I-1.2. Torseurs cinématiques : (Les détails de calcul ne sont pas demandés)

Notation : première colonne vecteur rotation et deuxième colonne vecteur vitesse.

$$a - \{V(1/0)\} = \begin{pmatrix} 0 & -r\dot{\alpha} \sin \alpha \\ 0 & r\dot{\alpha} \cos \alpha \\ \dot{\alpha} & 0 \end{pmatrix}_A$$

$$b - \{V(2/0)\} = \begin{pmatrix} 0 & -r\dot{\alpha} \sin \alpha - L_2 \dot{\beta} \sin \beta \\ 0 & r\dot{\alpha} \cos \alpha - L_2 \dot{\beta} \cos \beta \\ -\dot{\beta} & 0 \end{pmatrix}_B$$

$$c - \{V(3/0)\} = \begin{pmatrix} 0 & \dot{\lambda} \\ 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}_B$$

Ne rien écrire ici

B-I-1.3. Relations entre α , β et λ :

$$\vec{V}(B \in 2/0) = \dots \vec{V}(B \in 2/3) + \vec{V}(B \in 3/0) \dots \text{ et } \dots \vec{V}(B \in 2/3) = \vec{0} \text{ (C.L. Pivot)}$$

Ce qui donne :

$$\lambda = \dots -r\dot{\alpha}\text{Sin}\alpha - L_2\dot{\beta}\text{Sin}\beta \dots \dots (1)$$

$$\dot{\beta} = \dots \dots \frac{r}{L_2} \dot{\alpha} \frac{\text{Cos}\alpha}{\text{Cos}\beta} \dots \dots (2)$$

B-I-2- Etude de la chaine 0-4-6-7-3-0 : Identification θ et de φ :

B-I-2.1. Torseurs cinématiques : (Les détails de calcul ne sont pas demandés)

$$a - \{V(4/0)\}_{R_0} = \left\{ \begin{array}{c|c} 0 & -L_4\dot{\gamma}\text{Cos}\gamma \\ 0 & -L_4\dot{\gamma}\text{Sin}\gamma \\ \dot{\gamma} & 0 \end{array} \right\}_D$$

$$b - \{V(6/0)\}_{R_0} = \left\{ \begin{array}{c|c} 0 & -L_4\dot{\gamma}\text{Cos}\gamma - L_6(\dot{\gamma} - \dot{\theta})\text{Sin}(\gamma - \theta) \\ 0 & -L_4\dot{\gamma}\text{Sin}\gamma + L_6(\dot{\gamma} - \dot{\theta})\text{Cos}(\gamma - \theta) \\ \dot{\gamma} - \dot{\theta} & 0 \end{array} \right\}_E$$

$$c - \{V(7/0)\}_{R_0} = \left\{ \begin{array}{c|c} 0 & \lambda + b_7\dot{\varphi}\text{Cos}\varphi \\ 0 & -b_7\dot{\varphi}\text{Sin}\varphi \\ -\dot{\varphi} & 0 \end{array} \right\}_E$$

B-I-2.2. Relations entre λ , $\dot{\gamma}$, $\dot{\theta}$ et $\dot{\varphi}$:

$$\vec{V}(E \in 7/0) = \dots \vec{V}(E \in 7/6) + \vec{V}(E \in 6/0) \dots \text{ et } \dots \vec{V}(E \in 7/6) = \vec{0} \text{ (C.L. Pivot)}$$

Ce qui donne :

$$\lambda + b_7\dot{\varphi}\text{Cos}\varphi = -L_4\dot{\gamma}\text{Cos}\gamma - L_6(\dot{\gamma} - \dot{\theta})\text{Sin}(\gamma - \theta) \quad (1)$$

$$-b_7\dot{\varphi}\text{Sin}\varphi = -L_4\dot{\gamma}\text{Sin}\gamma + L_6(\dot{\gamma} - \dot{\theta})\text{Cos}(\gamma - \theta) \quad (2)$$

B-I-3- Etude de la chaine 3-7-8-9-3 : Identification de δ et de ψ :

B-I-3-1. Fermeture géométrique de la chaîne :

$$\vec{FI} = \dots \vec{FK} + \vec{KJ} + \vec{JI} = a_3\vec{x}_0 - b_3\vec{y}_0 \dots \dots \dots$$

Ne rien écrire ici

Epreuve de : **Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)**

Nom : Prénoms :

Institution d'origine :

Identifiant : [] [] [] [] [] [] Série : [] [] [] []

Numéro de la
double feuille

4

Total des doubles
feuilles

4

CORRIGE

Concours Nationaux d'Entrée aux Cycles de Formation d'Ingénieurs

Ne rien écrire ici

Session : Concours :

Epreuve de : Sciences et Techniques de l'Ingénieur (STI)

Numéro de la
double feuille

... 4 ...

Total des
doubles
feuilles

... 4 ...

Ce qui donne :

$$\dots a_7 \cos \varphi - a_8 \cos \psi - b_9 \sin \delta = a_3 \dots (1)$$

$$\dots -a_7 \sin \varphi + a_8 \sin \psi - b_9 \cos \delta = -b_3 \dots (2)$$

B-I-3.2. Relations entre ψ , δ et φ :

$$\dots -a_7 \dot{\varphi} \sin \varphi + a_8 \dot{\psi} \sin \psi - b_9 \dot{\delta} \cos \delta = 0 \dots (1)$$

$$\dots -a_7 \dot{\varphi} \cos \varphi + a_8 \dot{\psi} \cos \psi + b_9 \dot{\delta} \sin \delta = 0 \dots (2)$$

B-II- EQUILIBRAGE STATIQUE ET DYNAMIQUE DU PLATEAU (1) :

B-II-1. Densité surfacique :

$$\sigma = \dots \frac{m_1}{S_1} \dots$$

$$\sigma = \dots \frac{m_1}{\pi(R^2 - r_1^2 - r_2^2)} \dots$$

B-II-2. Centre d'inertie du plateau :

..... (O, \vec{x}_1) ... Axe de symétrie $\Leftrightarrow G_1 \in (O, \vec{x}_1) \Leftrightarrow \overrightarrow{OG}_1 = x_G \vec{x}_1$

$$S_1 \cdot \overrightarrow{OG}_1 = S \cdot \overrightarrow{OG} - S' \cdot \overrightarrow{OG}' - S'' \cdot \overrightarrow{OG}'' \Leftrightarrow \pi(R^2 - r_1^2 - r_2^2) x_G = \pi R^2 d_1 - \pi r_1^2 \cdot 0 - \pi r_2^2 d_2$$

$$\overrightarrow{OG}_1 = \frac{d_1 R^2 - d_2 r_2^2}{R^2 - r_1^2 - r_2^2} \vec{x}_1$$

Ne rien écrire ici

B-II-3. Equilibrage statique :

$$\dots\dots\dots S_1 \overrightarrow{OG_1} - S_0 \overrightarrow{OC_0} = \vec{0} \dots \Leftrightarrow \dots \overrightarrow{OC_0} = \frac{S_1}{S_0} \overrightarrow{OG_1} = d_0 \vec{x}_1 \dots \Leftrightarrow \dots C_0 \in (O, \vec{x}_1) \dots$$

$$\dots\dots\dots d_0 = \frac{S_1}{S_0} x_G = \frac{\pi(R^2 - r_1^2 - r_2^2)}{\pi r_0^2} \frac{d_1 R^2 - d_2 r_2^2}{R^2 - r_1^2 - r_2^2} \dots\dots$$

$$d_0 = \frac{d_1 R^2 - d_2 r_2^2}{r_0^2}$$

B-II-4. Eléments d'inertie qui doivent être nuls:

.....D et E.....

B-II-5. Justification que ces éléments d'inertie sont effectivement nuls :

Disque mince $\Leftrightarrow \forall P \in (1), z_P = 0$ ou $(O, \vec{x}_1, \vec{y}_1)$ plan de symétrie $\Leftrightarrow D = E = 0$.

Ou (O, \vec{x}_1) est un axe de symétrie $\Leftrightarrow D = E = F = 0$.

B-II-6. Moment d'inertie $C = I_{O\bar{z}}(1)$:

$$I_{O\bar{z}}(1) = \left(\frac{mR^2}{2} + md_1^2\right) - \frac{m'r_1^2}{2} - \left(\frac{m''r_2^2}{2} + m''d_2^2\right) - \left(\frac{m_0 r_0^2}{2} + m_0 d_0^2\right)$$

$$I_{O\bar{z}}(1) = \pi\sigma \left[R^2 \left(\frac{R^2}{2} + d_1^2\right) - \frac{r_1^4}{2} - r_2^2 \left(\frac{r_2^2}{2} + d_2^2\right) - r_0^2 \left(\frac{r_0^2}{2} + d_0^2\right) \right]$$

$$C = I_{O\bar{z}}(1) = \pi\sigma \left[R^2 \left(\frac{R^2}{2} + d_1^2\right) - \frac{r_1^4}{2} - r_2^2 \left(\frac{r_2^2}{2} + d_2^2\right) - r_0^2 \left(\frac{r_0^2}{2} + d_0^2\right) \right].$$

B-III- CHOIX DU MOTOREDUCTEUR D'ENTRAINEMENT DU PLATEAU (1) :

B-III-1. Energie cinétique du système (S) en mouvement par rapport à R_0 :

$$Ec(S/R_0) = Ec(1/R_0) + Ec(3/R_0) + Ec(8/R_0)$$

$$Ec(1/R_0) = \frac{1}{2} I_1 \dot{\alpha}^2 ; \quad Ec(3/R_0) = \frac{1}{2} m_3 \dot{\lambda}^2 ; \quad Ec(8/R_0) = \frac{1}{2} [I_8 \dot{\psi}^2 + m_8 (U_8^2 + V_8^2)]$$

$$Ec(S/R_0) = \frac{1}{2} [I_1 \dot{\alpha}^2 + m_3 \dot{\lambda}^2 + I_8 \dot{\psi}^2 + m_8 (U_8^2 + V_8^2)]$$

Ne rien écrire ici

B-III-2. Actions mécaniques extérieures exercées sur le système (S) :

Actions de contact :

$$\{T(\text{Moteur} \rightarrow 1)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} \dots 0 \dots & \dots 0 \dots \\ \dots 0 \dots & \dots 0 \dots \\ \dots 0 \dots & \dots C_m \dots \end{array} \right)_O \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix} ; \{T(\mathbf{0} \rightarrow 1)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} X_{01} & L_{01} \\ Y_{01} & M_{01} \\ Z_{01} & \mathbf{0} \end{array} \right)_O \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix}$$

$$\{T(\mathbf{0} \rightarrow 3)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} 0 & L_{03} \\ Y_{03} & M_{03} \\ Z_{03} & N_{03} \end{array} \right)_H \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix} ; \{T(\mathbf{0} \rightarrow 4)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} X_{04} & L_{04} \\ Y_{04} & M_{04} \\ Z_{04} & \mathbf{0} \end{array} \right)_C \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix}$$

Actions à distance :

$$\{T(\vec{g} \rightarrow 1)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} 0 & 0 \\ -m_1 g & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right)_O \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix} ; \{T(\vec{g} \rightarrow 3)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} 0 & 0 \\ -m_3 g & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right)_{G_3} \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix}$$

$$\{T(\vec{g} \rightarrow 8)\} = \begin{matrix} \left(\begin{array}{c|c} 0 & 0 \\ -m_8 g & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right)_{G_8} \\ \begin{matrix} \text{R}_0 \end{matrix} \end{matrix} ; \dots$$

B-III-3. Puissance des actions mécaniques extérieures :

Les liaisons avec (0) sont supposées parfaites $\rightarrow P(\mathbf{0} \rightarrow 1/\text{R}_0) = P(\mathbf{0} \rightarrow 3/\text{R}_0) = P(\mathbf{0} \rightarrow 4/\text{R}_0) = 0$.

$$P(\vec{g} \rightarrow 1/\text{R}_0) = P(\vec{g} \rightarrow 3/\text{R}_0) = 0.$$

$$P(\vec{S} \rightarrow S/\text{R}_0) = C_m \dot{\alpha} - m_8 g V_3.$$

$$P(\vec{S} \rightarrow S/\text{R}_0) = C_m \dot{\alpha} - m_8 g V_3$$

Ne rien écrire ici

B-III-4. Couple moteur :

$$\frac{dEc(S/R_0)}{dt} = P(\bar{S} \rightarrow S/R_0) + P(int \text{ à } S)$$

Les liaisons internes sont supposées parfaites $\rightarrow P(int \text{ à } S) = 0$.

$$C_m = I_1 \ddot{\alpha} + \frac{1}{\dot{\alpha}} [m_3 \dot{\lambda} \ddot{\lambda} + I_8 \dot{\psi} \ddot{\psi} + m_8 (U_8 \dot{U}_8 + V_8 \dot{V}_8 + g V_8)]$$

B-IV- CHOIX DE LA VENTOUSE :

B-IV-1. Accélération de centre d'inertie G du verre (10) :

$$\vec{\Gamma}(G \in 10/R_0) = \frac{d\vec{V}(G \in 10/R_0)}{dt} /_{R_0} = \frac{d\vec{V}(G \in 10/R_0)}{dt} /_{R_8} + \vec{\Omega}(R_8/R_0) \wedge \vec{V}(G \in 10/R_0)$$

$$\vec{\Gamma}(G \in 10/R_0) = \dot{U} \vec{x}_8 + \dot{V} \vec{y}_8 - U \dot{\psi} \vec{y}_8 + V \dot{\psi} \vec{x}_8$$

$$\vec{\Gamma}(G \in 10/R_0) = (\dot{U} + V \dot{\psi}) \vec{x}_8 + (\dot{V} - U \dot{\psi}) \vec{y}_8$$

B-IV-2. Torseur dynamique :

$$\{D(10/R_0)\}_{R_8} = \left\{ \begin{array}{c|c} m(\dot{U} + V \dot{\psi}) & 0 \\ m(\dot{V} - U \dot{\psi}) & 0 \\ \hline 0 & -I_8 \ddot{\psi} \end{array} \right\}_G$$

B-IV-3. Torseur des actions mécaniques extérieures :

$$\{T(8 \rightarrow 10)\}_{R_8} = \left\{ \begin{array}{c|c} X & L \\ Y & M \\ Z & N \end{array} \right\}_P = \left\{ \begin{array}{c|c} X & L \\ Y & M + bZ \\ Z & N - bY \end{array} \right\}_G ; \quad \{T(\bar{g} \rightarrow 10)\}_{R_8} = \left\{ \begin{array}{c|c} mg \sin \psi & 0 \\ -mg \cos \psi & 0 \\ \hline 0 & 0 \end{array} \right\}_G$$

$$\{T(\overline{10} \rightarrow 10)\}_{R_8} = \left\{ \begin{array}{c|c} X + mg \sin \psi & L \\ Y - mg \cos \psi & M + bZ \\ \hline Z & N - bY \end{array} \right\}_G$$

Ne rien écrire ici

B-IV-4. PFD et détermination de l'action exercée par la ventouse sur le verre :

R_0 est supposé galiléen $\Leftrightarrow \{T(\overline{10} \rightarrow 10)\}_P = \{D(10/R_0)\}_P \forall P \in (10)$ et $\forall t$

$$X = m(\dot{U} + V\dot{\psi} - g\sin\psi)$$

$$Y = m(\dot{V} - U\dot{\psi} + g\cos\psi)$$

$$Z = 0$$

$$L = 0$$

$$M = 0$$

$$N = bm(\dot{V} - U\dot{\psi} + g\cos\psi) - I_8\ddot{\psi}$$

B-IV-4. Condition sur le coefficient d'adhérence pour le choix de la ventouse :

Adhérence entre la ventouse et le verre (10) $\Leftrightarrow \frac{\|\vec{T}(8 \rightarrow 10)\|}{\|\vec{N}(8 \rightarrow 10)\|} \leq f$

Avec

$$\|\vec{N}(8 \rightarrow 10)\| = |X| = m|\dot{U} + V\dot{\psi} - g\sin\psi|$$

$$\|\vec{T}(8 \rightarrow 10)\| = |Y| = m|\dot{V} - U\dot{\psi} + g\cos\psi|$$

$$f \geq \frac{|\dot{V} - U\dot{\psi} + g\cos\psi|}{|\dot{U} + V\dot{\psi} - g\sin\psi|}$$

Ne rien écrire ici

C - AUTOMATIQUE

C.1. Modélisation du moteur

C.1.1.

En appliquant la transformation de Laplace :

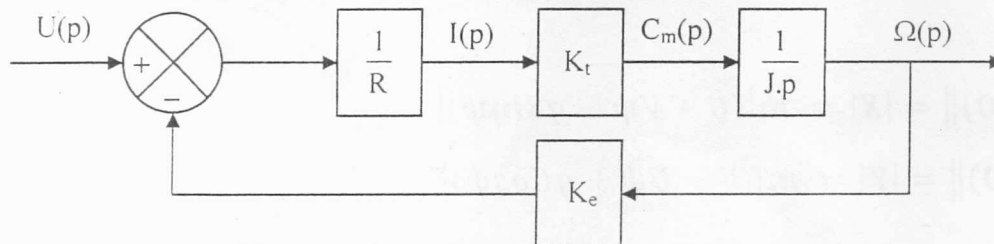
$$E(p) = U(p) - R \cdot I(p)$$

$$E(p) = K_e \cdot \Omega(p)$$

$$C_m(p) = K_t \cdot I(p)$$

$$C_m(p) = J \cdot p \cdot \Omega(p)$$

C.1.2.



C.1.3.

$$H(p) = \frac{\Omega(p)}{U(p)} = \frac{\frac{K_t}{R \cdot J \cdot p}}{1 + \frac{K_t \cdot K_e}{R \cdot J \cdot p}} \Rightarrow H(p) = \frac{\frac{1}{K_e}}{1 + \frac{R \cdot J}{K_t \cdot K_e} p}$$

Ne rien écrire ici

C.1.4.

Ordre du système : **premier**

Constante de temps : $\frac{1}{\tau} = 20 \text{ rad.s}^{-1} \Rightarrow \tau = 0,05 \text{ s}$

Gain statique : $20 \cdot \log(K_S) = -6 \text{ dB} \Rightarrow K_S = 0,5 \text{ rad.s}^{-1} \cdot \text{V}^{-1}$

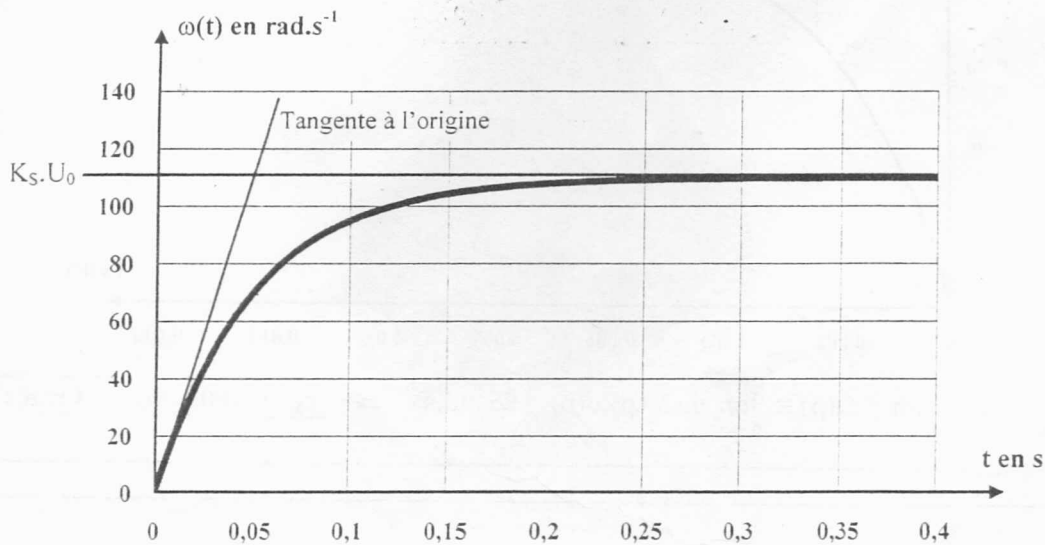
Forme canonique : $H(p) = \frac{0,5}{1 + 0,05 \cdot p}$

C.1.5.

$K_S = \frac{1}{K_e} \Rightarrow K_e = \frac{1}{K_S} \Rightarrow K_e = 2 \text{ V.s.rad}^{-1}$

$\tau = \frac{R \cdot J}{K_t \cdot K_e} \Rightarrow J = \frac{\tau \cdot K_t \cdot K_e}{R} \Rightarrow J = 2,5 \cdot 10^{-2} \text{ kg.m}^2$

C.1.6.



Ne rien écrire ici

C.2. Asservissement de la vitesse de rotation du moteur

C.2.1. Cas d'un régulateur proportionnel $R(p) = K_a$:

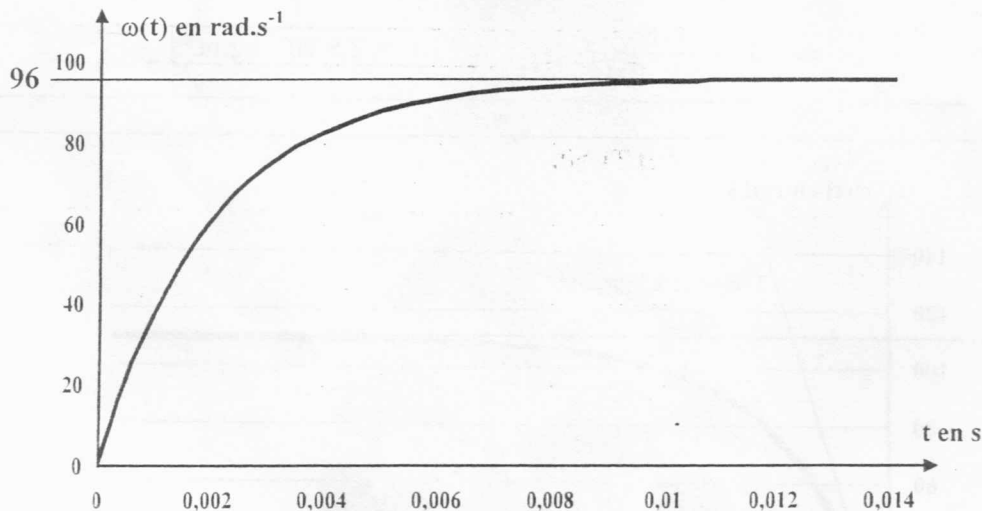
C.2.1.1.

$$F(p) = \frac{\Omega(p)}{\Omega_C(p)} = K_C \frac{K_a \cdot H(p)}{1 + K_a \cdot K_C \cdot H(p)} = \frac{0,03 \cdot K_a}{1 + 0,05 \cdot p} = \frac{0,03 \cdot K_a}{1 + 0,03 \cdot K_a + 0,05 \cdot p}$$

$$\Rightarrow F(p) = \frac{\frac{0,03 \cdot K_a}{1 + 0,03 \cdot K_a}}{1 + \frac{0,05}{1 + 0,03 \cdot K_a} p}$$

C.2.1.2.

$$K_a = 800 \Rightarrow F(p) = \frac{0,96}{1 + 0,002 \cdot p}$$



$$\omega(\infty) = \lim_{t \rightarrow \infty} \omega(t) = \lim_{p \rightarrow 0} p \cdot \Omega(p) = \lim_{p \rightarrow 0} p \cdot \Omega_C(p) \cdot F(p) = 96 \text{ rad.s}^{-1} \Rightarrow \boxed{\varepsilon_S = 100 - 96 = 4 \text{ rad.s}^{-1}}$$

C.2.1.3.

$$\varepsilon_S \leq 2\% \Rightarrow [\Omega_C - \lim_{t \rightarrow \infty} \omega(t)] \leq 2 \text{ rad.s}^{-1} \Rightarrow \lim_{t \rightarrow \infty} \omega(t) \geq 98 \text{ rad.s}^{-1}$$

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \omega(t) = \frac{0,03 \cdot K_a}{1 + 0,03 \cdot K_a} \cdot \Omega_C \Rightarrow \frac{3 \cdot K_a}{1 + 0,03 \cdot K_a} \geq 98 \Rightarrow \boxed{K_a \geq 1633}$$

Ne rien écrire ici

C.2.2. Cas d'un régulateur proportionnel intégral $R(p) = K_p \left(1 + \frac{1}{T_i \cdot p} \right)$:

C.2.2.1.

$$F(p) = \frac{\Omega(p)}{\Omega_c(p)} = K_c \frac{R(p) \cdot H(p)}{1 + K_c \cdot R(p) \cdot H(p)} = \frac{0,03 \cdot K_p \cdot (1 + T_i \cdot p)}{T_i \cdot p \cdot (1 + 0,05 \cdot p)} \cdot \frac{1}{1 + \frac{0,03 \cdot K_p \cdot (1 + T_i \cdot p)}{T_i \cdot p \cdot (1 + 0,05 \cdot p)}}$$
$$= \frac{0,03 \cdot K_p \cdot (1 + T_i \cdot p)}{0,03 \cdot K_p \cdot (1 + T_i \cdot p) + T_i \cdot p \cdot (1 + 0,05 \cdot p)}$$

$$\Rightarrow F(p) = \frac{0,03 \cdot K_p \cdot (1 + T_i \cdot p)}{0,03 \cdot K_p + (0,03 \cdot K_p + 1) \cdot T_i \cdot p + 0,05 \cdot T_i \cdot p^2}$$

C.2.2.2

Le système est stable pour $K_p > 0$ et $T_i > 0$.

C.2.2.3

Le correcteur PI annule l'erreur statique.